

E-mail: davidm@fe.uni-lj.si

<http://lrm.fe.uni-lj.si>

gov. ure: sreda, 10.15

P: - sreda, P7 (8.30-10.00)
petek, P15a (8.30-10.00)

3.10.2012
(Nedeljkovič, Neustran)
(RTJ)

LV: - od 15.10. dalje ; 11 vaj

- gradivo je na spl. straneh

- distopis → urejeni zapiski v poročilo, A4 mapa
- poročila (s komentarji, itd) so gradivo za izpit
- sprotne oddajanje, drevanje poročil
- poročilo je potrebno priskrbiti na ustni izpit

IZPIT: - vsakič pred LES 9.00; če ni drugače najavljeno
- prijava v e-studentu

- kolokviji: { 1. kolokvij, (petek 30.11.2012)
→ 2. kolokvij, (petek 18.01.2013)

- na izpitu dobimo list z enačbami (objavljen je tudi na spl. straneh)

v terminu predavanj

- redni izpitni roki - ustni izpit je še isti dan,

LITERATURA: R. Caphen: Regulacije, UL, FER

E-mail: davidm@fe.uni-lj.si

<http://lrm.fe.uni-lj.si>

gov. ure: sreda, 10.15

P: - sreda, P7 (8.30-10.00)
petek, P15a (8.30-10.00)

3. 10. 2012
(Nedeljkovič, Neustran)
(RTJ)

LV: - od 15.10. dalje ; 11 vaj

- gradivo je na spl. straneh

- distopis → urejeni zapiski v poročilo, A4 mapa
- poročila (s komentarji, itd) so gradivo za izpit
- sprotne oddajanje, drevanje poročil
- poročilo je potrebno priskrbiti na ustni izpit

IZPIT: - vsakič pred LES 9.00; če ni drugače najavljeno
- prijava v e-studentu

- kolokviji: { 1. kolokvij, (petek 30.11.2012)
→ 2. kolokvij, (petek 18.01.2013)

- na izpitu dobimo list z enačbami (objavljen je tudi na spl. straneh)

v terminu predavanj

- redni izpitni roki - ustni izpit je še isti dan,

LITERATURA: R. Caphen: Regulacije, UL, FER

5.10.2012

→ Krmiljenje in regulacija ; zglede: ENOSMERNI GENERATOR (EG)

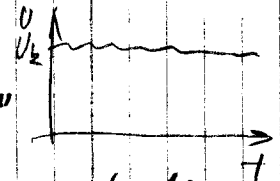
- z AS s KS priključenim na omrežno frekvenco ne moremo regulirati vrtilne hitrosti (\approx slip)
- višja hitrost AM \rightarrow na EG je višja ind. nap.
- vplivamo na magnetilno polje ; spreminjamo napetost

$$\underline{E} = k \Phi \omega$$

$\omega = \text{konst.}$; AS s KS priključen na omrežje

- Φ se spreminja zaradi toka
- če EG obremenimo, notranja upornost pade, breme občuti manjšo E.
- tož povečamo preko višje napetosti
- stroji imajo relativno dolge mehanske odzivne čase \rightarrow čas, da stroj spraznimo v gibanje (vrtenje)
- z elk. vezjem uporabimo kolikšne je nap. na enosmernem delu (ohmski delilnik, filter RC značaja, ...)

kompenzira motnje v signalu

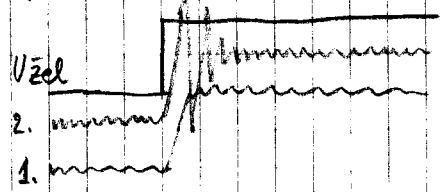


ščetke so na komutatorju ; nap. kotve lahko "pleše"

- pri filterih moramo upoštevati frek. korr., da ne filtriramo tudi uporabnega signala \rightarrow sprejemamo kompromise
- v vezju moramo imeti negativno povratno zanko
- če ne bi bilo porr. zanke, bi imeli krmilnik ; ob spremembi obremenitve stvar ne bi več delovala

→ zahteva regulacije

- Statični popresek \rightarrow želimo, da je čim manjši ; potrebujemo dobro menter
- dinamični popresek \rightarrow sprememba vrednosti \Rightarrow pride do preuhaja, nato pa se vrednost ustali



- v primeru 2. bi npr.: žarnica tako odpovedala
- sproži se varovalka \rightarrow sistem se ustavi

→ različni tipi problemov \rightarrow kompromisi ; nastavljammo parametre regulatorja

- regulacijski čas \rightarrow čas ustalitve, konca preh. pojavn
- vpliv želene vrednosti ; nastikali in v-zji kompenziramo vrednosti ob prehodnih pojavih (višamo/nizamo E, ...)

5.10.2012

→ Krmiljenje in regulacija ; zglede: ENOSMERNI GENERATOR (EG)

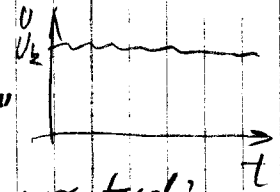
- z AS s KS priključenim na omrežno frekvenco ne moremo regulirati vrtilne hitrosti (\approx slip)
- višja hitrost AM \rightarrow na EG je višja ind. nap.
- vplivamo na magnetilno polje ; spreminjamo napetost

$$\underline{E} = k \Phi \omega$$

$\omega = \text{konst.}$; AS s KS priključen na omrežje

- Φ se spreminja zaradi toka
- če EG obremenimo, notranja upornost pade, breme občuti manjšo E.
- tož povečamo preko višje napetosti
- stroji imajo relativno dolge mehanske odzivne čase \rightarrow čas, da stroj spraznimo v gibanje (vrtenje)
- z elk. vezjem upotrimo kolikšne je nap. na enosmernem delu (ohmski delilnik, filter RC značaja, ...)

kompenzira motnje v signalu

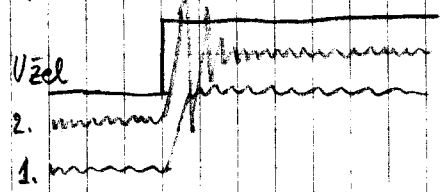


ščetke so na komutatorju ; nap. kotve lahko "pleše"

- pri filterih moramo upoštevati frek. korr., da ne filtriramo tudi uporabnega signala \rightarrow sprejemamo kompromise
- v vezju moramo imeti negativno povratno zanko
- če ne bi bilo porr. zanke, bi imeli krmilnik ; ob spremembi obremenitve stvar ne bi več delovala

→ zahteva regulacije

- Statični popresek \rightarrow želimo, da je čim manjši ; potrebujemo dobro menter
- dinamični popresek \rightarrow sprememba vrednosti \Rightarrow pride do preuhaja, nato pa se vrednost ustali

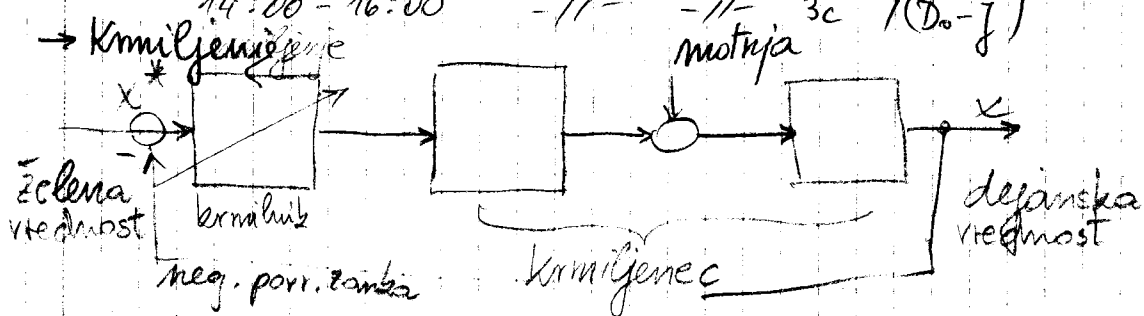


- v primeru 2. bi mpr.: žarnica tako odpovedala
- sproži se varovalka \rightarrow sistem se ustavi

→ različni tipi problemov \rightarrow kompromisi ; nastavljammo parametre regulatorja

- regulacijski čas \rightarrow čas ustalitve, konca preh. pojavn
- vpliv želene vrednosti ; nastikali in v-zji kompenziramo vrednosti ob prehodnih pojavih (višamo/nizamo E, ...)

1. teden : 12:00 - 14:00 v LRTHE - cikel HC / (K-M)
 14:00 - 16:00 - // - // - 3c / (D₀-J)



- regulator na podlagi pogreška določi spremembo v regulaciji
- neg. povr. zanka, da je razlika med dejansko in želeno vrednostjo še bolj očitna
- poz. povr. zanka bi sistem poslala v nasičenje

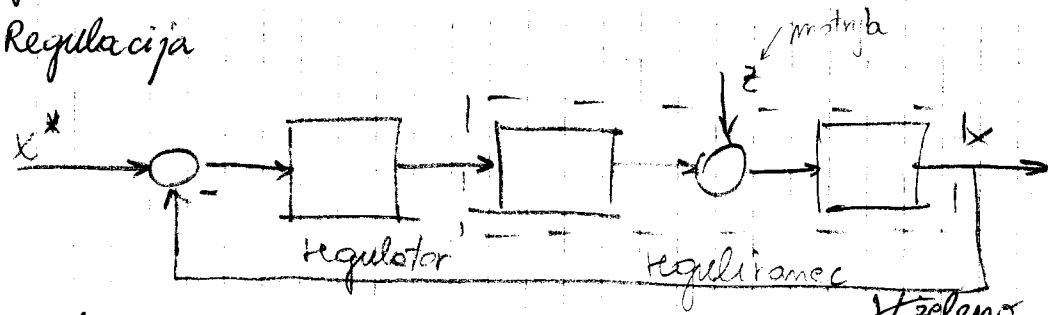
→ VRSTE REGULACIJ

- električne, pnevmatske, mehanske

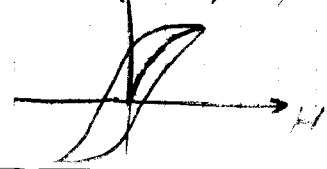
↳ sile so lahko velike, za enak učinek bi potrebovali bistveno več električnih / elektronskih členov

- Analogni, digitalni
- linearni, nelinearni
- zvezni, nezvezni → v smislu karakteristik regulacij (bimetal); primer nezveznosti

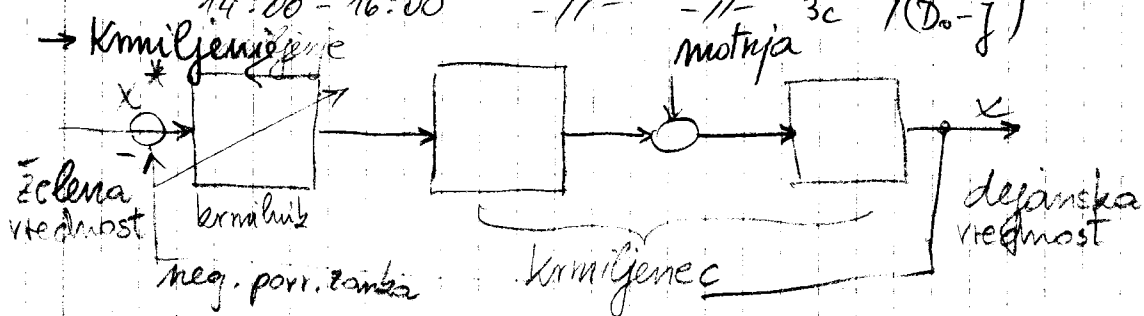
→ Regulacija



- vodene regulacije, regulacije s konstantno vrednostjo
 ↳ želimo čim krajše reg. (case) čim manjše prenitaje
- procesne regulacije ⇒ tlaki, pretoki, temp.; časovne konstante so precej daljše
- več zankne regulacije
 ↳ kaskadne regulacije (primarni + več podrejenih nivojev)
- Adaptivne regulacije ⇒ nastavljanje regulatorja na konkretne vrednosti reguliranca, da se bo sistem hitro in gladko odzval
 ↳ v praksi vrednosti reguliranca niso konstantne (segrevanje, drug uporabi, ... pri indukcijskih motorjih)
 ↳ težko obratovanje, zaznavanje spremembe (razlike v tlaku, gostoti z zraka, ...)



1. teden : 12:00 - 14:00 v LRTHE - cikel HC / (K-M)
 14:00 - 16:00 - // - // - 3c / (D₀-J)



- regulator na podlagi pogreška določi spremembo v regulaciji
- neg. povr. zanka, da je razlika med dejansko in želeno vrednostjo še bolj očitna
- poz. povr. zanka bi sistem poslala v nasičenje

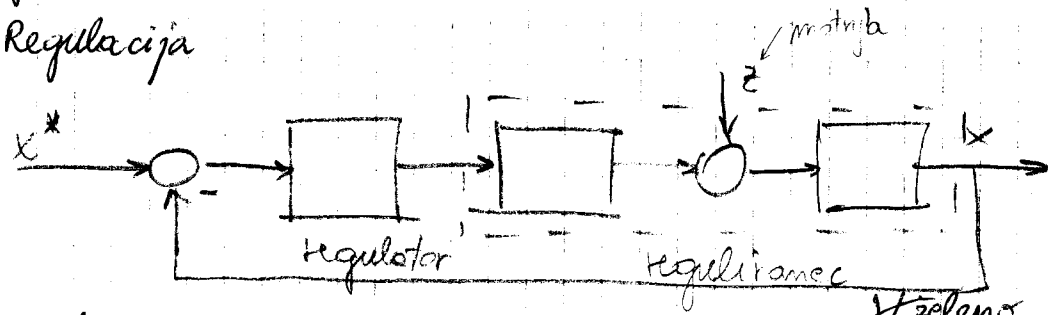
→ VRSTE REGULACIJ

- električne, pnevmatske, mehanske

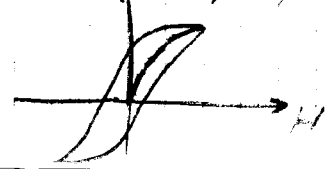
↳ sile so lahko velike, za enak učinek bi potrebovali bistveno več električnih / elektronskih členov

- Analogni, digitalni
- linearni, nelinearni
- zvezni, nezvezni → v smislu karakteristik regulacij (bimetal); primer nezveznosti

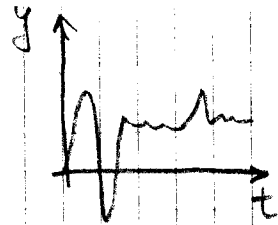
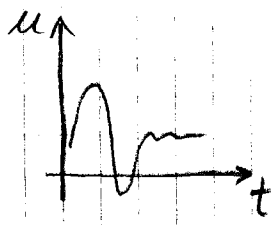
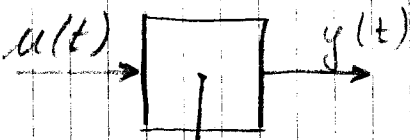
→ Regulacija



- vodene regulacije, regulacije s konstantno vrednostjo
 ↳ želimo čim krajše reg. (case) čim manjše prehitaje
- procesne regulacije ⇒ tlaki, pretoki, temp.; časovne konstante so precej daljše
- več zankne regulacije
 ↳ kaskadne regulacije (primarni + več podrejenih nivojev)
- Adaptivne regulacije ⇒ nastavljanje regulatorja na konkretne vrednosti reguliranca, da se bo sistem hitro in gladko odzval
 ↳ v praksi vrednosti reguliranca niso konstantne (segrevanje, drug uporabi, ... pri indukcijskih motorjih)
 ↳ težko obratovanje, zaznavanje spremembe (razlike v tlaku, gostoti zraka, ...)



→ Linearni sistemi



$$\sum_{i=0}^m a_i \frac{d^i y}{dt^i} = u(t) ; \text{ lin. de. } n\text{-tega reda}$$

- velja princip superpozicije
- odziv sistema lahko zapisemo kot konvolucijo vh. signala z odzivom na enotni impulz

1.) * superpozicija:

vhod. signal $\left\{ \begin{matrix} u_1(t) \\ u_2(t) \end{matrix} \right\} \dots \dots \left\{ \begin{matrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{matrix} \right\}$ odziv

$$u(t) = u_1(t) \cdot a_1 + u_2(t) \cdot a_2$$

$$y(t) = a_1 y_1(t) + a_2 y_2(t)$$

velja samo za lin. sisteme

- večji kot je vzbudilni signal, večji je odziv

* normiranje: dejanska vrednost

$$u(t) = \frac{U(t)}{U_n}$$

← normirana vrednost

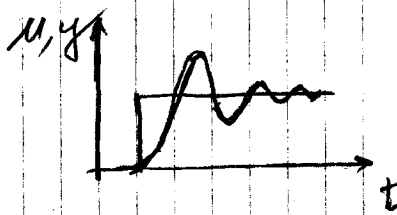
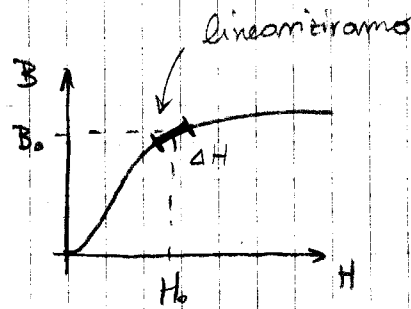
* lineariziranje:

$$U(t) = U_0 + \Delta U(t)$$

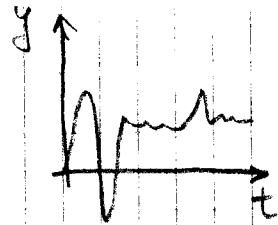
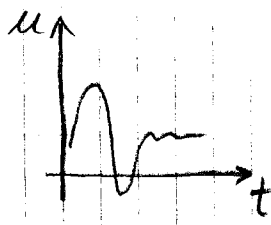
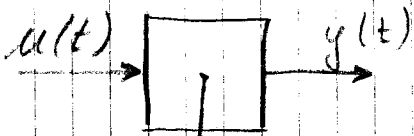
mpr. izhodna napetost

delovna točka

$$u(t) = \frac{\Delta U(t)}{U_n}$$



→ Linearni sistemi



$$\sum_{i=0}^m a_i \frac{d^i y}{dt^i} = u(t) ; \text{lin. de. } n\text{-tega reda}$$

- velja princip superpozicije
- odziv sistema lahko zapisemo kot konvolucijo vh. signala z odzivom na enotni impulz

1.) * superpozicija:

vhod. signal $\{ \begin{matrix} u_1(t) \\ u_2(t) \end{matrix} \dots \dots \begin{matrix} y_1(t) \\ y_2(t) \end{matrix} \}$ odziv

$$u(t) = u_1(t) \cdot a_1 + u_2(t) \cdot a_2$$

$$y(t) = a_1 y_1(t) + a_2 y_2(t)$$

velja samo za lin. sisteme

- večji kot je vzbudilni signal, večji je odziv

* normiranje: dejanska vrednost

$$u(t) = \frac{U(t)}{U_n}$$

← normirana vrednost

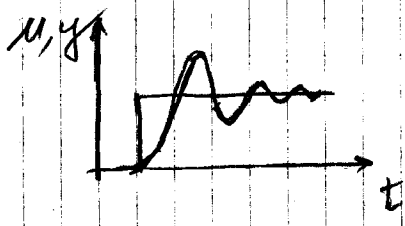
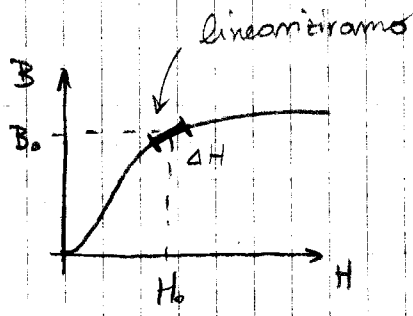
* lineariziranje:

$$U(t) = U_0 + \Delta U(t)$$

mpr. izhodna napetost

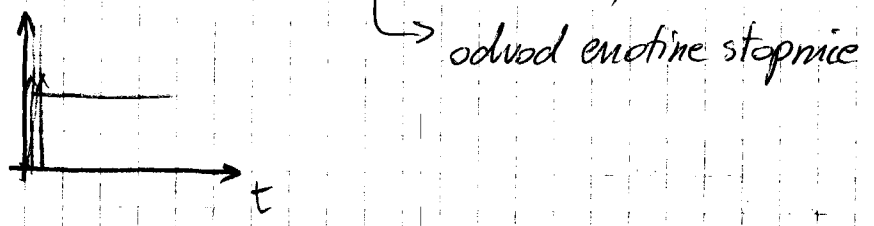
delovna točka

$$u(t) = \frac{\Delta U(t)}{U_n}$$



2.) * konvolucija:

$\delta(t) \dots$ Diracov impulz (teoretični signal; neskončno visok, neskončno časa)



$u(t) \dots$ zvezen v trenutku: $t = \tau \Rightarrow$

$$u(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(\tau) \cdot \delta(t - \tau) d\tau \quad \rightarrow \text{vsota impulzov za vsak trenutek}$$

- če se sistem na $\delta(t)$ odziva z $h(t, \tau)$; na $h(t)$ je potem odziv:

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(\tau) h(t, \tau) d\tau \Rightarrow \text{superpozicijski integral}$$

- upoštevamo še, da je sistem konstanten (časovno nepremenljiv); odziv na $\delta(t)$ bi bil:

$$\delta(t) \dots h(t - \tau)$$

\rightarrow sledi: $y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} h(\tau) \cdot h(t - \tau) d\tau$

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(t - \tau) h(\tau) d\tau \quad \rightarrow \text{konvolucijski integral}$$

(upoštevamo)

$$u(t) = e^{st}$$

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{s(t-\tau)} h(\tau) d\tau = \int_{-\infty}^{\infty} e^{st} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau =$$

konst.

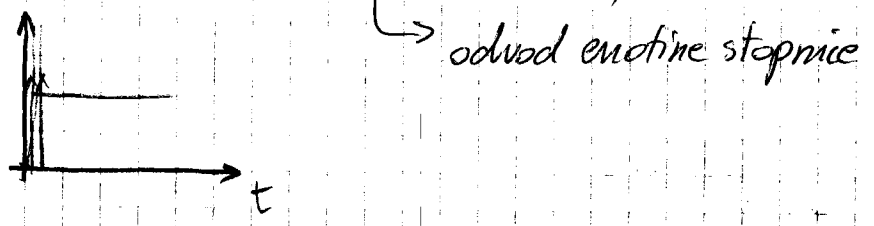
$$= e^{st} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau$$

$$\rightarrow y(t) = u(t) \int_{-\infty}^{\infty} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau$$

$\left\{ \begin{array}{l} s = \sigma + j\omega \\ \uparrow \quad \uparrow \\ \text{realna} \quad \text{img.} \\ \text{komp.} \quad \text{komp.} \end{array} \right\}$ kompl. št.

2.) * konvolucija:

$\delta(t) \dots$ Diracov impulz (teoretični signal; neskončno visok, neskončno časa)



$u(t) \dots$ zvezen v trenutku: $t = \tau \Rightarrow$

$$u(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(\tau) \cdot \delta(t - \tau) d\tau \quad \rightarrow \text{vsota impulzov za vsak trenutek}$$

- če se sistem na $\delta(t)$ odziva z $h(t, \tau)$; na $h(t)$ je potem odziv:

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(\tau) h(t, \tau) d\tau \Rightarrow \text{superpozicijski integral}$$

- upoštevamo še, da je sistem konstanten (časovno nepremenljiv); odziv na $\delta(t)$ bi bil:

$$\delta(t) \dots h(t - \tau)$$

\rightarrow sledi: $y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} h(\tau) \cdot h(t - \tau) d\tau$

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} u(t - \tau) h(\tau) d\tau \Rightarrow \text{konvolucijski integral}$$

(upoštevamo)

$$u(t) = e^{st}$$

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{s(t-\tau)} h(\tau) d\tau = \int_{-\infty}^{\infty} e^{st} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau =$$

konst.

$$= e^{st} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau$$

$$\rightarrow y(t) = u(t) \int_{-\infty}^{\infty} e^{-s\tau} h(\tau) d\tau$$

$\left\{ \begin{array}{l} s = \sigma + j\omega \\ \uparrow \quad \uparrow \\ \text{realna} \quad \text{img.} \\ \text{komp.} \quad \text{komp.} \end{array} \right\}$. kompl. št.

$$\Rightarrow y(t) = u(t) \cdot F(s)$$

$$F(s) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-st} h(\tau) d\tau$$

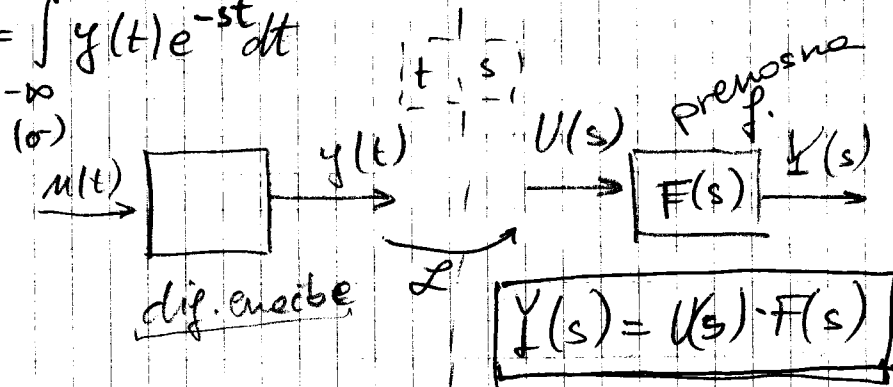
$F(s)$ = prenosna funkcija
(kompl. št.)

→ Laplace-ova transformacija

$$\mathcal{L}[y(t)] = Y(s)$$

s ; kompl. frekvenca

$$Y(s) = \int_{-\infty}^{\infty} y(t) e^{-st} dt$$

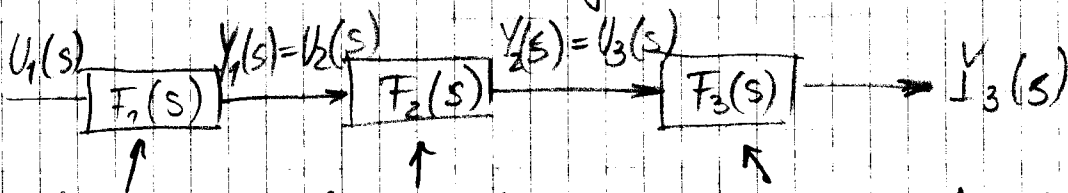


→ inverzna Laplaceova tr. \mathcal{L}^{-1}

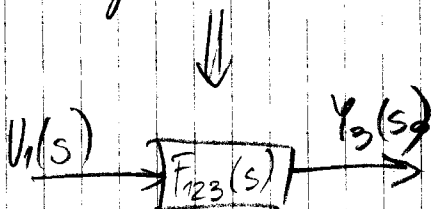
$$y(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{\sigma_c - j\infty}^{\sigma_c + j\infty} Y(s) \cdot e^{st} ds$$

12.10.2012

• če imamo več blokov \Rightarrow serija blokov



kar lahko vemo nadomestimo prenosno funkcijo



$$F_{123}(s) = F_1(s) \cdot F_2(s) \cdot F_3(s)$$

$$F_{123}(s) = \frac{Y_3(s)}{U_1(s)}$$

$$\Rightarrow y(t) = u(t) \cdot F(s)$$

$$F(s) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-st} h(\tau) d\tau$$

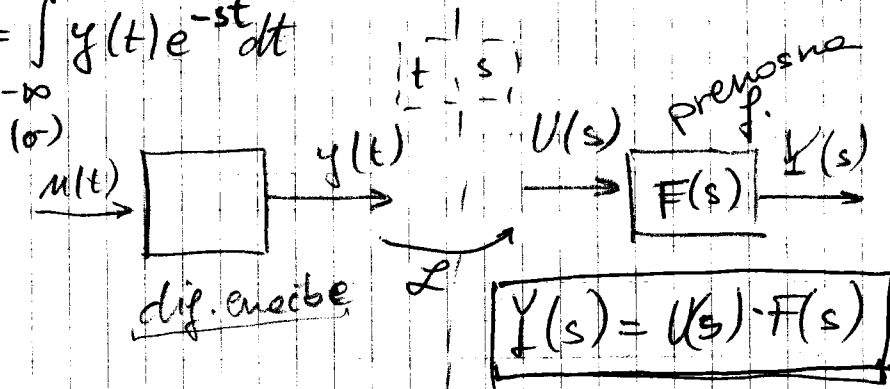
$F(s)$ = prenosna funkcija
(kompl. št.)

→ Laplace-ova transformacija

$$\mathcal{L}[y(t)] = Y(s)$$

s ; kompl. frekvenca

$$Y(s) = \int_{-\infty}^{\infty} y(t) e^{-st} dt$$

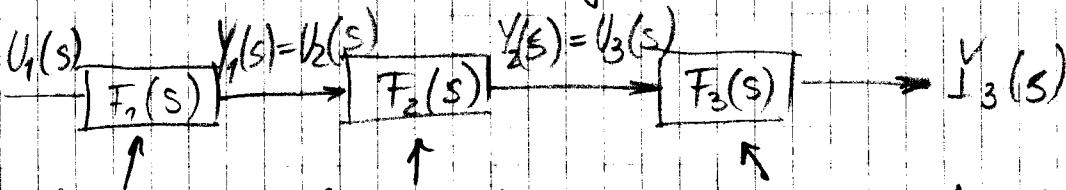


→ inverzna Laplaceova tr. \mathcal{L}^{-1}

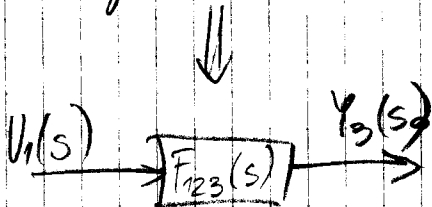
$$y(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{\sigma_c - j\infty}^{\sigma_c + j\infty} Y(s) \cdot e^{st} ds$$

12.10.2012

• če imamo več blokov \Rightarrow serija blokov



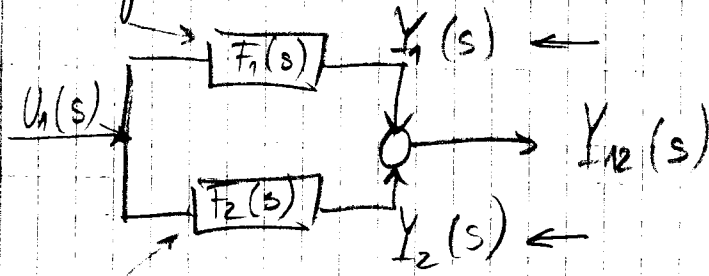
kar lahko vemo nadomestimo prenosno funkcijo



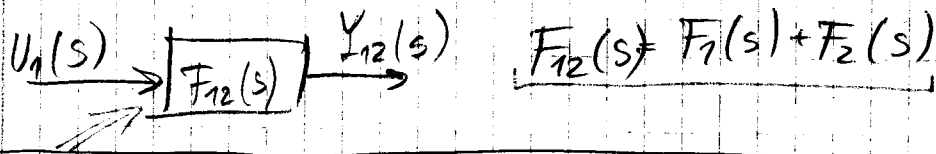
$$F_{123}(s) = F_1(s) \cdot F_2(s) \cdot F_3(s)$$

$$F_{123}(s) = \frac{Y_3(s)}{U_1(s)}$$

• Če imamo paralelno več blokov



$$\underline{Y_{12}(s) = Y_1(s) + Y_2(s)}$$



$$\underline{F_{12}(s) = F_1(s) + F_2(s)}$$

LASTNOSTI LAPLACE-ove TR.

$$y(t) \rightarrow Y(s)$$

1.) superpozicija:

$$\mathcal{L}[a_1 y_1(t) + a_2 y_2(t)] = a_1 Y_1(s) + a_2 Y_2(s)$$

2.) časovni premik:

$$\mathcal{L}[y(t-T)] = e^{-sT} Y(s)$$

↑
zakasnjem za T

3.) časovno skaliranje:

$$\mathcal{L}[y(at)] = \frac{1}{|a|} Y\left(\frac{s}{a}\right) \quad (\text{arg. } y-t \text{ je pomnožen s skaliranjem})$$

4.) frekvenčni premik:

$$\mathcal{L}[e^{-at} y(t)] = Y(s+a)$$

5.) odvajanje:

$$\mathcal{L}\left[\frac{dy}{dt}\right] = -y(t=0^-) + sY(s)$$

zacetek opazovanja

zac. vrednost

$$\mathcal{L}\left[\frac{d^2 y}{dt^2}\right] = (s^2 Y(s) - s^{n-1} y(t=0^-) - s^{n-2} \frac{dy}{dt}(t=0^-) - \dots - \frac{d^{n-1} y}{dt^{n-1}}(t=0^-))$$

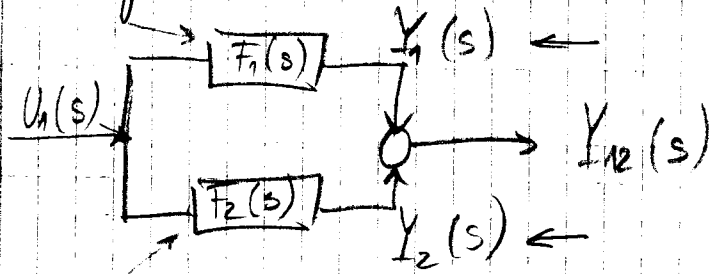
6.) integriranje:

$$\mathcal{L}\left[\int_0^t y(\tau) d\tau\right] = \left(\frac{1}{s}\right) Y(s)$$

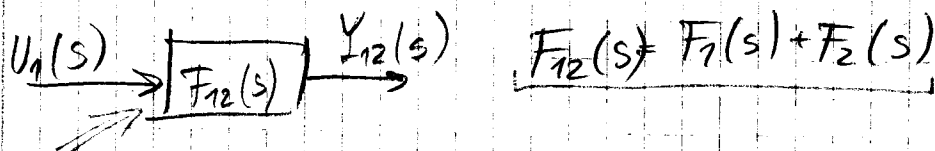
7.) množenje s časom:

$$\mathcal{L}[t \cdot y(t)] = -\frac{dY(s)}{ds}$$

• Če imamo paralelno več blokov



$$\underline{Y_{12}(s) = Y_1(s) + Y_2(s)}$$



$$F_{12}(s) = F_1(s) + F_2(s)$$

LASTNOSTI LAPLACE-ove TR.

$$y(t) \rightarrow Y(s)$$

1.) superpozicija:

$$\mathcal{L}[a_1 y_1(t) + a_2 y_2(t)] = a_1 Y_1(s) + a_2 Y_2(s)$$

2.) časovni premik:

$$\mathcal{L}[y(t-T)] = e^{-sT} Y(s)$$

↑
zakasnjem za T

3.) časovno skaliranje:

$$\mathcal{L}[y(at)] = \frac{1}{|a|} Y\left(\frac{s}{a}\right) \quad (\text{arg. } y-t \text{ je pomnožen s skaliranjem})$$

4.) frekvenčni premik:

$$\mathcal{L}[e^{-at} y(t)] = Y(s+a)$$

5.) odvajanje:

$$\mathcal{L}\left[\frac{dy}{dt}\right] = -\underbrace{y(t=0^-)}_{\text{začetek opazovanja}} + s Y(s)$$

zач. vrednost

$$\mathcal{L}\left[\frac{d^2 y}{dt^2}\right] = (s^2 Y(s) - s^{n-1} y(t=0^-) - s^{n-2} \frac{dy}{dt}(t=0^-) - \dots - \frac{d^{n-1} y}{dt^{n-1}}(t=0^-))$$

6.) integriranje:

$$\mathcal{L}\left[\int_0^t y(\tau) d\tau\right] = \left(\frac{1}{s}\right) Y(s)$$

7.) množenje s časom:

$$\mathcal{L}[t \cdot y(t)] = -\frac{dY(s)}{ds}$$

- Izrek o končni vrednosti funkcije: \rightarrow ničle imenovalca
- \rightarrow če izraz $s \cdot Y(s)$ nima polov z realnimi deli Re^+ , velja:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [y(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot Y(s)] \quad \text{upostevamo, da velja enakost}$$

vrednost signala po koncu vseh preh. pojavov

- Izrek o končni vrednosti funkcije:

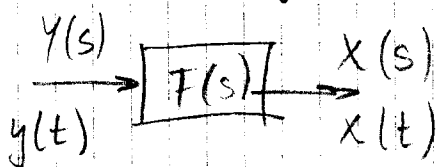
$$\lim_{t \rightarrow \infty} [y(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot Y(s)] \quad ; \quad Y(s) = \mathcal{L}[y(t)]$$

\rightarrow ni posebnega veljavnostnega pogojev

AV1

- 1.) Za podano d.e. zapiši prenosno funkcijo $F(s) = \frac{X(s)}{Y(s)}$ in določi $x(t \rightarrow \infty)$, če sistem vzbujamo z enotno stopnico.

Upostevamo: $x(0) = \dot{x}(0) = \ddot{x}(0) = 0$
 $y(0) = \dot{y}(0) = 0$



$$F(s) = \frac{\text{izhod}}{\text{vhod}} = \frac{X(s)}{Y(s)}$$

Vzbujanje: enotna stopnica: $Y(s) = \frac{1}{s}$

a) $\frac{d^2(x)}{dt^2} + 3 \left(2 \frac{dx}{dt} - \frac{dy}{dt} \right) + 25x = 9y \quad / \mathcal{L}$

$$s^2 X(s) + 6sX(s) - 3sY(s) + 25X(s) = 9Y(s) \quad / X(s) \text{ skupaj}$$

$$X(s) [s^2 + 6s + 25] - Y(s) (3s + 9)$$

$$F(s) = \frac{X(s)}{Y(s)} = \frac{3s + 9}{s^2 + 6s + 25}$$

\rightarrow končne vr:

$$X(s) = Y(s) F(s); \quad Y(s) = \frac{1}{s}$$

$$X(s) = \frac{1}{s} \frac{3s + 9}{s^2 + 6s + 25} \rightarrow x(t)$$

iztek o končni vrednosti:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X(s)]$$

- Izrek o končni vrednosti funkcije: \rightarrow ničle imenovalca
- \rightarrow če izraz $s \cdot Y(s)$ nima polov z realnimi deli Re^+ , velja:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [y(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot Y(s)] \quad \text{upostevamo, da velja enakost}$$

vrednost signala po koncu vseh preh. pojavov

- Izrek o končni vrednosti funkcije:

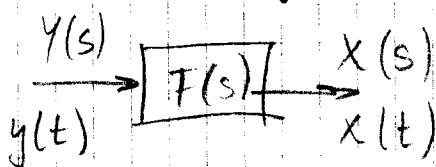
$$\lim_{t \rightarrow 0} [y(t)] = \lim_{s \rightarrow \infty} [s \cdot Y(s)] \quad ; \quad Y(s) = \mathcal{L}[y(t)]$$

\rightarrow ni posebnega veljavnostnega pogojev

AV1

- 1.) Za podano d.e. zapiši prenosno funkcijo $F(s) = \frac{X(s)}{Y(s)}$ in določi $x(t \rightarrow \infty)$, če sistem vzbujamo z enotno stopnico.

Upostevamo: $x(0) = \dot{x}(0) = \ddot{x}(0) = 0$
 $y(0) = \dot{y}(0) = 0$



$$F(s) = \frac{\text{izhod}}{\text{vhod}} = \frac{X(s)}{Y(s)}$$

Vzbujanje: enotna stopnica: $Y(s) = \frac{1}{s}$

a) $\frac{d^2(x)}{dt^2} + 3 \left(2 \frac{dx}{dt} - \frac{dy}{dt} \right) + 25x = 9y \quad / \mathcal{L}$

$$s^2 X(s) + 6sX(s) - 3sY(s) + 25X(s) = 9Y(s) \quad / X(s) \text{ skupaj}$$

$$X(s) [s^2 + 6s + 25] - Y(s) (3s + 9)$$

$$F(s) = \frac{X(s)}{Y(s)} = \frac{3s + 9}{s^2 + 6s + 25}$$

\rightarrow končne vr:

$$X(s) = Y(s) F(s); \quad Y(s) = \frac{1}{s}$$

$$X(s) = \frac{1}{s} \frac{3s + 9}{s^2 + 6s + 25} \rightarrow x(t)$$

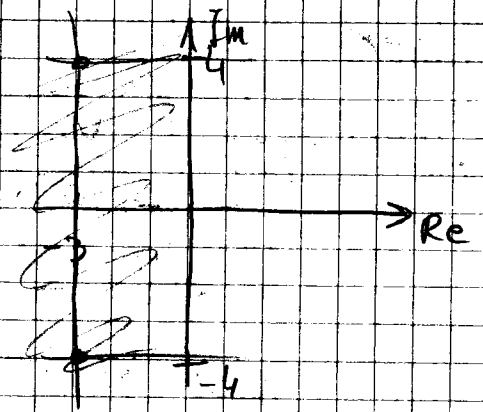
izrek o končni vrednosti:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X(s)]$$

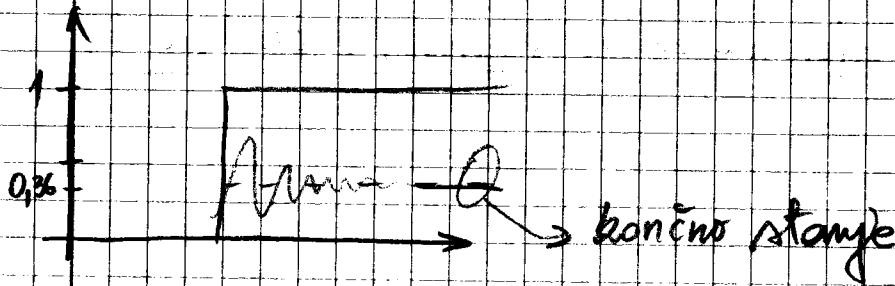
$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \frac{3s+9}{s^2+6s+25} \right]$$

$$s^2 + 6s + 25 = 0$$

$$s_{1,2} = -3 \pm j4$$



$$x(t \rightarrow \infty) = 0,36$$



$$b) 2x + 3y = \frac{dx}{dt} \quad / \quad \mathcal{L}$$

$$2X(s) + 3Y(s) = sX(s)$$

$$3Y(s) = X(s)(s-2)$$

$$F(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{3}{s-2} \rightarrow \text{prenosna funkcija}$$

končna vr.:

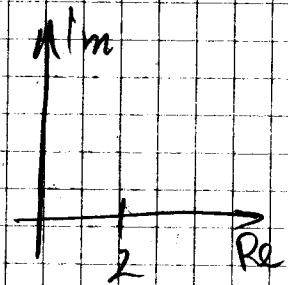
$$X(s) = Y(s)F(s) = \frac{1}{s} \left(\frac{3}{s-2} \right) \rightarrow x(t)$$

Izrek 5 k. vr.:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [sX(s)]$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \frac{3}{s-2} \right]$$

$$s_i \neq s+2$$

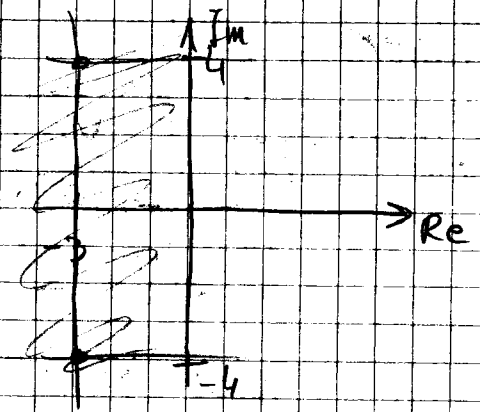


Izrek ne velja, ker imamo realni pol.

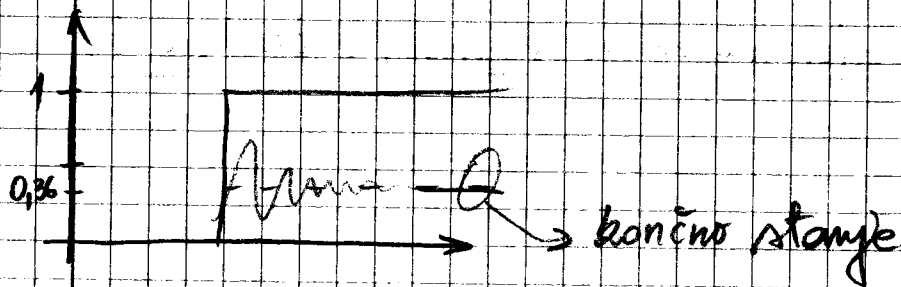
$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \frac{3s+9}{s^2+6s+25} \right]$$

$$s^2 + 6s + 25 = 0$$

$$s_{1,2} = -3 \pm j4$$



$$x(t \rightarrow \infty) = 0,36$$



b) $2x + 3y = \frac{dx}{dt} / Z$

$$2X(s) + 3Y(s) = sX(s)$$

$$3Y(s) = X(s)(s-2)$$

$$F(s) = \frac{izh}{vh} = \frac{X(s)}{Y(s)} = \frac{3}{s-2} \rightarrow \text{prenosna funkcija}$$

končna vr.:

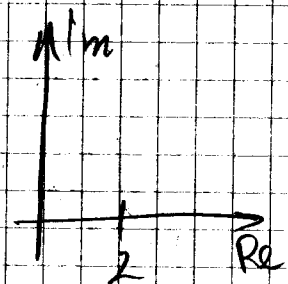
$$X(s) = Y(s)F(s) = \frac{1}{s} \left(\frac{3}{s-2} \right) \rightarrow x(t)$$

izrek 5 k. vr.:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} [sX(s)]$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} [x(t)] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \cdot \frac{3}{s-2} \right]$$

$$s_i \neq s+2$$



Izrek ne velja, ker imamo realni pol.

17.10.2012

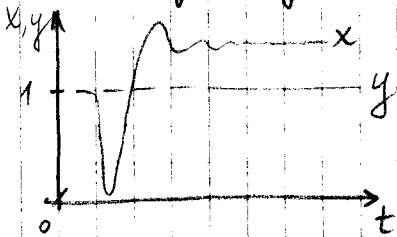
POPIS lin. sistemov:

• D.E. \rightarrow prenosna funkcija [v \mathcal{L} prostoru]

$$Y(s) \xrightarrow{\boxed{F(s)}} X(s)$$

$$X(s) = Y(s) \cdot F(s)$$

- Prehodna funkcije (odziv na enotno stopnico, v prostoru t)



$$a) F(s) = \frac{3s+9}{s^2+6s+25}; \quad Y(s) = \frac{1}{s} \Rightarrow X(s) = Y(s) \cdot F(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{3s+9}{s^2+6s+25} \quad / \mathcal{L}^{-1}$$

str. 369

pretvorimo:

$$X(s) = \frac{3}{s^2+6s+25} + \frac{9}{s(s^2+6s+25)}$$

primer: 15 primer: 17

$$\omega = \sqrt{b^2 - a^2} = 4$$

a=3
b=5

$$X(t) = 3 \left[\frac{1}{\omega} e^{-3t} \cdot \sin(\omega t) \right] +$$

$$+ 9 \frac{1}{25} \left[1 - \left(\cos(\omega t) + \frac{3}{\omega} \sin(\omega t) \right) \cdot e^{-3t} \right] =$$

glej primer blisenege uhanje

$$= 3 \left[\frac{1}{4} e^{-3t} \cdot \sin(4t) \right] + \frac{9}{25} \left[1 - \left(\cos(4t) + \frac{3}{4} \sin(4t) \right) \cdot e^{-3t} \right]$$

$$b) F(s) = \frac{3}{s-2}; \quad Y(s) = \frac{1}{s} \Rightarrow X(s) = Y(s)F(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{3}{s-2} \quad / \mathcal{L}^{-1}$$

$$X(t) = \frac{3}{2} (e^{2t} - 1)$$

17.10.2012

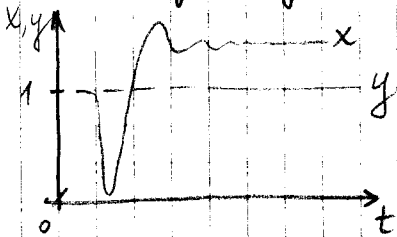
POPIS lin. sistemov:

• D.E. \rightarrow prenosna funkcija [v \mathcal{L} prostoru]

$$Y(s) \xrightarrow{\boxed{F(s)}} X(s)$$

$$X(s) = Y(s) \cdot F(s)$$

- Prehodna funkcije (odziv na enotno stopnico, v prostoru t)



$$a) F(s) = \frac{3s+9}{s^2+6s+25}; \quad Y(s) = \frac{1}{s} \Rightarrow X(s) = Y(s) \cdot F(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{3s+9}{s^2+6s+25} \quad \mathcal{L}^{-1}$$

str. 369

pretvorimo:

$$X(s) = \frac{3}{s^2+6s+25} + \frac{9}{s(s^2+6s+25)}$$

primer: 15 primer: 17

$$\omega = \sqrt{b^2 - a^2} = 4$$

a=3
b=5

$$X(t) = 3 \left[\frac{1}{\omega} e^{-3t} \cdot \sin(\omega t) \right] +$$

$$+ 9 \frac{1}{25} \left[1 - \left(\cos(\omega t) + \frac{3}{\omega} \sin(\omega t) \right) \cdot e^{-3t} \right] =$$

glej primer blisenege uhanje

$$= 3 \left[\frac{1}{4} e^{-3t} \cdot \sin(4t) \right] + \frac{9}{25} \left[1 - \left(\cos(4t) + \frac{3}{4} \sin(4t) \right) \cdot e^{-3t} \right]$$

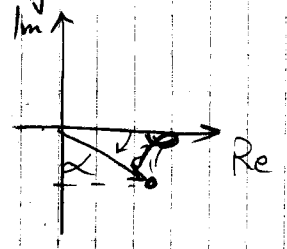
$$b) F(s) = \frac{3}{s-2}; \quad Y(s) = \frac{1}{s} \Rightarrow X(s) = Y(s)F(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{3}{s-2} \quad \mathcal{L}^{-1}$$

$$X(t) = \frac{3}{2} (e^{2t} - 1)$$

- Frekvenčna karakteristika → eksperimentalno → računsko iz $F(s)$ → $s = j\omega$

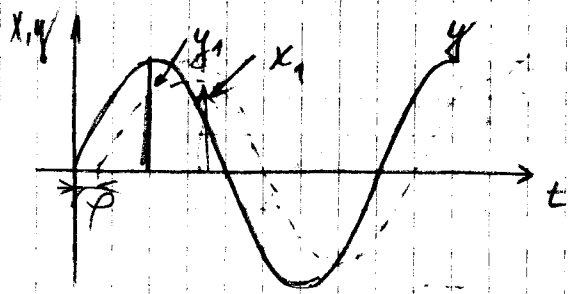
$$F(j\omega) = \frac{\tilde{X}}{\tilde{Y}} = \underbrace{L(j\omega)}_{\substack{\text{amplitudna} \\ \text{razmera, magnitude (dolžina cpl. št.)}}} e^{j\varphi(j\omega)}$$

↑ fazni kot



$$\varphi = \arctg \frac{\text{Im} |F(j\omega)|}{\text{Re} |F(j\omega)|} \quad L = |F(j\omega)|$$

ω	L	$L(\text{dB})$	φ	$\text{Re} L $



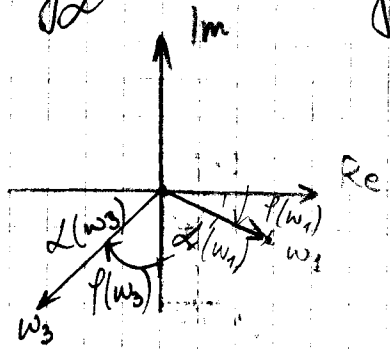
na sinusno vzbujanje dobimo odziv A sinusno frekvence ← v linearnih sistemih.

$$y = y_1 \sin(\omega t)$$

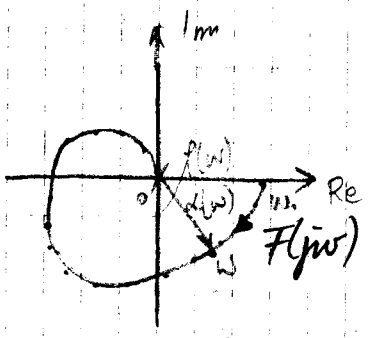
$$x = x_1 \sin(\omega t + \varphi)$$

$$L = \frac{x_1}{y_1} \quad \varphi = \varphi(\omega)$$

Nyquistov diagram (za podajanje frekvence)



- Če povečamo ω , dobimo novo točko
- opravlja namo z velikim št. točk, zato se prikaže kotimodrugace

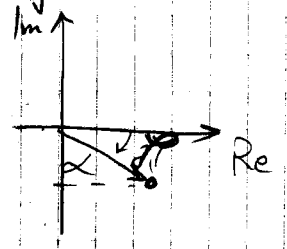


- frekvenca bi morale biti zapisane pri vseh točkah, vendar bi bilo to nepregledno
- označimo v kateri smeri frekvenca narašča
- frekvenca je parameter

- Frekvenčna karakteristika → eksperimentalno → računsko iz $F(s)$ → $s = j\omega$

$$F(j\omega) = \frac{\tilde{X}}{\tilde{Y}} = \underbrace{L(j\omega)}_{\text{amplitudna razmera, magnituda (dolžina cpl. št.)}} e^{j\varphi(j\omega)}$$

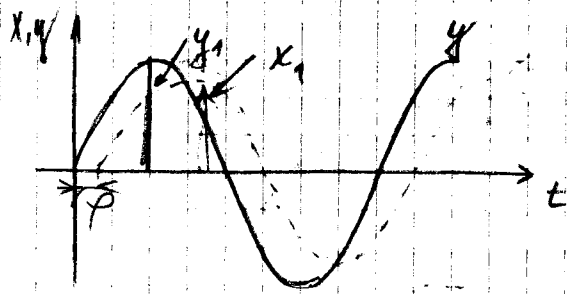
↑ fazni kot



amplitudna razmera, magnituda (dolžina cpl. št.)

$$\varphi = \arctg \frac{\text{Im} |F(j\omega)|}{\text{Re} |F(j\omega)|} \quad \mathcal{L} = |F(j\omega)|$$

ω	\mathcal{L}	$\mathcal{L}(\text{dB})$	φ	$\text{Re} F $	$\text{Im} F $



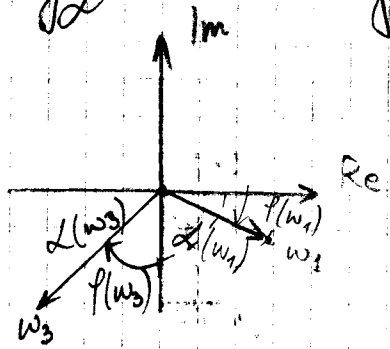
na sinusno vzbujanje dobimo odziv A sinusno frekvence ← v linearnih sistemih.

$$y = y_1 \sin(\omega t)$$

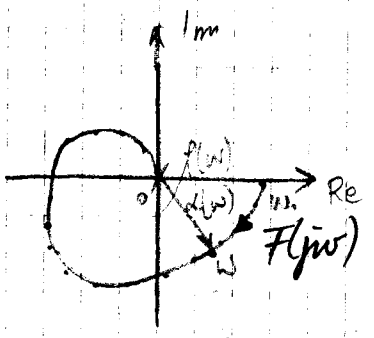
$$x = x_1 \sin(\omega t + \varphi)$$

$$\mathcal{L} = \frac{x_1}{y_1} \quad \varphi = \varphi(\omega)$$

Nyquistov diagram (za podajanje frekvence)

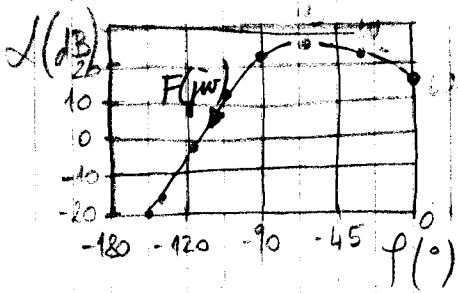


- Če povečamo ω , dobimo novo točko
- opravlja namo z velikim št. točk, zato se prikaže kotimodrugace



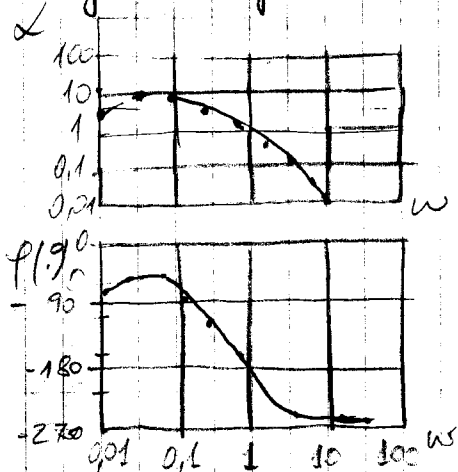
- frekvencia bi morale biti zapisane pri vseh točkah, vendar bi bilo to nepregledno
- označimo v kateri smeri frekvencia narašča
- frekvencia je parameter

Nicholsonov diagram

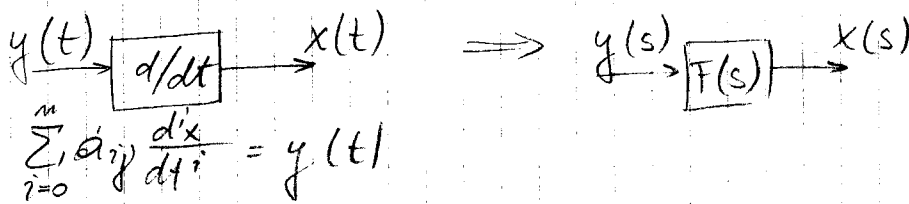


- frekvenca je parameter
- L (dB) \rightarrow dB so prikazani v log. merilu
- -20 dB \rightarrow da je vrednost manjša od 1

Bodejev diagram



- frekvenca ni več parameter \rightarrow dve krivulji
- frekvenca je neodvisna spremenljivka
- ω je v log. merilu
- lažje določimo vmesne frekvence in L pri določeni točki
- $\phi(\omega) \rightarrow$ fazne karakteristike odvisne od frekvence



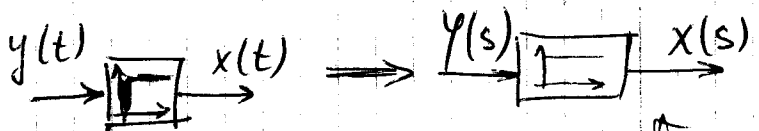
\rightarrow zapišemo prenosno funkcijo:

$$F(s) = K \frac{\prod_{k=1}^B (1+sT_k) \cdot \prod_{m=1}^E (1+2Z_m T_m s + T_m^2 s^2)}{s^{\pm A} \cdot \prod_{k=1}^B (1+sT_k) \cdot \prod_{r=1}^C (1+2Z_r T_r s + T_r^2 s^2)}$$

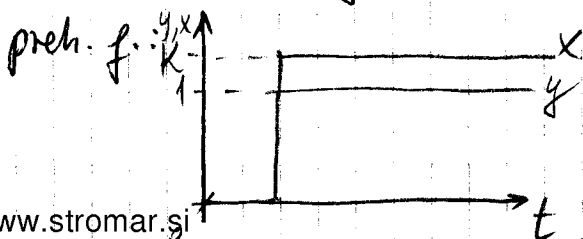
- imamo 2 polinoma, ki se josta razcepiti na produkte polinomov nižjih stopenj
- zapis ustreza neki splošni d.e.

Osnovni členi

1.) Proporcionalni člen



d.e.: $x(t) = K \cdot y(t)$

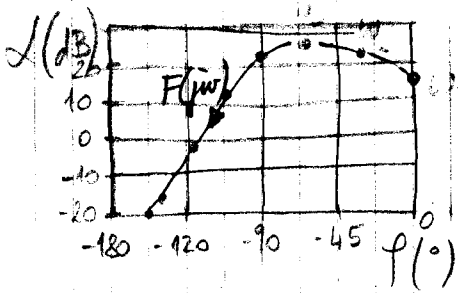


prenosna f.: $F(s) = K$

$$F(s) = \frac{x(s)}{y(s)} = K$$

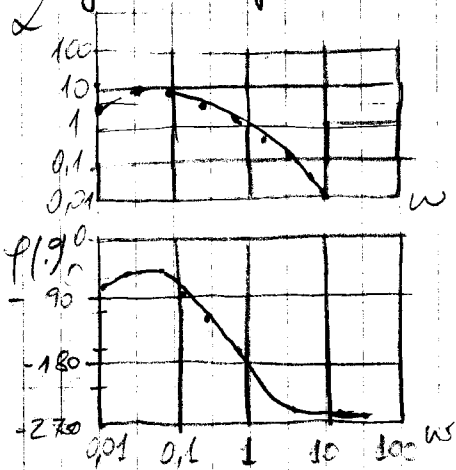
• K je faktor \rightarrow je ojačanje

Nicholsonov diagram

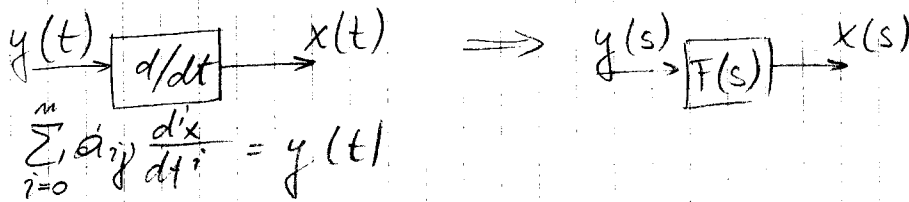


- frekvenca je parameter
- L (dB) \rightarrow dB so prikazani v log. merilu
- -20 dB \rightarrow da je vrednost manjša od 1

Bodejev diagram



- frekvenca ni več parameter \rightarrow dve krivulji
- frekvenca je neodvisna spremenljivka
- ω je v log. merilu
- lažje določimo vmesne frekvence in L pri določeni točki
- $\phi(\omega) \rightarrow$ fazne karakteristike odvisne od frekvence



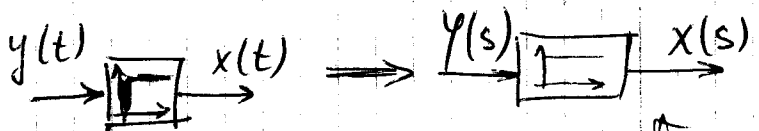
\rightarrow zapišemo prenosno funkcijo:

$$F(s) = K \frac{\prod_{k=1}^B (1 + sT_k) \cdot \prod_{m=1}^E (1 + 2Z_m T_m s + T_m^2 s^2)}{s^{\pm A} \cdot \prod_{k=1}^B (1 + sT_k) \cdot \prod_{r=1}^C (1 + 2Z_r T_r s + T_r^2 s^2)}$$

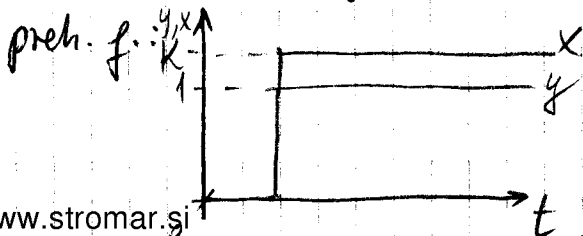
- imamo 2 polinoma, ki se josta razcepiti na produkte polinomov nižjih stopenj
- zapis ustreza neki splošni d.e.

Osnovni členi

1.) Proporcionalni člen



d.e.: $x(t) = K \cdot y(t)$

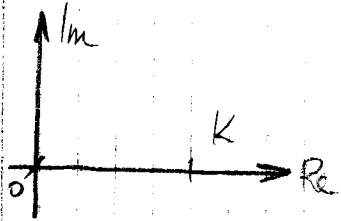


prenosna f.: $F(s) = K$

$$F(s) = \frac{X(s)}{Y(s)} = K$$

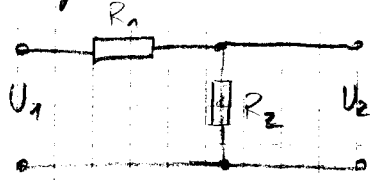
• K je faktor \rightarrow je ojačanje

frekvenčna karakteristika



• vedno smo v točki ojačanja, ker mi faznega zamika \rightarrow tudi Δ bo vedno enaka K

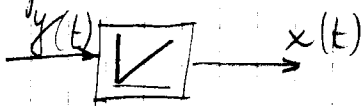
zglede: Uporovni delilnik



$$F(s) = K = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

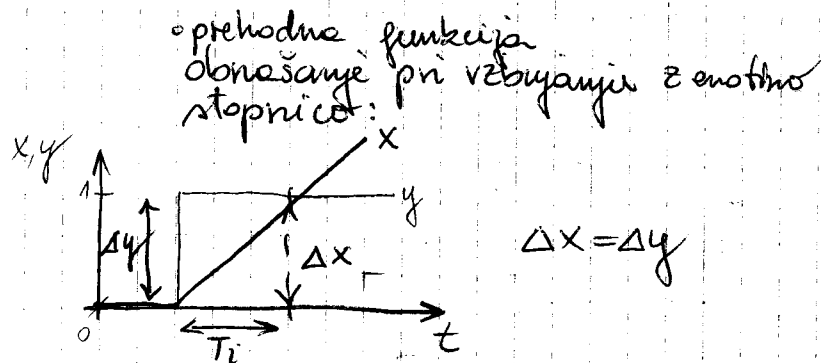
19.10.2012

Integralni člen (integrator)



$$x(t) = \int_0^t y(\tau) d\tau$$

• prenosna funkcija:
 $F(s) = \frac{1}{sT_i}$

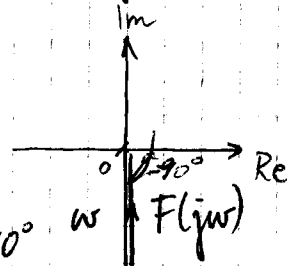


skrajšano x določa integralska časovna konstanta $\rightarrow T_i$

• T_i čas v katerem sprememba izh. signala doseže vrednost vh. signala \rightarrow v tem primeru: v kolikšnem času izh. signal spremeni za 1.

• prek prenosne funkcije lahko pridemo do frekvenčne karakteristike

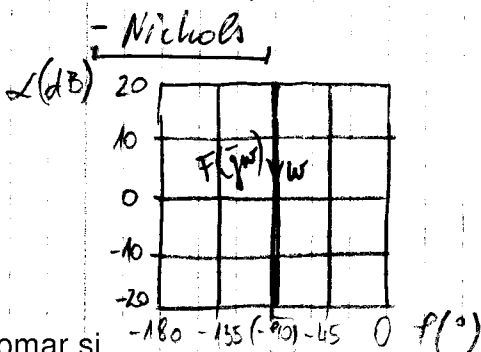
$$F(j\omega) = \frac{1}{j\omega T_i} \quad \text{- Nyquist:}$$



• leži na neg. polovici Im osi

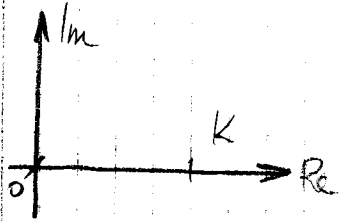
• ugotoviti moramo fazni kot $\rightarrow \varphi = -90^\circ$

\rightarrow integralni člen povzroči zakasnitev za 90° .



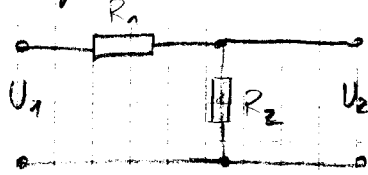
• z naraščajočo frekvenco gremo proti nižjim amplitudam

frekvenčna karakteristika



• vedno smo v točki ojačanja, ker mi faznega zamika \rightarrow tudi Δ bo vedno enake K

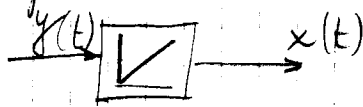
zglede: Uporovni delilnik



$$F(s) = K = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

19.10.2012

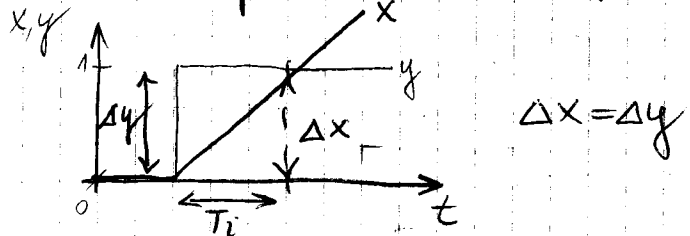
→ Integralni člen (integrator)



$$x(t) = \int_0^t y(\tau) d\tau$$

• prenosna funkcija:
 $F(s) = \frac{1}{sT_i}$

• prehodna funkcija
 določanje pri vzbujaanju z enotno stopnico:

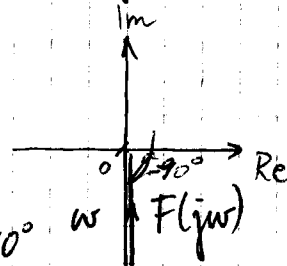


skrajšano x določa integralska časovna konstanta $\rightarrow T_i$

→ T_i
 Čas v katerem sprememba izh. signala doseže vrednost vh. signala \rightarrow v tem primeru: v kolikšnem času izh. signal spremeni za 1.

• prek prenosne funkcije lahko pridemo do frekvenčne karakteristike

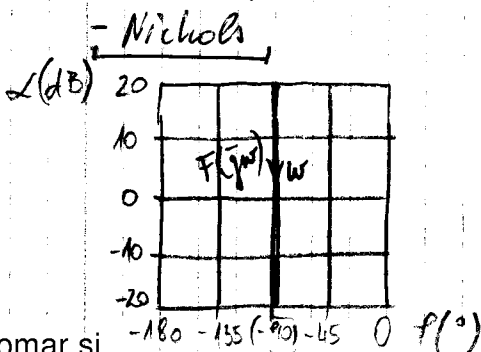
$$F(j\omega) = \frac{1}{j\omega T_i} \quad \text{- Nyquist:}$$



• leži na neg. polovici Im osi

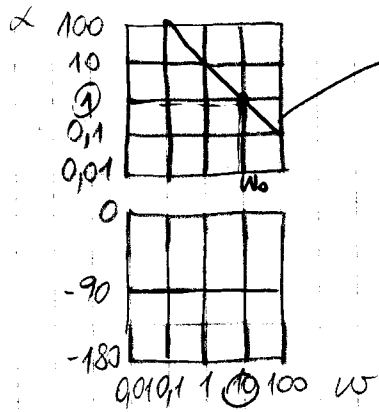
• ugotoviti moramo fazni kot $\rightarrow \varphi = -90^\circ$

\rightarrow integralni člen povzroči zamik za 90° .



• z naraščajočo frekvenco gremo proti nižjim amplitudam

- Bode



funkcija pada: $\frac{1 \text{ dekada } \omega}{1 \text{ dekada } w}$

$$T_i = \frac{1}{\omega_0}$$

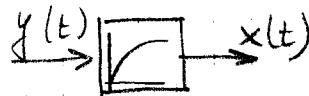
vrednost pri kateri gre amplit. razmerje skozi 1.

$$\omega_0 = \omega (\alpha = 1)$$

- Integrator je potrebno večkrat resetirati (kozarec se napolni do roba)
- Int. člen odpravi večidel statičnega pogreška

→ člen 1. reda (v ozadju je D.E. 1. reda)

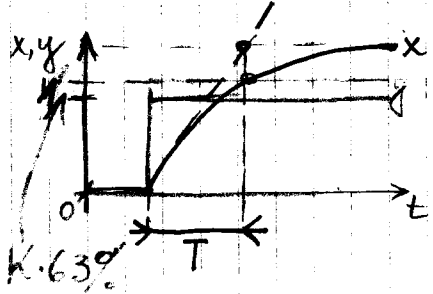
$$\frac{dx}{dt} T + x(t) = K \cdot y(t)$$



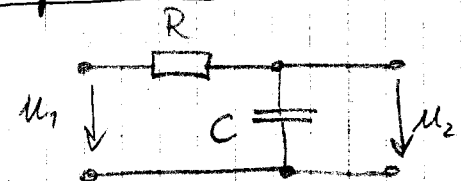
T... čas. konstanta
K... ožčenje

$$F(s) = \frac{K}{1+sT}$$

→ za opis potrebujemo 2 podatka



$$K = \frac{x(t=\infty)}{y(t=\infty)}$$

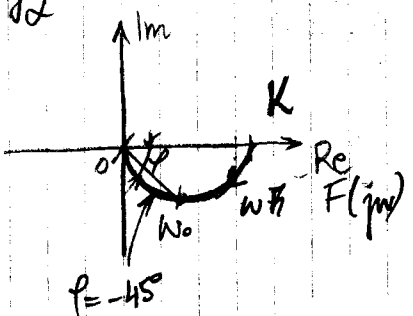


v trenutku, ko nastopi prehodna sprememba potegnemo tangento

z RC členom uravnavamo časovno konstanto; RC člen lahko deluje kot filter.

fr. karakteristike: $F(j\omega) = \frac{K}{1+j\omega T}$ / racionaliziramo...

Nyquist:

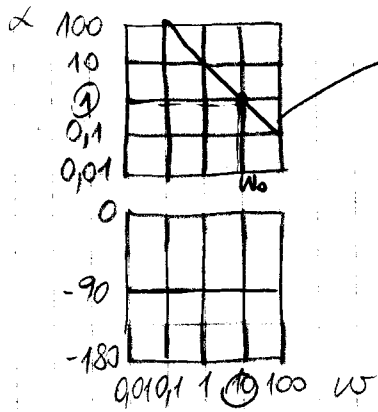


$$\begin{aligned} \varphi(\omega=0) &= 0^\circ \\ \varphi(\omega=\infty) &= -90^\circ \\ \alpha(\omega=0) &= K \\ \alpha(\omega=\infty) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \omega_0 &= \omega(\varphi = -45^\circ) \\ T &= \frac{1}{\omega_0} \end{aligned}$$

; velja le za člen 1. reda

- Bode



o funkcija pada: $\frac{1 \text{ dekada } \alpha}{1 \text{ dekada } w}$

$$T_i = \frac{1}{w_0}$$

vrednost pri kateri gre amplit. razmerje skozi 1.

$$w_0 = w(\alpha = 1)$$

- o Integrator je potrebno večkrat resetirati (kozarec se napolni do roba)
- o Int. člen odpravi večidel statičnega pogreška

→ člen 1. reda (v ozadju je D.E. 1. reda)

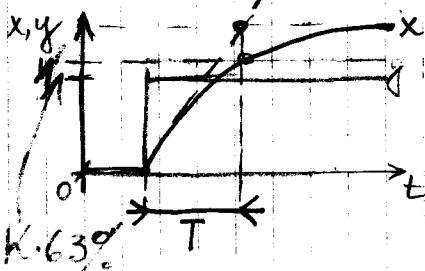
$$\frac{dx}{dt} T + x(t) = K \cdot y(t)$$



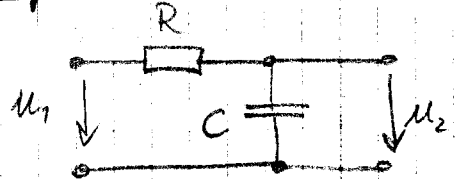
T ... čas. konstanta
 K ... opreženje

$$F(s) = \frac{K}{1 + sT}$$

→ za opis potrebujemo 2 podatka



$$K = \frac{x(t \rightarrow \infty)}{y(t \rightarrow \infty)}$$

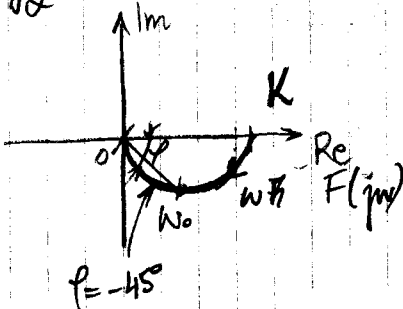


v trenutku, ko nastopi prehodna sprememba potegnemo tangento

- o z RC členom uganovamo časovno konstanto; RC člen lahko deluje kot filter.

fr. karakteristike: $F(jw) = \frac{K}{1 + jwT}$ / racionaliziramo ...

o Nyquist:



$$\varphi(w=0) = 0^\circ$$

$$\varphi(w=\infty) = -90^\circ$$

$$\alpha(w=0) = K$$

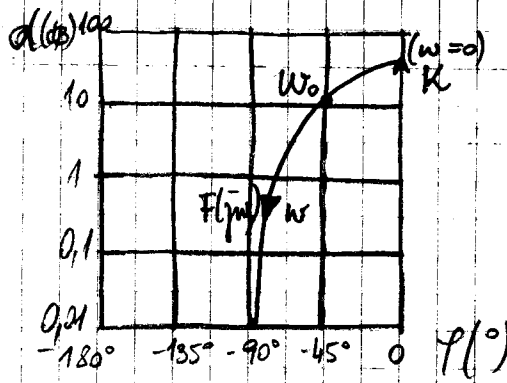
$$\alpha(w=\infty) = 0$$

$$w_0 = w(\varphi = -45^\circ)$$

$$T = \frac{1}{w_0}$$

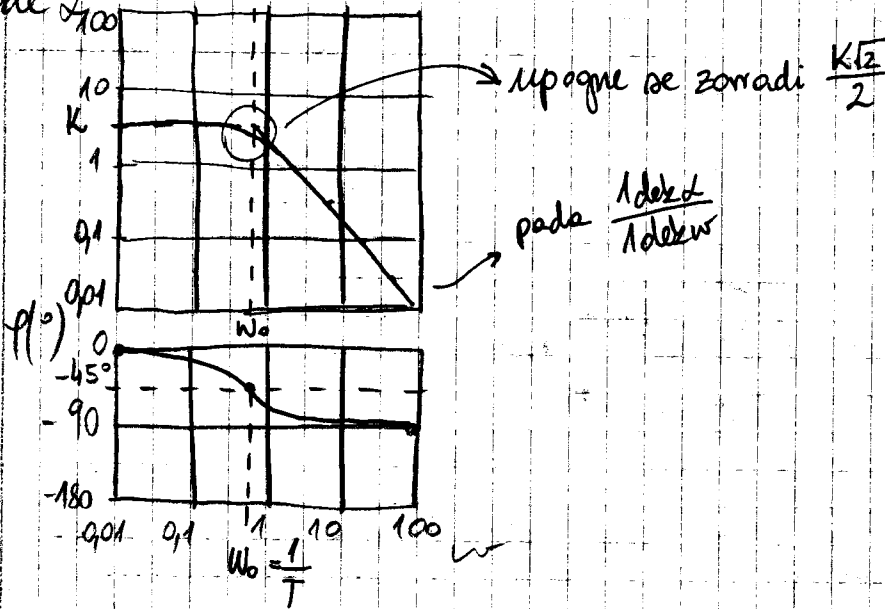
; velja le za člen 1. reda

o Nichols



$\alpha(\varphi = -45^\circ) = \frac{K\sqrt{2}}{2}$
 (enakostranični trikotnik, ...)
 ↳ Njegovih d

o Bode



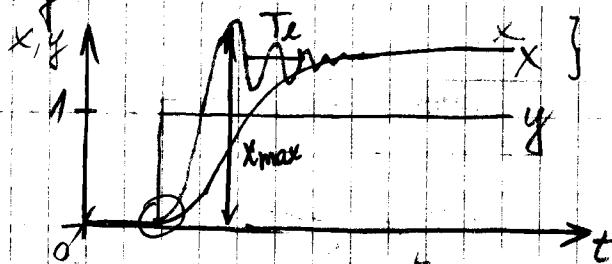
→ člen 2. reda $y(t) \rightarrow \boxed{\text{m}} \rightarrow x(t)$

$\mathcal{L} \left\{ \frac{dx}{dt} T^2 + \frac{dx}{dt} \cdot 2zT + x = K \cdot y \right.$

$F(s) = \frac{K}{1 + 2zT + T^2 s^2}$

K ... ojačanje
 T ... čas. konstanta
 z ... faktor dušenja

o preh. f.



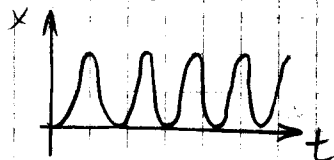
oblika je odvisna od faktorja dušenja z

$K = \frac{x(t=\infty)}{y(t=\infty)}$

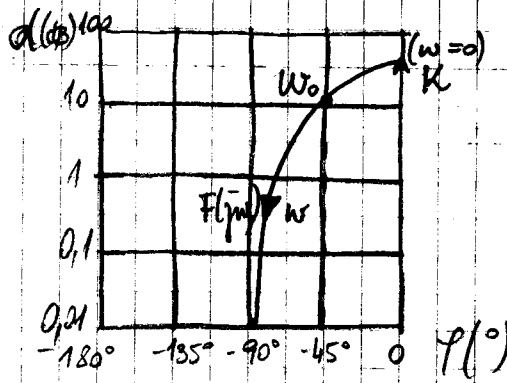
o $\frac{z > 1}{z < 1}$; prenikajo pri preh. funkciji N!

o $\frac{z = 1}{z = -1}$; mejni primer, JE prenikajo ne dobimo več

o ekstremen primer : z = 0 ⇒ nedušeno nihanje; nihanje, ki nikoli ne uredha

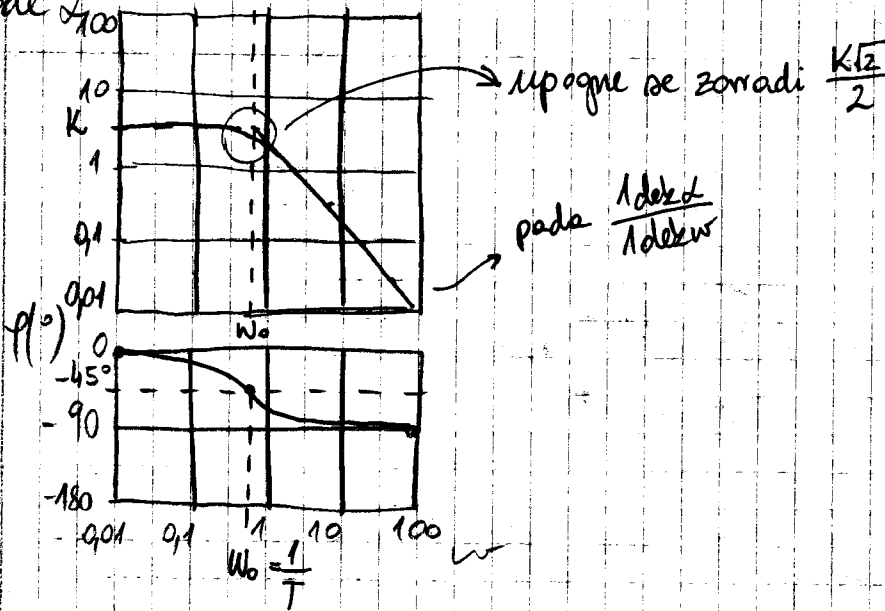


o Nichols



$\alpha (\varphi = -45^\circ) = \frac{K\sqrt{2}}{2}$
 (enakokranični trikotnik, ...)
 ↳ Njegovih d

o Bode



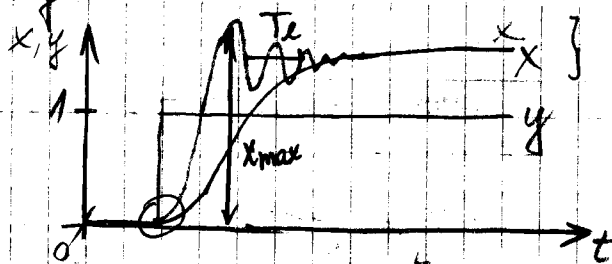
→ člen 2. reda $y(t) \rightarrow \boxed{\text{m}} \rightarrow x(t)$

$\mathcal{L} \left\{ \frac{dx}{dt} T^2 + \frac{dx}{dt} \cdot 2zT + x = K \cdot y \right.$

$F(s) = \frac{K}{1 + 2zT + T^2 s^2}$

K ... ojačenje
 T ... čas. konstanta
 z ... faktor dušenja

o preh. f.



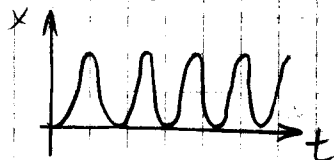
oblika je odvisna od faktorja dušenja z

$K = \frac{x(t=\infty)}{y(t=\infty)}$

o $\frac{z > 1}{z < 1}$; prenikajo pri preh. funkciji N!

o $\frac{z = 1}{z = -1}$; mejni primer, JE prenikajo ne dobimo več

o ekstremen primer : z = 0 ⇒ nedušeno nihanje; nihanje, ki nikoli ne uredha



◦ prehod je gladek (funkcija ima L in D odvod)

$$X_{max} = K \left(1 + e^{-\frac{\pi z}{1-z^2}} \right)$$

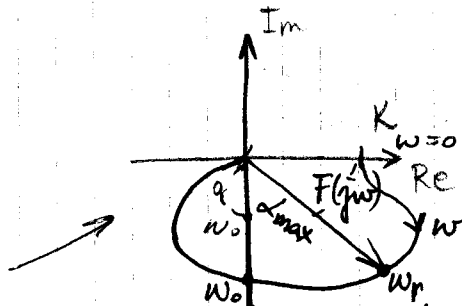
$$H(x = X_{max}) = \frac{\pi}{\omega l}$$

$$\omega_e = \omega_0 \sqrt{1-z^2} \quad ; \quad \omega_0 = \frac{1}{T}$$

$$T = \frac{T_e}{2\pi} \sqrt{1-z^2} \quad ; \quad T_e \dots \text{perioda lastnega uihanja}$$

→ Fr. kor.

◦ Nyquist



$$\alpha(w=0) = K$$

$$\varphi(w=0) = 0^\circ$$

$$\alpha(w=\infty) = 0$$

$$\varphi(w=\infty) = -180^\circ$$

Vmesno dogajanje je odvisno od z in T

◦ ω_r — resonančna frekvenca; amplituda se zelo poveča
 ◦ resonanca nastopi vedno kadar je faktor dušenja: $z < \frac{\sqrt{2}}{2}$

◦ če je $z=0$, bi fr. kor. prevedila ogromen brog → bolj bi bila napitujena

$$\omega_0 = \omega(\varphi = -90^\circ) \quad ; \quad \omega = \frac{1}{T}$$

◦ če se resonanca pojavi, dobimo koeficient: $Q_r = \frac{\alpha_{max}}{K}$

resonančni faktor

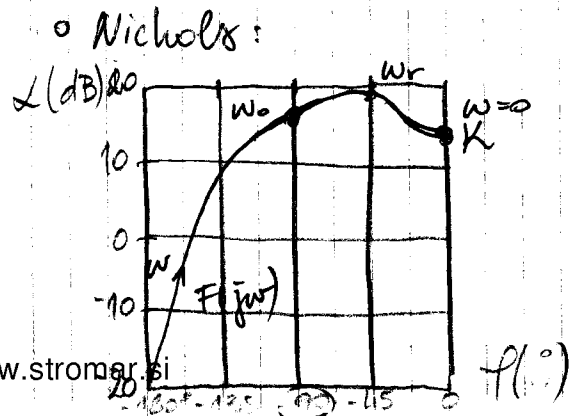
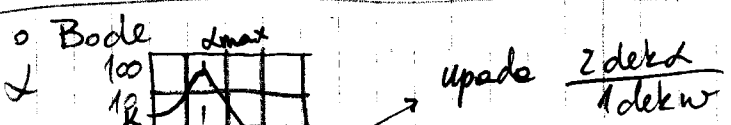
◦ $Q=1$: resonanca NI
 ◦ višji kot je Q , slabše je dušenje

$$\alpha_{max} = \frac{K}{2z\sqrt{1-z^2}}$$

$$z = \sqrt{\frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{4}{Q_r^2}}}{2}}$$

; lahko dobimo dve rešitvi, za resonanco je uporaben le koren, ki je $< \frac{\sqrt{2}}{2}$

$$\omega_r = \omega_0 \sqrt{1-z^2}$$



◦ prehod je gladek (funkcija ima L in D odvod)

$$X_{max} = K \left(1 + e^{-\frac{\pi z}{1-z^2}} \right)$$

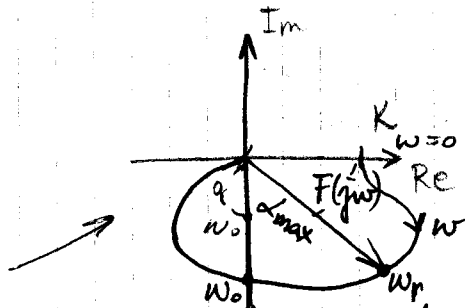
$$H(x = X_{max}) = \frac{\pi}{\omega l}$$

$$\omega_e = \omega_0 \sqrt{1-z^2} \quad ; \quad \omega_0 = \frac{1}{T}$$

$$T = \frac{T_e}{2\pi} \sqrt{1-z^2} \quad ; \quad T_e \dots \text{perioda lastnega uihanja}$$

→ Fr. kr.

◦ Nyquist



$$\alpha(w=0) = K$$

$$\varphi(w=0) = 0^\circ$$

$$\alpha(w=\infty) = 0$$

$$\varphi(w=\infty) = -180^\circ$$

Vmesno dogajanje je odvisno od z in T

◦ ω_r — resonančna frekvenca; amplituda se zelo poveča
 ◦ resonanca nastopi vedno kadar je faktor dušenja: $z < \frac{\sqrt{2}}{2}$

◦ če je $z=0$, bi fr. kr. prevedila ogromen brog → bolj bi bila napitujena

$$\omega_0 = \omega(\varphi = -90^\circ) \quad ; \quad \omega = \frac{1}{T}$$

◦ če se resonanca pojavi, dobimo koeficient: $Q_r = \frac{\alpha_{max}}{K}$
 resonančni faktor

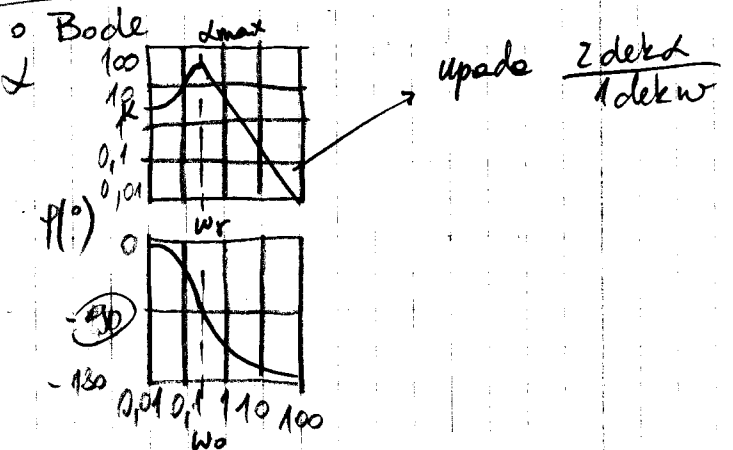
◦ $Q = 1$: resonanca NI
 ◦ višji kot je Q , slabše je dušenje

$$\alpha_{max} = \frac{K}{2z\sqrt{1-z^2}}$$

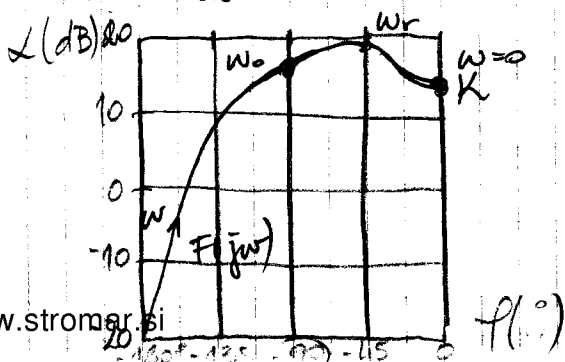
$$z = \sqrt{\frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{4}{Q_r^2}}}{2}}$$

; lahko dobimo dve rešitvi, za resonanco je uporaben le koren, ki je $< \frac{\sqrt{2}}{2}$

$$\omega_r = \omega_0 \sqrt{1-z^2}$$

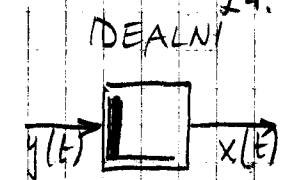
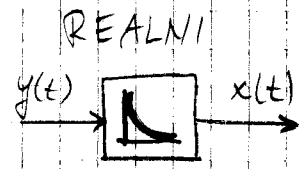


◦ Nichols:



Diferencialni člen

→ Realni:



D.č.:

$$x(t) + \frac{dx}{dt} \cdot T_d' = \frac{dy}{dt} \cdot T_d$$

časovni konstanti

T_d ... osn. čas. konst.
 T_d' ... porazilna čas. konst.

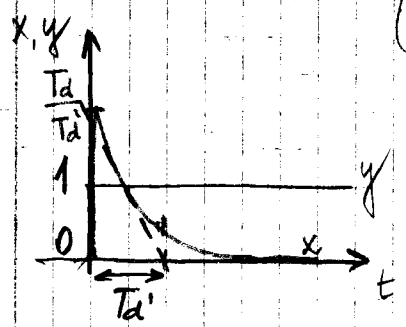
$$F(s) = \frac{s \cdot T_d}{1 + s T_d'}$$

... prenosna funkcija

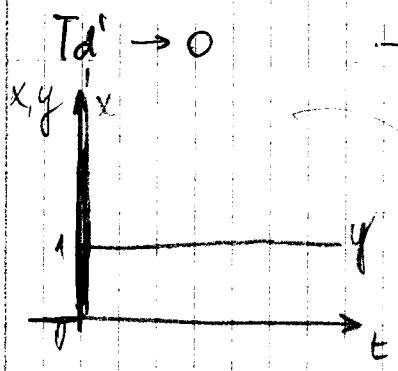
če je $T_d' = 0 \Rightarrow F(s) = s T_d$ ← idealni dif. člen

$$(F(j\omega) = j\omega T_d)$$

večje kot je $\frac{T_d}{T_d'}$, višje je konica



T_d' določimo tudi z opazovanjem padca funkcije za 63%



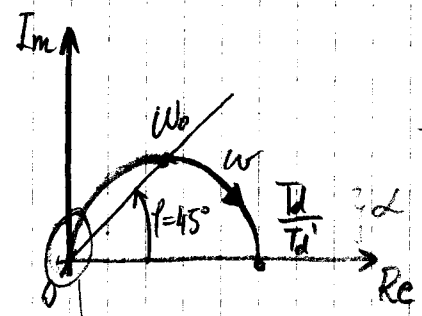
$T_d' \rightarrow 0$

→ trajanje impulza postane neskončno kratko; špička se poveča v neskončnost

$$x(t) = \frac{dy}{dt} T_d$$

Frekvenčna karakteristika

- Nyquist: (Realni)



$$\alpha(\omega \rightarrow \infty) = \frac{T_d}{T_d'}$$

$$\angle(\omega=0) = 0$$

$$\phi(\omega \rightarrow 0)$$

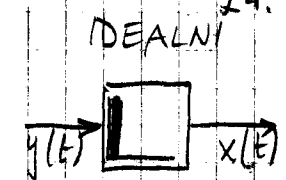
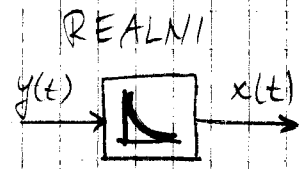
$$\phi(\omega \rightarrow 0) = +90^\circ$$

$$\omega_0 = \frac{1}{T_d'}$$

pri nizkih frekvencah je blizu idealnemu

Diferencialni člen

→ Realni:



D.č.:

$$x(t) + \frac{dx}{dt} \cdot T_d = \frac{dy}{dt} \cdot T_d$$

časovni konstanti

T_d ... osn. čas. konst.
 T_d' ... porazilna čas. konst.

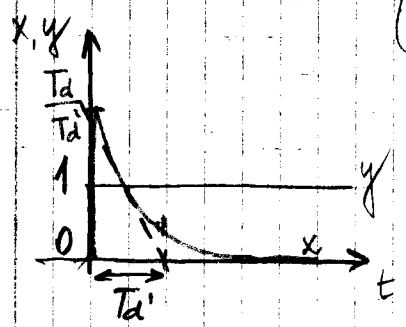
$$F(s) = \frac{s \cdot T_d}{1 + s T_d'}$$

... prenosna funkcija

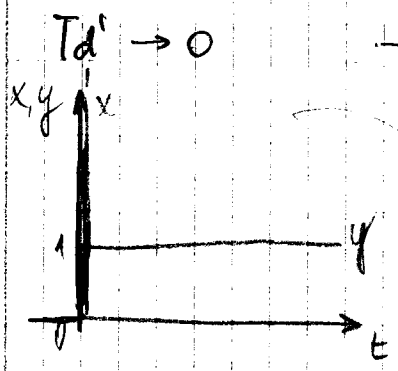
če je $T_d' = 0 \Rightarrow F(s) = s T_d$ ← idealni dif. člen

$$(F(j\omega) = j\omega T_d)$$

večje kot je $\frac{T_d}{T_d'}$, višje je konica



T_d' določimo tudi z opazovanjem padca funkcije za 63%



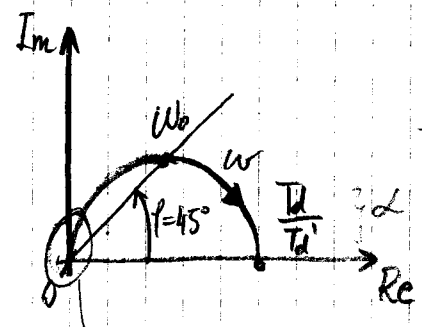
$T_d' \rightarrow 0$

→ trajanje impulza postane neskončno kratko; špička se poveča v neskončnost

$$x(t) = \frac{dy}{dt} T_d$$

Frekvenčna karakteristika

- Nyquist: (Realni)



$$\alpha(\omega \rightarrow \infty) = \frac{T_d}{T_d'}$$

$$\angle(\omega=0) = 0$$

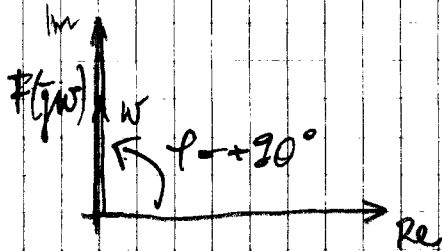
$$\phi(\omega \rightarrow 0)$$

$$\phi(\omega \rightarrow 0) = +90^\circ$$

$$\omega_0 = \frac{1}{T_d'}$$

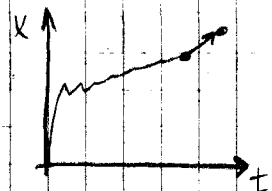
pri nizkih frekvencah je blizu idealnemu

(Idealni):

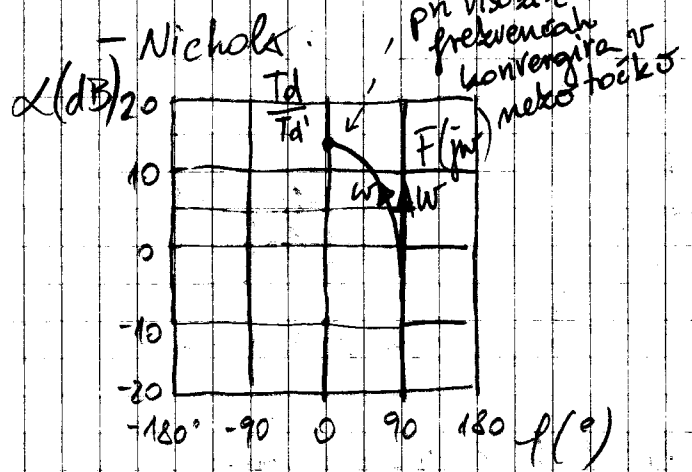


- Pozitivni fazni zamik je lastnost dif. člena

$$v = \frac{dx}{dt}$$



lahko napovemo kaj se bo zgodilo v bližnji prihodnosti



Osnovni člen:

T-člen: $F(s) = K$

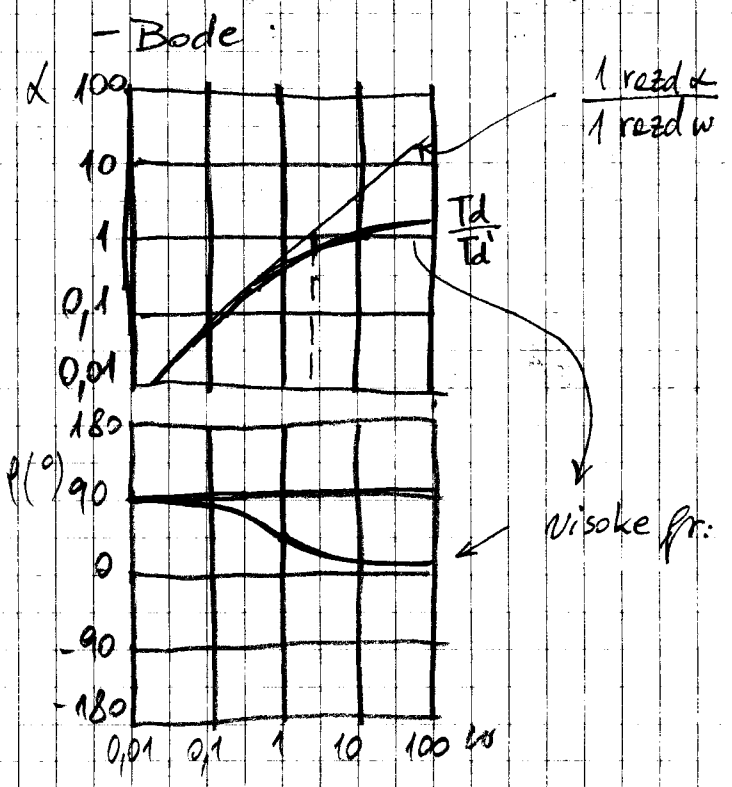
I-člen: $F(s) = \frac{1}{sT_i}$

člen 1. reda: $F(s) = \frac{K}{1+sT}$

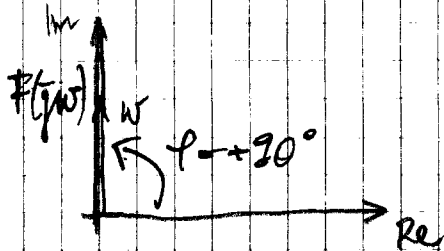
člen 2. reda: $F(s) = \frac{K}{1+2zT+T^2s^2}$

Realni člen: $F(s) = \frac{sT_d}{1+sT_d}$

Idealni člen: $F(s) = sT_d$

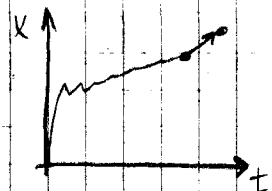


(Idealni):

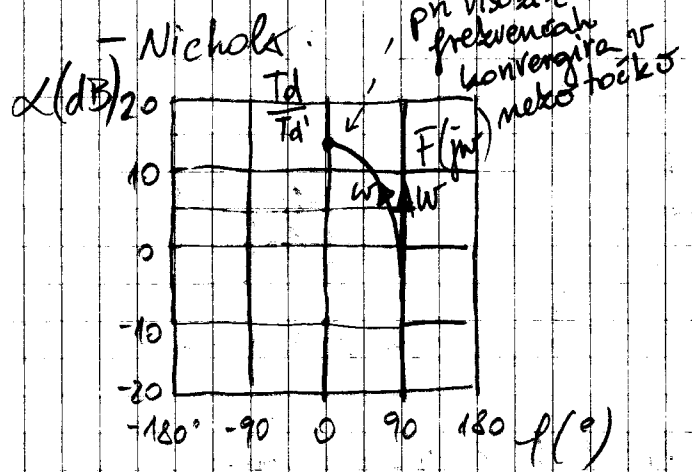


- Pozitivni fazni zamik je lastnost dif. člena

$$v = \frac{dx}{dt}$$



lahko napovemo kaj se bo zgodilo v bližnji prihodnosti



Osnovni členi:

T-člen: $F(s) = K$

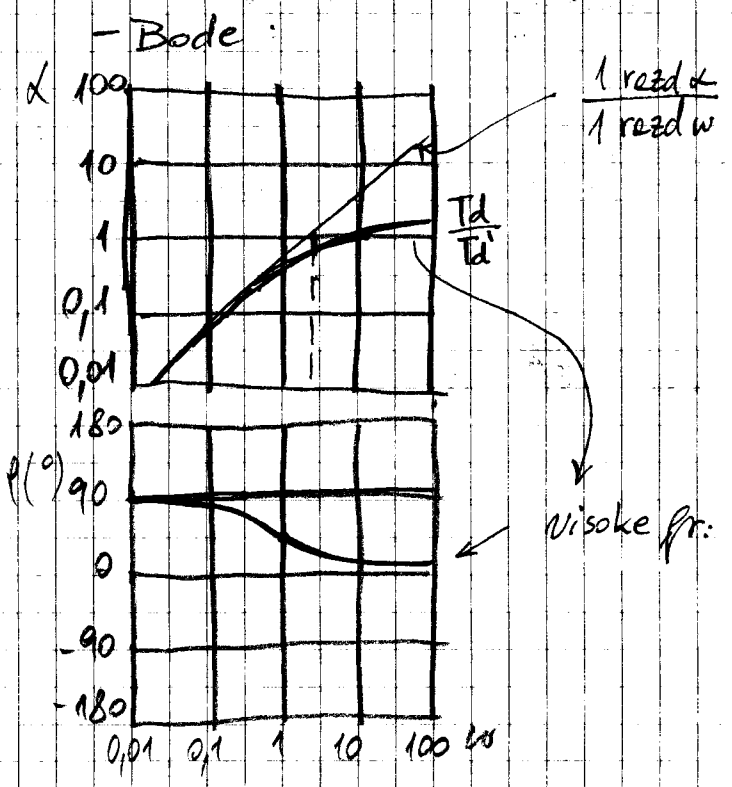
I-člen: $F(s) = \frac{1}{sT_i}$

člen 1. reda: $F(s) = \frac{K}{1+sT}$

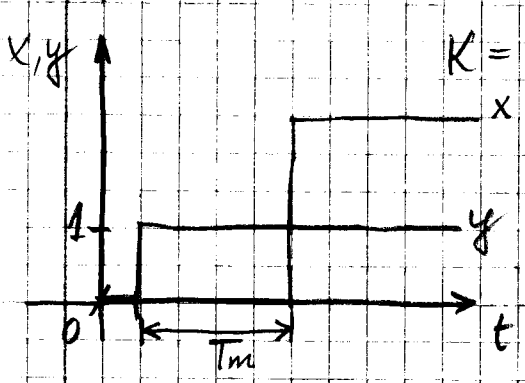
člen 2. reda: $F(s) = \frac{K}{1+2zT+T^2s^2}$

Realni člen: $F(s) = \frac{sTd}{1+sTd}$

Idealni člen: $F(s) = sTd$



• Člen z mrtvim časom:



$$K = \frac{x(t \rightarrow \infty)}{y(t \rightarrow \infty)}$$

- mrtvi čas so meza željami v reg. sistemu
- težko določimo konec "procesa" in tako ne moremo pravilno reagirati

- D.E.:

$$x(t) = Ky(t - T_m)$$

mrtvi čas

← časovni zamik signala

- prenosna f.:

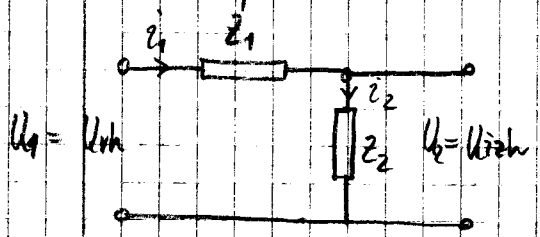
$$F(s) = Ke^{-sT_m}$$

* prva aproksimacija:

člen 1. reda z enako čas. konstanto kot je mrtvi čas
 mabetost

26.10.2012

• četverpol: delilni z



$$j\omega \rightarrow s$$

zčetne vrednosti funkcij in odvodov so 0:

$$f(0) = f'(0) = 0$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)}$$

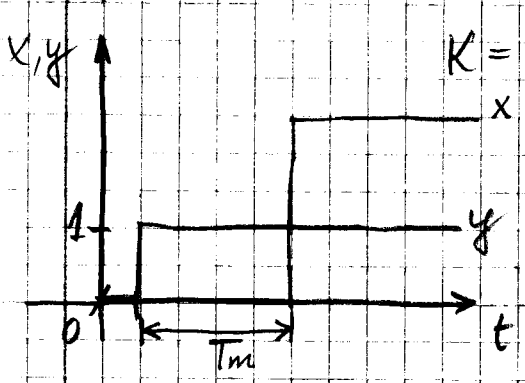
* $z_1 = z_2$

$$U_1 = \frac{U_2}{z_1 + z_2}$$

* $U_2 = U_1 \cdot z_2 \Rightarrow U_2 = U_1 \cdot \frac{z_2}{z_1 + z_2}$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{z_2(s)}{z_1 + z_2(s)}$$

• Člen z mrtvim časom:



$$K = \frac{x(t \rightarrow \infty)}{y(t \rightarrow \infty)}$$

- mrtvi čas so meza željami v reg. sistemu
- težko določimo konec "procesa" in tako ne moremo pravilno reagirati

- D.E.:

$$x(t) = Ky(t - T_m)$$

mrtvi čas

← časovni zamik signala

- prenosna f.:

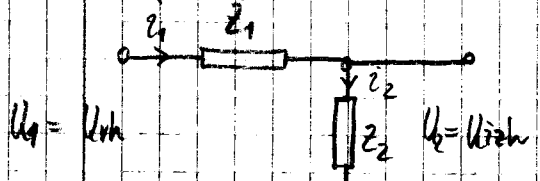
$$F(s) = Ke^{-sT_m}$$

* prva aproksimacija:

člen 1. reda z enako čas. konstanto kot je mrtvi čas
 največja natančnost

26.10.2012

• četverpol: delilni z



$$j\omega \rightarrow s$$

zčetne vrednosti funkcij in odvodov so 0:

$$f(0) = f'(0) = 0$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)}$$

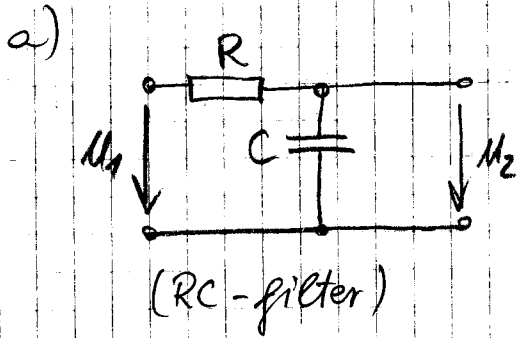
* $z_1 = z_2$

$$U_1 = \frac{U_2}{z_1 + z_2}$$

* $U_2 = z_2 \cdot U_1 \Rightarrow U_2 = U_1 \frac{z_2}{z_1 + z_2}$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{z_2(s)}{z_1(s) + z_2(s)}$$

S četverpolom zapišite prenosno funkcijo $F(s)$ in prehodno funkcijo:



$$Z_1 = R$$

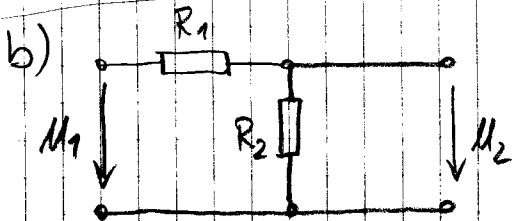
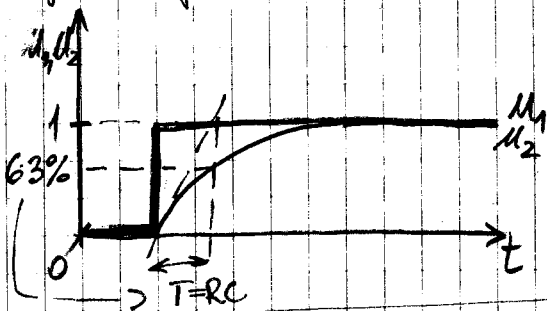
$$Z_2 = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{sC}$$

$$F(s) = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{\frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} = \frac{\frac{1}{sC}}{\frac{Rsc + 1}{sC}} = \frac{1}{Rsc + 1} = \frac{1}{1 + sRC}$$

$$K_1 = \frac{1}{RC}$$

člen 1. reda (z ojačanjem in čas konstanto)

• z nastavljanjem R ali C spreminjamo ojačanje

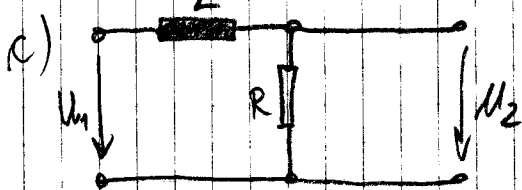
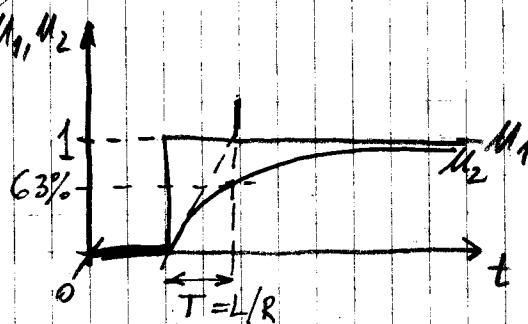
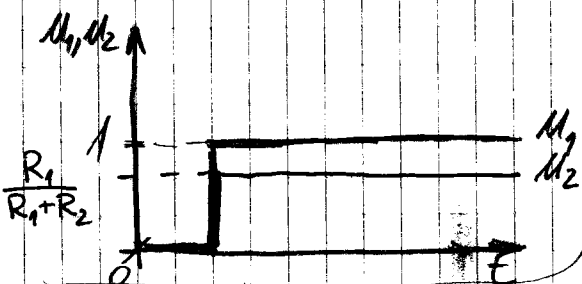


$$Z_1 = R_1$$

$$Z_2 = R_2$$

$$F(s) = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} = K_p$$

proporcionalni člen



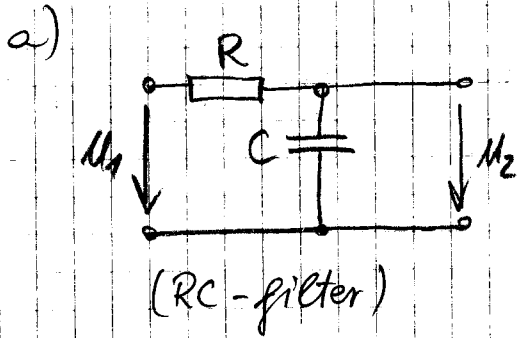
$$Z_1 = j\omega L = sL$$

$$Z_2 = R$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R}{sL + R} = \frac{R}{sL + R} \cdot \frac{1/R}{1/R} = \frac{1}{1 + sL/R} = \frac{K_1}{1 + sT_1}$$

člen 1. reda; $K_1 = 1$; $T_1 = L/R$

S četveropolom zapišite prenosno funkcijo $F(s)$ in prehodno funkcijo:



$$Z_1 = R$$

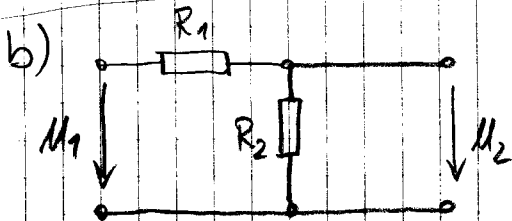
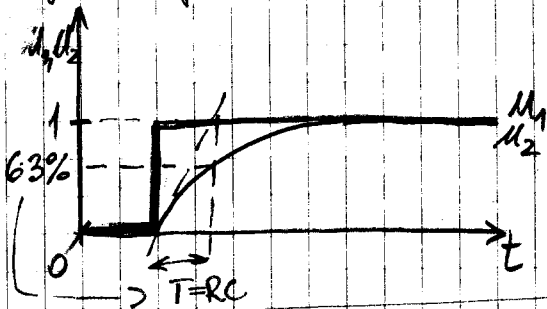
$$Z_2 = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{sC}$$

$$F(s) = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{\frac{1}{sC}}{R + \frac{1}{sC}} = \frac{\frac{1}{sC}}{\frac{Rsc + 1}{sC}} = \frac{1}{Rsc + 1} = \frac{1}{1 + sRC}$$

$$K_1 = \frac{1}{RC}$$

člen 1. reda (z ojačanjem in čas konstanto)

• z nastavljanjem R ali C spreminjamo ojačanje

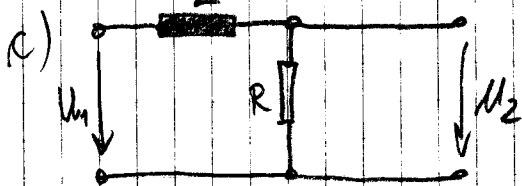
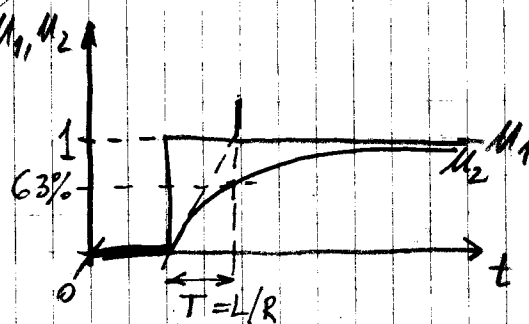
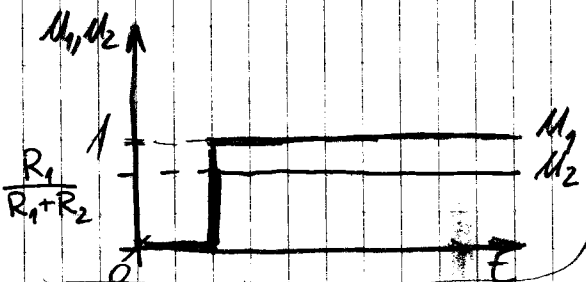


$$Z_1 = R_1$$

$$Z_2 = R_2$$

$$F(s) = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} = K_p$$

proporcionalni člen



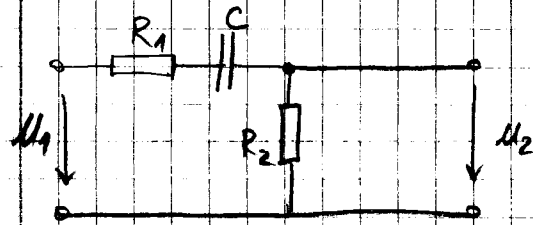
$$Z_1 = j\omega L = sL$$

$$Z_2 = R$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R}{sL + R} = \frac{R}{sL + R} \cdot \frac{1/R}{1/R} = \frac{1}{1 + sL/R} = \frac{K_1}{1 + sT_1}$$

člen 1. reda; $K_1 = 1$; $T_1 = L/R$

d)



$$Z_1 = R_1 - j\omega C = R_1 - s \cdot C = R_1 + \frac{1}{sC}$$

$$Z_2 = R_2$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R_2}{R_1 + \frac{1}{sC} + R_2} =$$

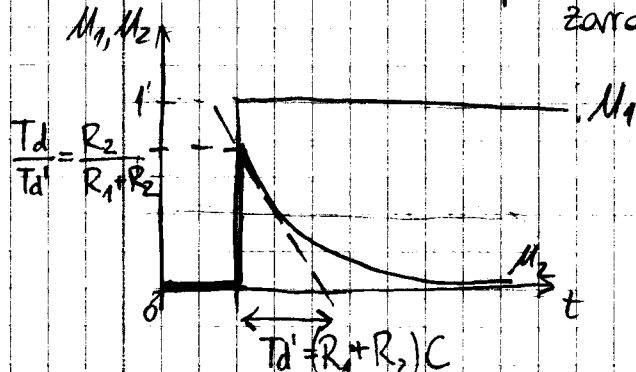
$$= \frac{R_2}{1 + (R_1 + R_2) \cdot s \cdot C} = \frac{s \cdot R_2 \cdot C}{1 + s(R_1 + R_2) \cdot C} = \frac{sT_d}{1 + sT_d'}$$

Realni diferencialni člen

$$T_d = R_2 \cdot C$$

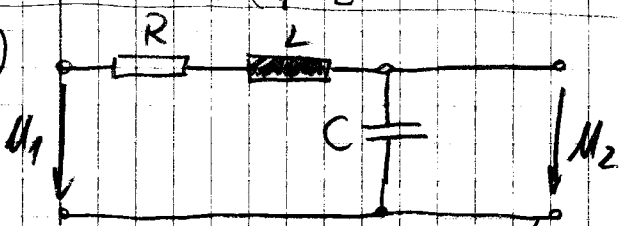
$$T_d' = (R_1 + R_2) \cdot C$$

← parazitna čas. konstanta (v tem primeru je določena zaradi pasivnih elementov)



$$\frac{T_d}{T_d'} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

e)



$$Z_1 = R + s \cdot L$$

$$Z_2 = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{s \cdot C}$$

$$F(s) = \frac{U_2}{U_1} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{\frac{1}{sC}}{R + sL + \frac{1}{sC}} =$$

$$= \frac{1}{1 + sRC + s^2LC} = \frac{K}{1 + 2\zeta T \cdot s + T^2 s^2}$$

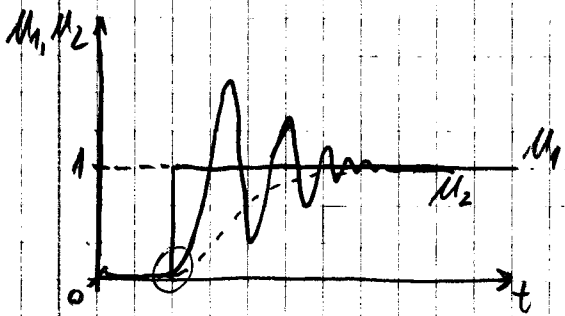
člen 2. reda

$$K = 1$$

$$T^2 = LC$$

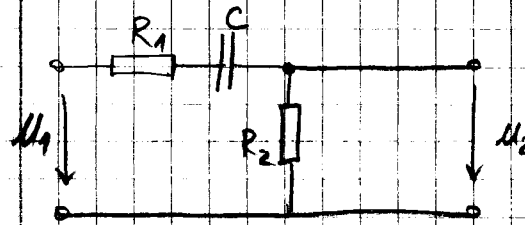
$$2\zeta T = RC$$

2 energetska rezervoarja → kondenzator in dušilka → določeni red funkcije (2.)



L in D odvod iste enake → gladek prehod

d)



$$Z_1 = R_1 - j\omega C = R_1 - s \cdot C = R_1 + \frac{1}{sC}$$

$$Z_2 = R_2$$

$$F(s) = \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R_2}{R_1 + \frac{1}{sC} + R_2} =$$

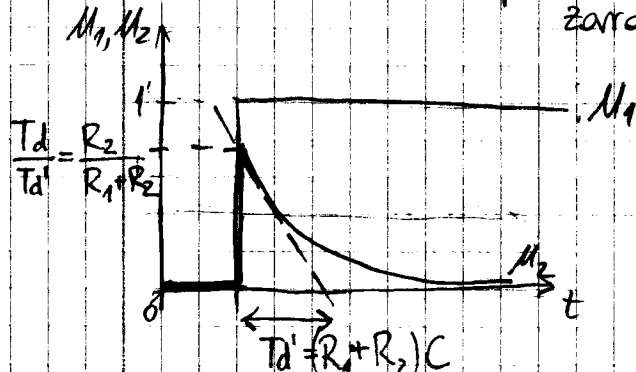
$$= \frac{R_2}{1 + (R_1 + R_2) \cdot s \cdot C} = \frac{s \cdot R_2 \cdot C}{1 + s(R_1 + R_2) \cdot C} = \frac{sT_d}{1 + sT_d'}$$

Realni diferencialni člen

$$T_d = R_2 \cdot C$$

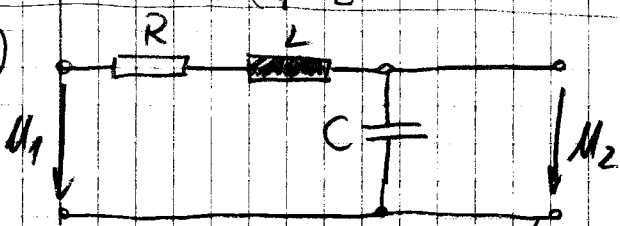
$$T_d' = (R_1 + R_2) \cdot C$$

← parazitna čas. konstanta (v tem primeru je določena zaradi pasivnih elementov)



$$\frac{T_d}{T_d'} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

e)



$$Z_1 = R + s \cdot L$$

$$Z_2 = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{s \cdot C}$$

$$F(s) = \frac{U_2}{U_1} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{\frac{1}{sC}}{R + sL + \frac{1}{sC}} =$$

$$= \frac{1}{1 + sRC + s^2LC} = \frac{K}{1 + 2zT \cdot s + T^2 \cdot s^2}$$

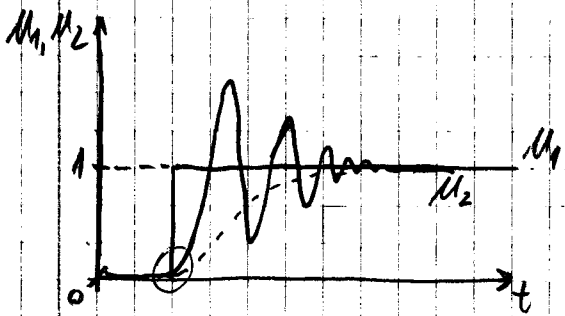
člen 2. reda

$$K = 1$$

$$T^2 = LC$$

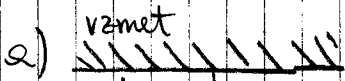
$$2zT = RC$$

2 energetska rezervoarja → kondenzator in dušilka → določeni red funkcije (2.)



L in D odvod iste enake → gladek prehod

Primer iz mehanike:



$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)}$$

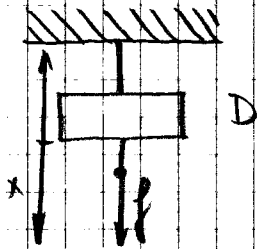
• sila je proporcionalna raztežku

f (sila); F = prenosna funkcija

Kako sila vpliva na raztezek?

$$f = K \cdot x \quad (\text{Hookov zakon})$$

b) mehanska dušilka (na vratih)



• sila je proporcionalna hitrosti
• viskozno dušenje

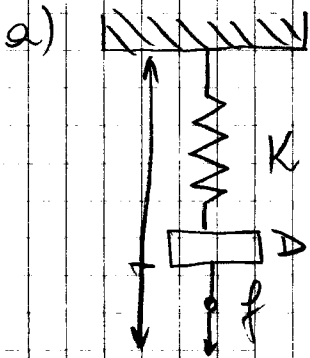
$$f = D \cdot \dot{x} / L$$

$$f(s) = s D X(s)$$

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)} = \frac{1}{D \cdot s}$$

→ integrator

AV3



$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)}$$

$$x = x_k + x_D$$

$$x = \frac{f}{K} + \int_0^t \frac{f}{D} dt / L$$

$$f = f_k = f_D \rightarrow (\text{ni paralelne vezave})$$

$$f_D = D \cdot \dot{x}_D$$

$$f = D \cdot \dot{x}_D = K \cdot x_k$$

$$f_k = K \cdot x_k$$

$$x(s) = \frac{f(s)}{K} + \frac{1}{s} \cdot \frac{f(s)}{D} = f(s) \cdot \left[\frac{1}{K} + \frac{1}{s \cdot D} \right]$$

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)} = \left(\frac{1}{K} + \frac{1}{D \cdot s} \right)$$

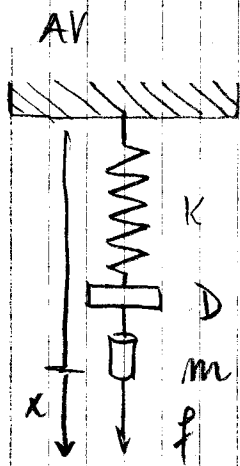
$$F(s) = K_p + \frac{1}{s T_i}$$

P-I člen

$$K_p = \frac{1}{K}$$

$$T_i = D$$

B)



- o dušilna naprava na vratih
- o sila teže zanemarljivo, ker ope za vodoravni sistem (manjšali smo ga manjšino)
- o spreminjata se dušilka in vzmet
- o prenosna funkcija

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)}$$



Zastavimo tako, da dobimo v številcu in imenovalcu izraz v obliki polinoma

$$x = x_k + x_d \rightarrow x(s) = x_k(s) + x_d(s)$$

$$f_k = f_d$$

o zapišemo ravnovesje sil

$$\dot{x}_d = \frac{f_d}{D}$$

$$x_k = \frac{f_k}{K}$$

$$f - m\ddot{x} = K \cdot x_k$$

$$f - m\dot{x} = D \cdot \dot{x}_d$$

← ker je vezano zaporedno

$$f - m\ddot{x} = k \cdot x_k = D \cdot \dot{x}_d / L$$

$$f(0) = f'(0) = f''(0) = 0$$

$$\rightarrow f(s) - ms^2 x(s) = k \cdot x_k(s) = D \cdot s x_d(s)$$

$$x_k(s) = \frac{f(s) - ms^2 x(s)}{k}$$

$$x_d(s) = \frac{f(s) - ms^2 x(s)}{Ds}$$

} oba raztežka v L

$$x(s) = \frac{f(s)}{k} - \frac{ms^2 x(s)}{k} + \frac{f(s)}{D \cdot s} - \frac{ms^2 x(s)}{D \cdot s}$$

$$x(s) \left(1 + \frac{ms^2}{k} + \frac{ms}{D} \right) = f(s) \left(\frac{1}{k} + \frac{1}{Ds} \right)$$

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)} = \frac{\left(\frac{1}{k} + \frac{1}{Ds} \right)}{\left(1 + \frac{ms^2}{k} + \frac{ms}{D} \right)} = \frac{\frac{Ds+k}{kDs}}{\frac{KD + Dms^2 + kms}{kD}} = \frac{Ds+k}{Dms^2 + kms + KD}$$

$$\frac{Ds+k}{Dms^2 + kms + KD}$$

$$F(s) = \frac{K+D \cdot s}{\left[1 + \frac{m}{D} \cdot s + \frac{m}{K} \cdot s^2\right] s \cdot DK}$$

↓ rešitev primera a)

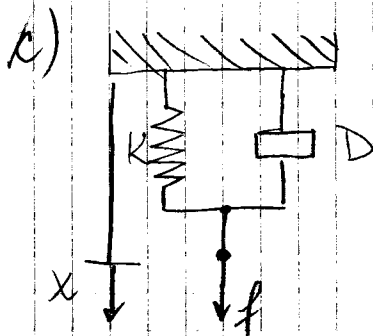
primer:

$$F(s) = \frac{s}{s+s} \cdot \frac{1}{s} \quad \begin{matrix} K=s \\ T=1 \end{matrix}$$

$$= \frac{1}{1+s} \quad \Rightarrow \quad \begin{matrix} K=1 \\ T=0,2 \end{matrix}$$

člen 1. reda:

$$F(s) = \frac{K_1}{1+sT_1}$$



o gravitacijsko ponovno "zanemarimo"

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)}$$

$$\dot{x}_D = \frac{f_D}{D}$$

$$x_K = \frac{f_K}{K}$$

} $x = x_K = x_D$

oba elementa se raztegneta enako

$$f = f_K + f_D$$

$$f = K \cdot x_K + D \cdot \dot{x}_D \quad / \cdot Z$$

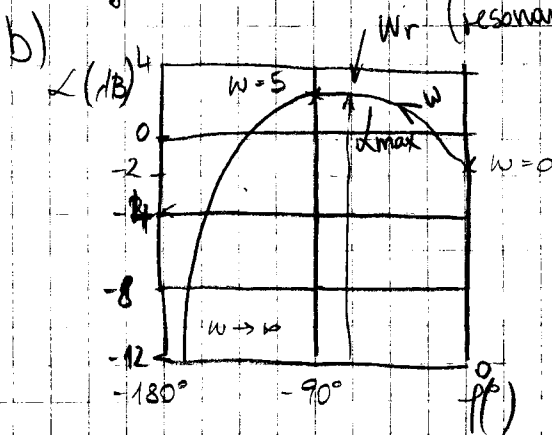
$$f(s) = K \cdot x(s) + D \cdot s x(s)$$

$$f(s) = x(s) [K + Ds]$$

$$F(s) = \frac{x(s)}{f(s)} = \frac{1}{K + Ds} \cdot \frac{1}{K} = \frac{\frac{1}{K}}{1 + \frac{D}{K}s}$$

AV4

iz frekvenčne karakteristike določai prenosno funkcijo



$$\alpha(\omega=0) = -2 \text{ dB}$$

$$\varphi(\omega=0) = 0$$

$$K = \alpha(\omega=0) = 10^{\frac{\alpha(\text{dB})}{20}} = 10^{-0,1} = 0,79 \approx 0,8$$

$$\alpha(\omega \rightarrow \infty) \Rightarrow 0$$

system 2. reda

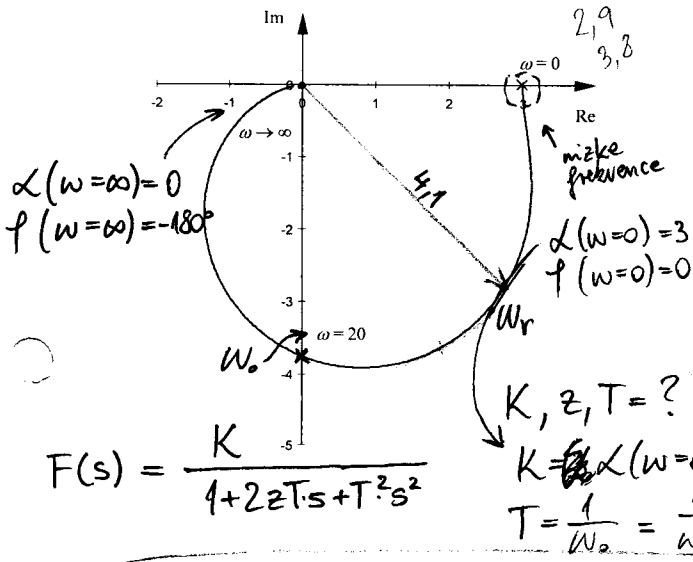
$$\varphi(\omega \rightarrow \infty) = -180^\circ$$

(izh. signal b. mel zelo nizko amplitudo)

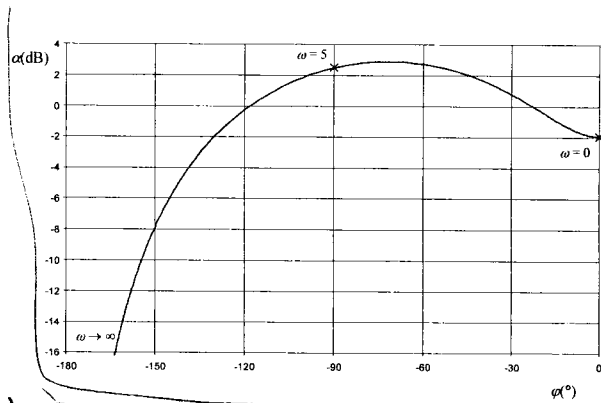
VAJA A-4

Iz podane frekvenčne karakteristike ugotovite pripadajočo prenosno funkcijo $F(s)$.

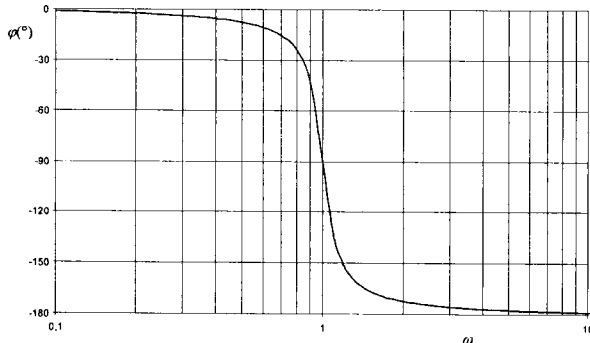
(a) člen 2. reda: $F(j\omega) \rightarrow F(s)$



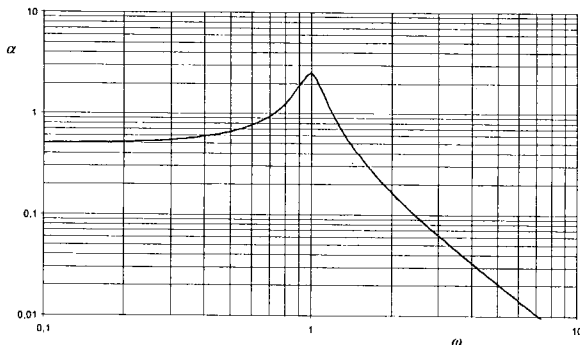
b)



c)



$\alpha_{max} = 4,1$
 $Q_r = \frac{\alpha_{max}}{K} = \frac{4,1}{3} = 1,37$
 $z = \frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{1}{Q_r^2}}}{2} \Rightarrow z_1 = 0,40$
 $z_2 = 0,92$
 Resonanca je izrazita; $z < \frac{\sqrt{2}}{2}$;
 upoštevamo samo z_1



Ime in priimek:

Datum: 26.10.2012

Vaja: 4
Stran: 1/1

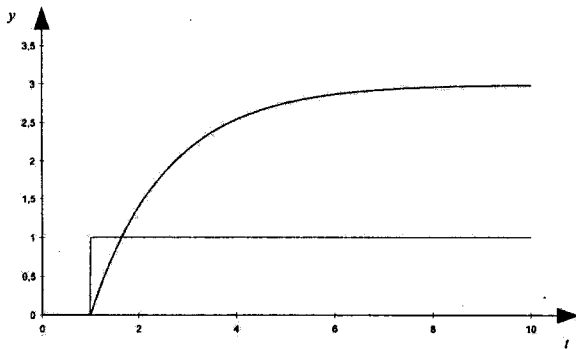


VAJA A-5

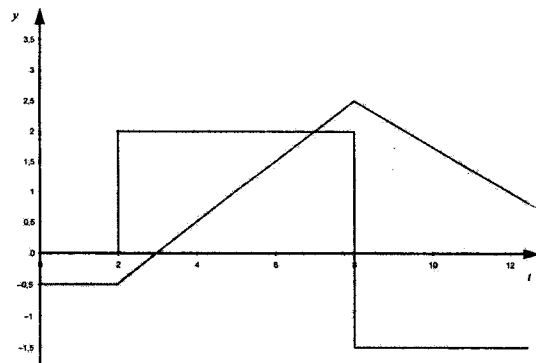
Iz podane prehodne funkcije ugotovite pripadajočo prenosno funkcijo $F(s)$.

člen 2. reda

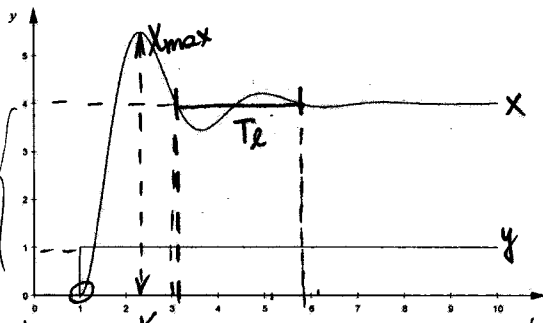
a)



b)



(c)
 T_d ... čas lastnega nihanja



$$F(s) = \frac{K}{1 + 2\zeta Ts + T^2 s^2} \quad K, T, \zeta = ?$$

$$K = \frac{x(t=\infty)}{y(t=\infty)} = 4$$

$$T_d = 2,6$$

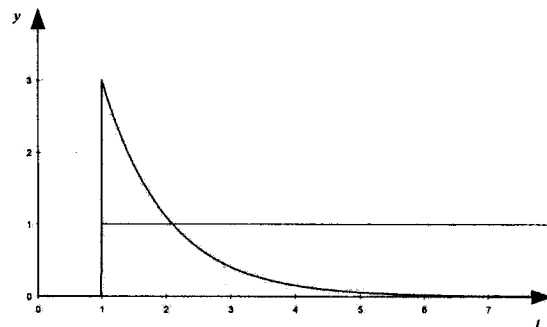
$$T = \frac{1}{\omega_0} = \frac{T_d \sqrt{1 - \zeta^2}}{2\pi}$$

$$X_{max} = 5,6$$

$$X_{max} = K \left(1 + e^{-\frac{\pi \zeta}{\sqrt{1 - \zeta^2}}} \right)$$

IZRAČUNAJ ζ

d)



Ime in priimek:

Datum:

Vaja: 5
Stran: 1/1

• zapišemo $F(s)$ členu 2. reda

$$F(s) = \frac{K}{1 + 2zTs + T^2 s^2}$$

$$\begin{cases} K = 0,8 \\ T = 0,2 \\ z = 0,3 \end{cases}$$

$$\rightarrow T = \frac{1}{\omega_0} = \frac{1}{5} = \underline{0,2}$$

$$\omega_0 = \omega(\varphi = -90^\circ) = 5$$

velja za člen 2. reda

$$\rightarrow z = 0,3$$

$$\Delta_{max} = 3 \text{ dB} = 1,41$$

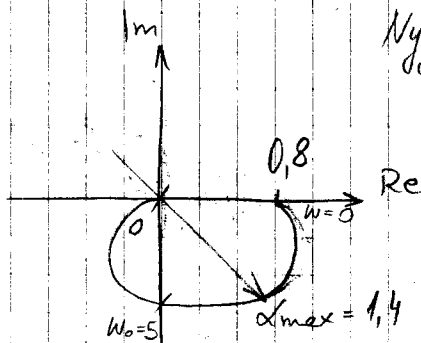
$$Q_r = \frac{\Delta_{max}}{K} = \frac{1,41}{0,8} = 1,77$$

šele iz faktorja je razvidno ali je resonanca prisotna

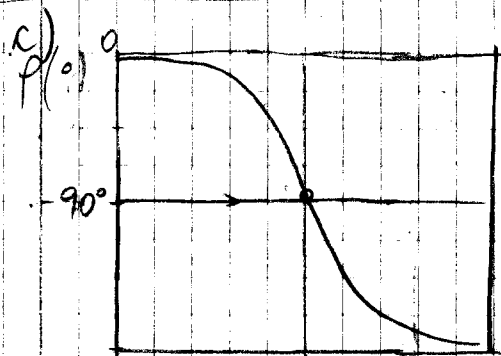
$$z = \sqrt{\frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{1}{Q_r^2}}}{2}} = \begin{cases} z_1 = 0,29 \\ z_2 = 0,96 > 0,71 \left(\frac{\sqrt{z}}{2}\right) \end{cases}$$

pri takem z ni resonance

$$F(s) = \frac{0,8}{1 + 0,12s + 0,04s^2}$$



Nyquistov diagram



$$\varphi(\omega=0) = 0$$

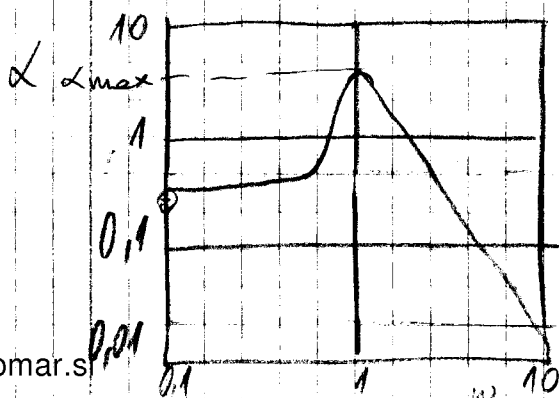
$$\alpha(\omega=0) = 0,5 = K$$

$$\varphi(\omega \rightarrow \infty) = -180^\circ$$

$$\alpha(\omega \rightarrow \infty) = 0$$

$$F(s) = \frac{K}{1 + 2zTs + T^2 s^2}$$

$$\begin{cases} K = 0,5 \\ T = 1 \\ z = 0,1 \end{cases}$$



$$\frac{K}{T} = \frac{0,5}{1} = 1$$

$$\omega_0 = \omega(\varphi = 90^\circ) = 1$$

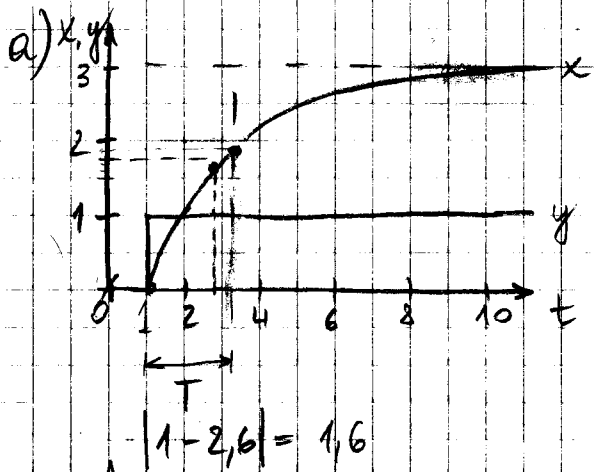
$$\Delta_{max} = 2,5, \quad Q_r = \frac{\Delta_{max}}{K} = 5$$

upadanje 2 dekadix / 1 dekada \omega

$$\begin{cases} z_1 = 0,1 \\ z_2 = 0,99 \end{cases}$$

AV5

iz prehodne funkcije določi prenosno funkcijo
člen 1. reda

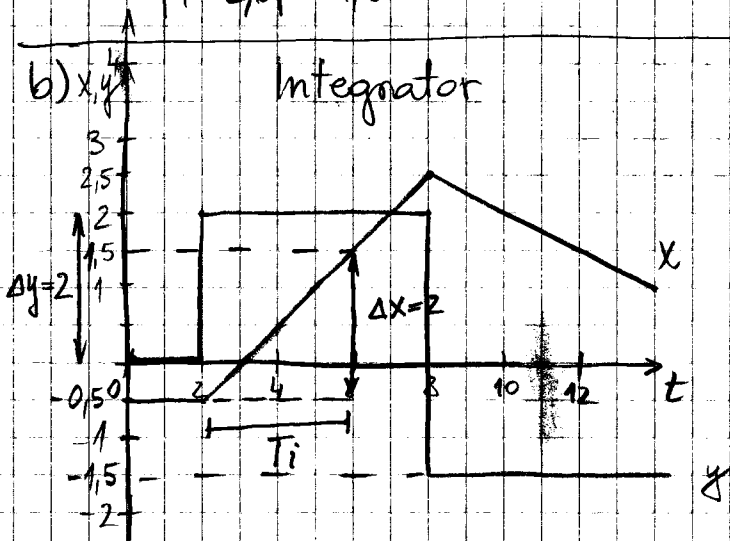


$$F(s) = \frac{K}{1+sT}$$

$$K = 3$$

$$T = 1,6$$

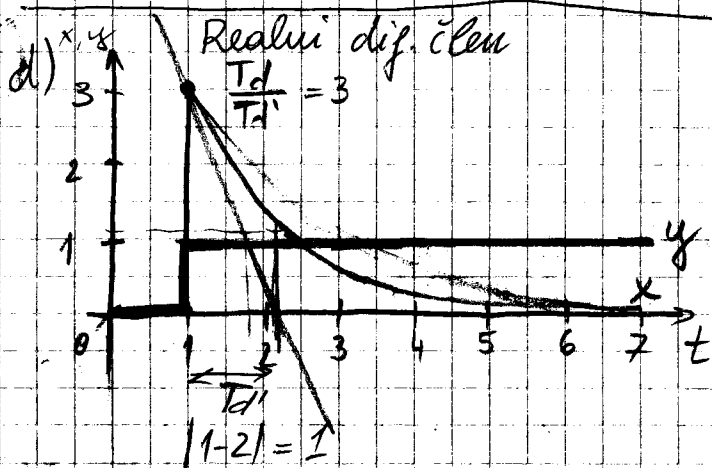
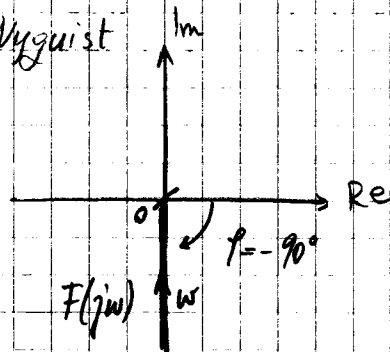
$$K = \frac{x(t=0)}{y(t=\infty)}$$



$$F(s) = \frac{1}{sT_i}$$

$$T_i = 4$$

Nyquist



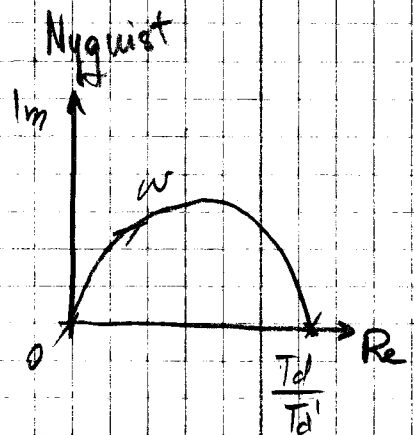
$$F(s) = \frac{sT_d}{1+sT_d'}$$

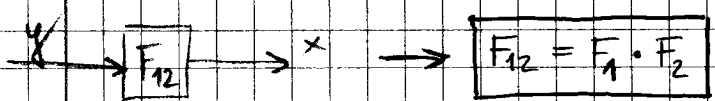
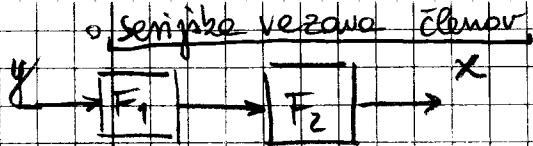
$$T_d = 2$$

$$T_d' = ?$$

$$\frac{T_d}{T_d'} = 3$$

$$\frac{T_d' = 1}{T_d = 3}$$



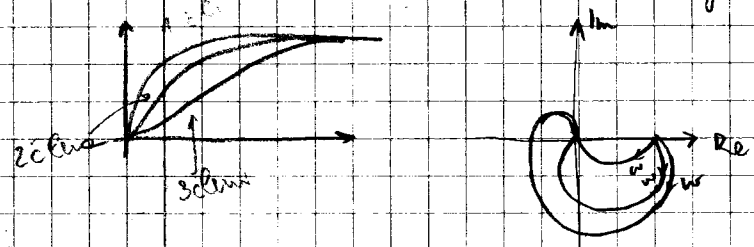


$$F_1 = \frac{K_1}{1+sT_1}$$

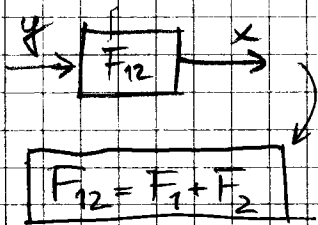
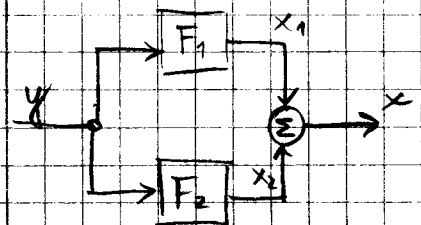
$$F_2 = \frac{K_2}{1+sT_2}$$

$$F_{12} = \frac{K_1 \cdot K_2}{(1+sT_1)(1+sT_2)} = \frac{K_1 \cdot K_2}{1 + \underbrace{2s(T_1+T_2)}_{2\tau} + \underbrace{T_1 T_2}_{T^2} s^2}$$

- o če imamo v seriji 2 člena 1. reda, se sistem obnaša kot člen 2. reda
- o kakšni faktorjem dušenja? Kakšni morajo biti parameter, da bi preduhali bil. $\zeta = ?$ K_1, K_2, T_1, T_2
- o več kot imamo členov v seriji, počasneje se sistem obnaša



o paralelna vezava členov



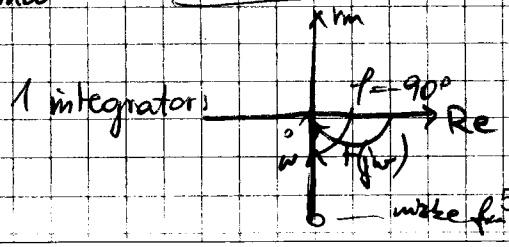
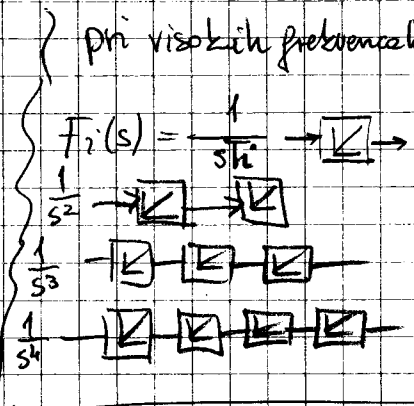
$$F_{12} = \frac{X(s)}{Y(s)}$$

$$F(s) = \frac{K \sum_{j=1}^k \frac{s^i \cdot f_j}{s^i \cdot e_i}}{s^m \sum_{i=1}^n \frac{s^i \cdot e_i}{s^i \cdot e_i}}$$

$C_0 = f_0 = 1$ (predpostavimo)

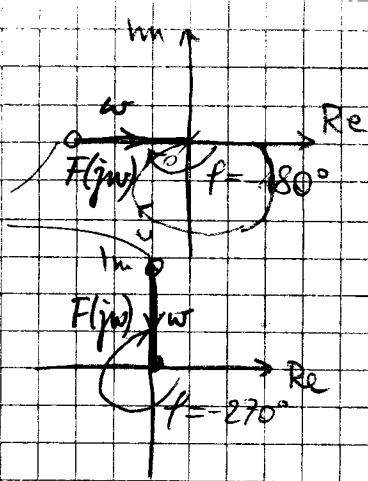
$\lim_{s \rightarrow \infty} F(s) = K \frac{f_k}{e_n} \cdot \frac{1}{s^{m-n}}$
 (red sistema)

→ Visoke frekvence



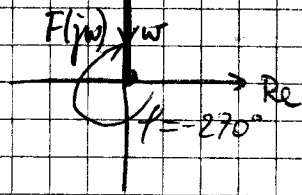
2 integratorji

nizke f.



Pri visokih frekvencah št. integratorjev razberemo iz reda sistema

3 integratorji



$$\lim_{\substack{s \rightarrow 0 \\ \omega \rightarrow 0}} F(s) = K \cdot \frac{1}{s^m}$$

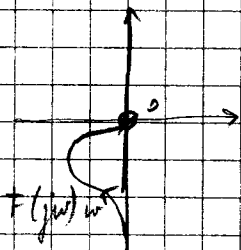
$m=0$; K = statično ojačanje

m ... število integratorjev v sistemu

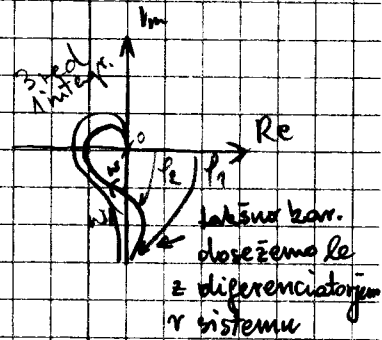
nizke frekvence

$$F(s) = \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{1+2s} = \frac{1}{s+2s^2}$$

$m+n-k=2$... red
 $m=1$... integrator



$$\begin{aligned} \varphi(\omega \rightarrow \infty) &= -180^\circ \\ \varphi(\omega \rightarrow 0) &= 90^\circ \end{aligned}$$



$$F(s) = sT_d$$

... glavna karakteristika \Rightarrow pri frekvenčni karakteristiki zmanjšanje pozitivni fazni kot

AVG

$$\begin{aligned} K &= ? \\ m &= ? \\ k &= ? \end{aligned}$$

$$m+n-k=R$$

a)

$$\begin{aligned} K &= 3 \\ m &= 0 \end{aligned}$$

, če razberemo ojačanje, integratorjev v sistemu ni

$$m+n-k=5$$

$k=0$ \leftarrow št. diferenciatorjev

b) $\varphi(\omega=0) = -90^\circ$

$$m=1$$

; ojačanje ne moremo določiti $\rightarrow K = /$

$$\varphi(\omega=0) = \varphi$$

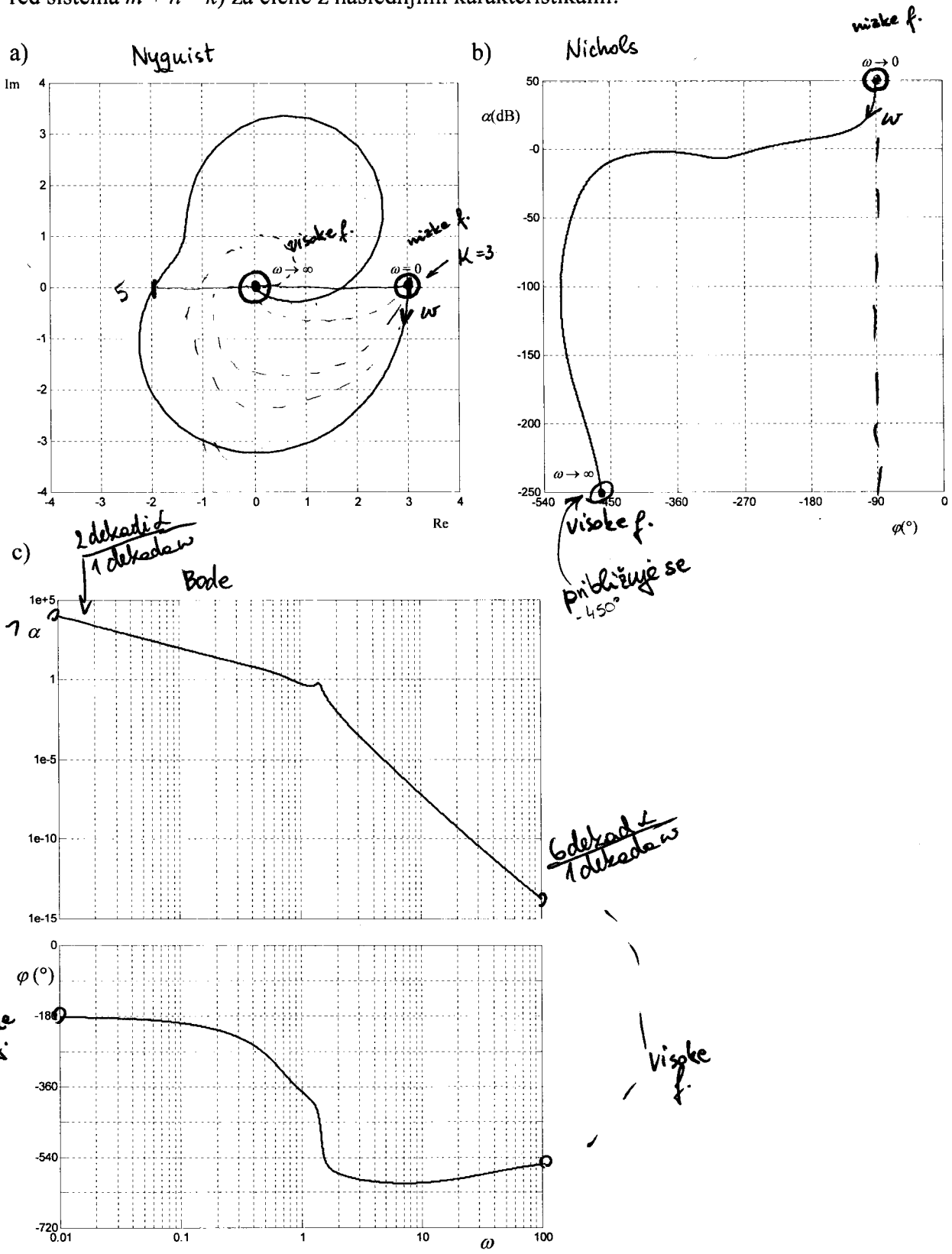
$$\varphi(\omega=\infty) = -450^\circ$$

$$m+n-k=5$$

$$k=1$$

VAJA A-6

Ugotovite značilne podatke (statično ojačenje K , število integracij m , število diferenciacij k , red sistema $m + n - k$) za člene z naslednjimi karakteristikami:



Ime in priimek:

Datum: 9.11.2012

Vaja: 7
Stran: 1/1

1878

1879

1880

1881

1882

1883

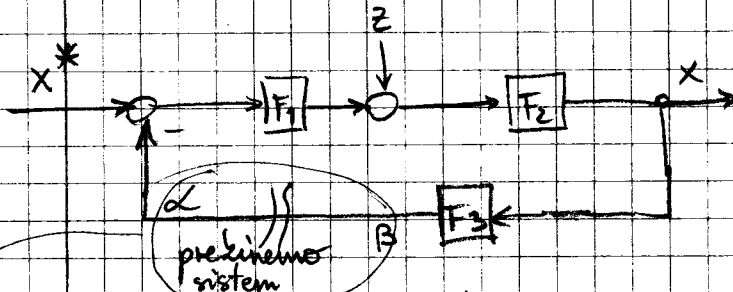
1884

1885

1886

1887

- c) $\varphi(\omega=0) = -180^\circ \Rightarrow$ 2 integratorja
 $m=2$; ugotovimo tudi s padanjem dekade
 $\varphi(\omega=\infty) = -540^\circ$ $m+n-k=6$; razberemo tudi s padanjem dekade
 \circ z naraščajočo frekvenco se faza zmanjšuje
 $k=1$



1.) prenosna funkcija odprtega regulacijskega kroga $\rightarrow F_0$
 pred prekinitvijo \rightarrow signal β
 $z=0$ \rightarrow signal α

$$F_0(s) = \frac{-\beta(s)}{\alpha(s)} \Big|_{\substack{x^*=0 \\ z=0}}$$

$$\left[\underset{\uparrow 0}{x^*} - \alpha \right] = \underset{\uparrow 0}{z} \cdot F_1 + F_2 \cdot F_3 = \beta$$

$$-\alpha F_1 \cdot F_2 \cdot F_3 = \beta$$

$$F_0 = \frac{\beta}{\alpha} = F_1 \cdot F_2 \cdot F_3$$

produkt prenosnih funkcij, ki so v regulacijskem krogu

2.) prenosna funkcija zaključnega regulacijskega kroga $\rightarrow H$

$$H(s) = \frac{x(s)}{x^*(s)} \Big|_{z=0} \quad \dots \text{razmerje med dejansko in željeno vrednostjo}$$

sklepnjena povr. zanka

$$(x^* - F_3 \cdot x) F_1 \cdot F_2 = x$$

$$x^* \cdot F_1 \cdot F_2 - x F_1 F_2 F_3 = x$$

$$x^* F_1 F_2 = x [1 + F_1 F_2 F_3]$$

$$\rightarrow H(s) = \frac{x(s)}{x^*(s)} = \frac{F_1 F_2}{1 + F_1 F_2 F_3}$$

$$H(s) = \frac{F_1 + F_2}{1 + F_0}$$

\rightarrow členi α in β v direktni veji

Kaj se zgodi s členoma 1. reda v seriji?

14. 11. 2012

$$F(s) = \frac{K_1}{1+sT_1} + \frac{K_2}{1+sT_2} = \frac{K_1 \cdot K_2}{1 + (T_1 T_2)s + T_1 T_2 s^2} = \frac{K}{1 + 2\zeta Ts + s^2 T^2}$$

$$\rightarrow T^2 = T_1 + T_2$$

$$\rightarrow T_1 + T_2 = 2\zeta T \quad , \quad \zeta = \frac{T_1 + T_2}{2T} = \frac{T_1 + T_2}{2\sqrt{T_1 T_2}}$$

$$\zeta = \frac{1}{2} \left[\sqrt{\frac{T_1}{T_2}} + \sqrt{\frac{T_2}{T_1}} \right]$$

$$\zeta = \frac{1}{2} \left[y + \frac{1}{y} \right]$$

odvisnost
dusenja ζ od parametra y

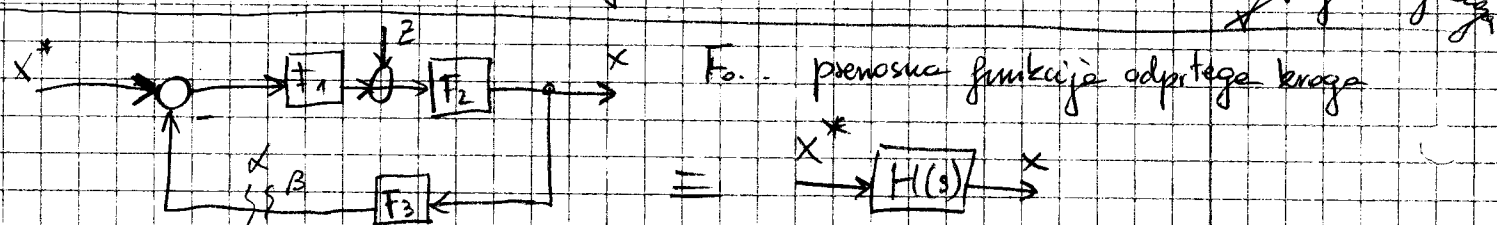
$$\frac{\partial \zeta}{\partial y} = \frac{1}{2} \left[1 + \left(-\frac{1}{y^2}\right) \right] = \frac{1}{2} \left[1 - \frac{1}{y^2} \right]$$

$$\frac{\partial \zeta}{\partial y} = 0 \quad ; \quad \frac{y^2 = 1}{y \neq 0}$$

ekstrem zgodimo takrat, ko je ζ čim bolj konstanten

$$\zeta_{min} = 1 \quad ; \quad T_1 = T_2$$

ni ne resonance, ne prekritja



$$F_0 = -\frac{B(s)}{A(s)} \Big|_{X^*=0} \quad F_0 = F_1 \cdot F_2 \cdot F_3$$

$Z=0$ (motnja)

$$H = \frac{X(s)}{X^*(s)} \Big|_{Z=0}$$

sklepna PZ. $Z=0$ (motnja)
odziv sistema na željeno vrednost

$$\left[(X^* - F_3 \cdot X) F_1 + Z \right] \cdot F_2 = X$$

$$Z=0; \quad (X^* - F_3 \cdot X) F_1 F_2 = X$$

$$H = \frac{F_1 \cdot F_2}{1 + F_1 \cdot F_2 \cdot F_3} = \frac{F_1 \cdot F_1}{1 + F_0}$$

$X^* = 0 \dots$ mi vh. signal

$Z \dots$ nov vh. signal

→ prenosna funkcije odprtega reg. kroga zo motnjo

$$F_M = \frac{X(s)}{Z(s)} \quad \text{pri } p.z. \quad X^* = 0$$

$$[X^* - F_3 X] F_1 + Z \cdot F_2 = X$$

$$Z \cdot F_2 = X$$

$$F_M = F_2$$

pren. f. med motnjo in dejansko vrednostjo

→ prenosna funkcije zaključenega reg. kroga zo motnjo

$$H_M = \frac{X(s)}{Z(s)} \quad \text{sklenjena p.z.} \quad X^* = 0$$

$$[X^* - F_3 X] F_1 + Z \cdot F_2 = X$$

$$[F_1 + F_3 X + Z] F_2 = X$$

$$[Z - X F_1 F_3] F_2 = X$$

$$Z F_2 - X F_1 F_2 F_3 = X$$

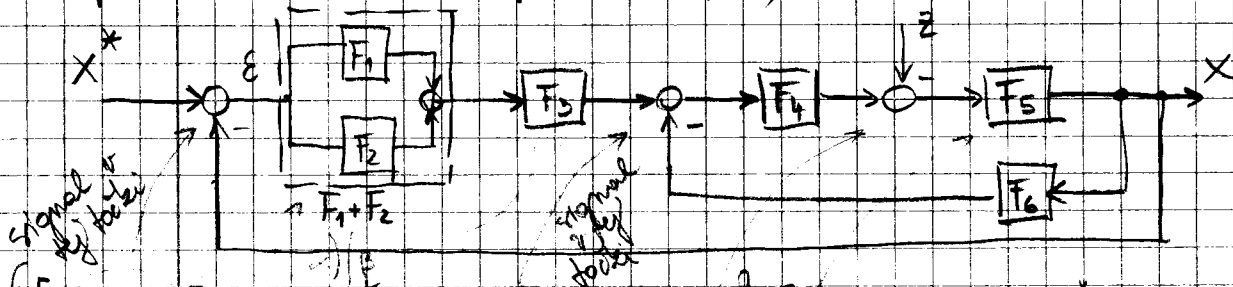
$$Z F_2 = X (1 + F_1 F_2 F_3)$$

$$H_M = \frac{F_2}{1 + F_1 F_2 F_3 + 1}$$

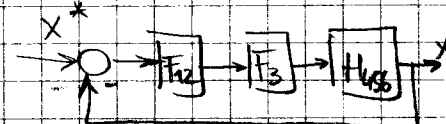
$$H_M = \frac{F_M}{1 + F_0}$$

AV-7

Ze podano blokno shemo poiščite F_0, H ; F_M in H_M .



$$[X^* - X [F_1 + F_2] \cdot F_3 - X F_6 \cdot F_4 - Z] F_5 = X$$



$$F_0 = - \frac{\beta}{\alpha} \quad \begin{matrix} X^* = 0 \\ Z = 0 \end{matrix}$$

$$F_{12} = F_1 + F_2$$

$$H_{456} = \frac{F_4 \cdot F_5}{1 + F_4 \cdot F_5 \cdot F_6} =$$

$$F_0 = F_{12} + F_3 \cdot H_{456}$$

$$F_0 = \frac{(F_1 + F_2) F_3 \cdot F_4 \cdot F_5}{1 + F_4 F_5 F_6}$$

$$H(s) = \frac{X(s)}{X^*(s)} \Big|_{\substack{\text{sl. p. z} \\ z=0}}$$

$$H = \frac{F_{12} \cdot F_3 \cdot H_{456}}{1 + F_{12} F_3 H_{456}}$$

$$\begin{cases} (X^* - X)(F_1 + F_2) F_3 - X F_6 \cdot F_4 - 0 \cdot F_5 = X \\ (X^* - X)(F_1 + F_2) F_3 - X F_6 \cdot F_4 F_5 = X \end{cases}$$

$$[X^*(F_1 + F_2) F_3 - X(F_1 + F_2) F_3 - X F_6] F_4 F_5 = X$$

$$X^*(F_1 + F_2) F_3 F_4 F_5 - X[(F_1 + F_2) F_3 + F_6] F_4 F_5 = X$$

$$X^*(F_1 + F_2) F_3 F_4 F_5 = X(1 + [(F_1 + F_2) F_3 + F_6] F_4 F_5)$$

$$H = \frac{X}{X^*} = \frac{(F_1 + F_2) F_3 F_4 F_5}{1 + (F_1 + F_2) F_3 F_4 F_5 + F_6 F_4 F_5}$$

$$H = \frac{F_{12} F_3 + H_{456}}{1 + F_{12} F_3 H_{456}} = \frac{(F_1 + F_2) F_3 \cdot \frac{F_4 F_5}{1 + F_4 F_5 F_6}}{1 + \frac{(F_1 + F_2) F_3 F_4 F_5}{1 + F_4 F_5 F_6}}$$

$$F_H = \frac{X}{Z} \Big|_{\substack{\text{pukinjeno P.z} \\ X^*=0}}$$

$$= \left\{ \left[(0 - 0)(F_1 + F_2) F_3 - X F_6 \right] F_4 - 0 \cdot F_5 = X \right.$$

$$\left. \left\{ -X F_6 F_4 - Z F_5 = X \right. \right.$$

$$\left. \left. \left\{ -X F_4 F_5 F_6 - Z F_5 = X \right. \right. \right.$$

$$\left. \left. \left. \left\{ -Z F_5 = X(1 + F_4 F_5 F_6) \right. \right. \right.$$

$$F_H = - \frac{F_5}{1 + F_4 F_5 F_6}$$

$$H_M = \frac{X}{Z} \quad \left| \begin{array}{l} \text{sklepna PZ} \\ x^* = 0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \left[(0-x)(F_1+F_2)F_3 - xF_6 \right] F_4 - Z \right\} F_5 = X$$

$$\left\{ \left[-x(F_1+F_2)F_3 - xF_6 \right] F_4 - Z \right\} F_5 = X$$

$$-x(F_1+F_2)F_3F_4F_5 - xF_6F_5F_4 - ZF_5 = X$$

$$-ZF_5 = X \left[1 + (F_1+F_2)F_3F_4F_5 + F_4F_5F_6 \right]$$

$$H_M = \frac{X}{Z} = \frac{-F_5}{1 + (F_1+F_2)F_3F_4F_5 + F_4F_5F_6}$$

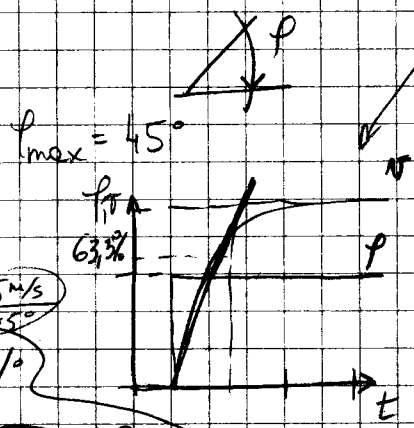
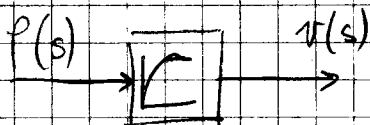
16.11.2012

SIMULACIJE

21.11.2012

* Prenosna funkcija regulacije hitrosti vozila → tempomat

$P(s)$... kot pritiske stopalke na plin
 $v(s)$... hitrost



Clen 1, kada

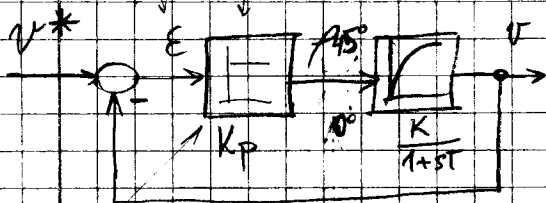
$$v_{max} = 45 \text{ m/s} = 162 \text{ km/h}$$

$$F_s(s) = \frac{K}{1+sT}$$

pragrslek regulator $v_{63\%} = 102 \text{ m/s}$

$$K = 1 \text{ m/s/}^\circ$$

$$T = 10 \text{ s}$$



$$F_R = K_p$$

$$F_s = \frac{K}{1+sT}$$

proporcionalni clen

- mislino upostevati zavornege ucinka
- manj kot 0° ne more biti
- meli naravnega dela ne upostevamo

$$F_0 = F_R \cdot F_s = \frac{K_p \cdot K}{1+sT}$$

← pren. f. odprtega reg. kroga

$$H(s) = \frac{U(s)}{U^*(s)} = \frac{F_0}{1+F_0} = \frac{\frac{K_p K}{1+sT}}{1 + \frac{K_p K}{1+sT}} = \frac{K_p K}{1+sT+K_p K} = \frac{K_p K}{(1+K_p K) + sT}$$

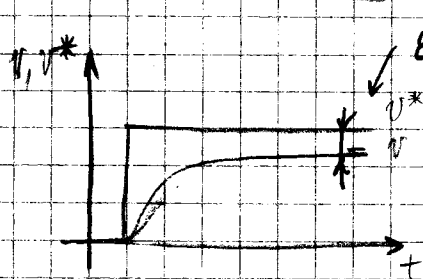
$$H(s) = \frac{\frac{K_p \cdot K}{1+K_p K}}{1 + s \frac{T}{1+K_p K}}$$

prenosna funkcija člena 1. reda

$$K_1 = \frac{K_p \cdot K}{1+K_p \cdot K} < 1$$

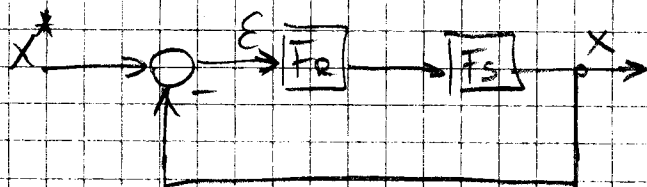
$$T_1 = \frac{T}{1+K_p K}$$

$$\frac{K_1}{1+sT_1}$$



$E_s \rightarrow$ statični pogrešek
želimo takšne parametre, da bo odziv čisto ožm krajši

• Če dvignemo ojačenje (K_p), obstaja verjetnost, da sistem zamrznje



- izrek o končni vrednosti

$$X(t=\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X(s)]$$

$$X(t=\infty) = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X^*(s) \cdot H(s)]$$

$$E = X^* - X$$

$$X(s) = X^*(s) H(s)$$

$$E_s = E(t=\infty) = X^*(t=\infty) - X(t=\infty) =$$

$$= \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X^*(s)] - \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X^*(s) \cdot H(s)]$$

$$E_s = \lim_{s \rightarrow 0} [s \cdot X^*(s) \cdot (1-H(s))]$$

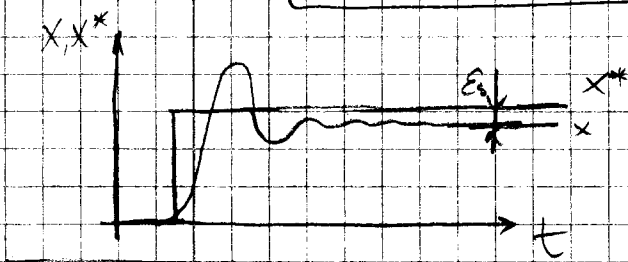
statični pogrešek ob spremembi želene vrednosti

→ direktna povratna zanka:

$$H = \frac{F_0}{1+F_0}$$

- sledi:

$$\boxed{\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot X^*(s) \frac{1}{1+F(s)} \right]}$$



• Predpostavimo, da je železna vrednost enotna stopnica; direktna p.z.

$$X^* = \frac{1}{s}, \quad F_0 = \frac{\sum_k a_k s^k}{\sum_j b_j s^j}$$

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot \frac{1}{s} \frac{1}{1 + \frac{\sum_k a_k s^k}{\sum_j b_j s^j}} \right] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{\sum_j b_j s^j}{\sum_k a_k s^k + \sum_j b_j s^j} \right]$$

$$\varepsilon_s = \frac{b_0}{a_0 + b_0} \Big|_{s=0} = \frac{1}{1 + \frac{a_0}{b_0}} \quad ; \quad \frac{a_0}{b_0} = k_0$$

$$\boxed{\varepsilon_s = \frac{1}{1+k_0}}$$

krožno ojačenje → z njim vplivamo na statični pogrešek; vendar lahko pri nekem ojačenju sistem postane nestabilen

$$X^* \neq \frac{1}{s}, \quad \text{dir. p.z.} \quad F_0 = \frac{\sum_k a_k s^k}{s^m \sum_j b_j s^j}$$

• v sistemu je še integrator

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot \frac{1}{s} \frac{1}{1 + \frac{\sum_k a_k s^k}{s^m \sum_j b_j s^j}} \right]$$

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{s^m \sum_j b_j s^j}{s^m \sum_j s^j b_j + \sum_k a_k s^k} \right]$$

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{s^m \cdot b_0}{s^m \cdot b_0 + a_0} \right] = 0$$

↑ upoštevam pogoj pri izteku o končni vrednosti

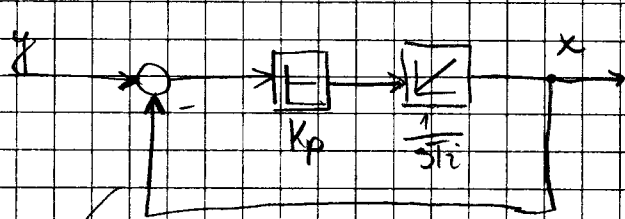
- statični pogrešek se z integratorji lahko odpravi
- stabilni sistem → negativni poli

• integrator mora biti v sistemu, pred motnjo (da ne vzame tudi motnje → statični pogrešek); ponavadi na začetku sistema

- statični pogrešek za skočno spremembo želene vrednosti (ni integratorja), K_0 — krožno ojačenje

23.11.2012

$$E_s = \frac{1}{1+K_0}$$



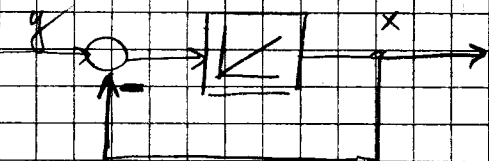
kakšno je obnašanje takšnega sistema?

$$H(s) = \frac{x(s)}{y(s)}$$

$$H = \frac{F_{dir}}{1+F_0} = F_0 \text{ (v tem primeru)}$$

$$F_0 = \frac{K_0}{sTi} = \frac{1}{s(Ti/Kp)}$$

madomestna čas. konst.



$$H = \frac{1}{sTi/Kp} \cdot \frac{1}{1 + \frac{1}{sTi/Kp}} = \frac{1}{sTi/Kp + 1} = \frac{1}{1 + s(Ti/Kp)}$$

$$(y-x) \cdot K_p \cdot \frac{1}{sT_i} = x$$

$$\frac{y}{sT_i/K_p} = x \left[\frac{1}{sT_i/K_p} + 1 \right]$$

$$H = \frac{x}{y} = \frac{1}{1 + s(T_i/K_p)}$$

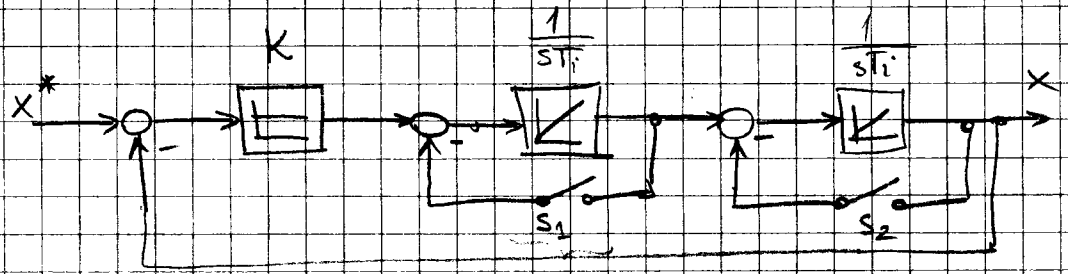
$$= \frac{K_1}{1 + sT_1}$$

$$\begin{matrix} K_1 = 1 \\ T_1 = T_i/K_p \end{matrix}$$

AV-8

$\varepsilon_s = ?$

$A = 0,1$
 $K = 10$
 $T_i = 1$



Kako se s številom integratorjev spreminja pogrešek?

ob sklenjenem stikalu se integrator obnaša kot člen reda

a) skočna sprememba želene vrednosti

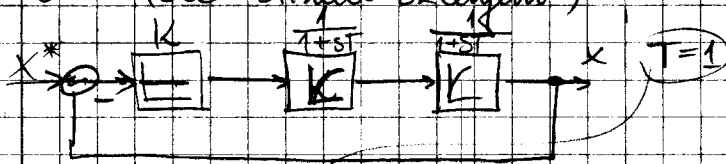
$x^* = \frac{1}{s}$

b) enotska rampa (enakomerno naraščajoč signal)

$x^* = \frac{1}{s^2}$

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot x^*(s) \cdot \frac{1}{1+F_0} \right] \text{ d.p.z.}$$

$A=0$: (obe stikali sklenjeni)



$$F_0 = K \frac{1}{1+s} \cdot \frac{1}{1+s} = \frac{K}{(1+s)^2}$$

a)
$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{1+F_0} \right] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{1}{1 + \frac{K}{(1+s)^2}} \right]$$

$$\varepsilon_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{(1+s)^2}{(1+s)^2 + K} \right] = \frac{1}{1+K} \Rightarrow \frac{1}{2} \leftarrow K=1$$

$$\Rightarrow \frac{1}{11} \leftarrow K=10$$

z višjim ojačanjem lahko dosežemo manjši stat. pogrešek, čeprav v sistemu ni integratorjev. $\rightarrow A=0$

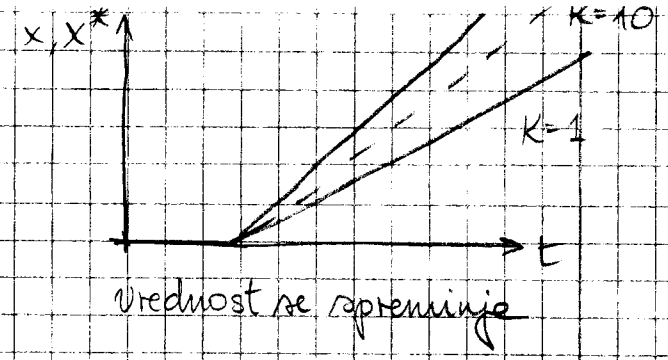
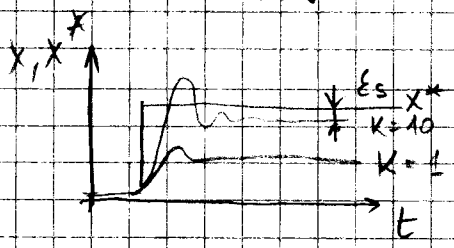
$$(1+s)^2 + K = s^2 + 2s + (1+K)$$

$s_{1,2}$

$$s_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - 4(K+1)}}{2} = \frac{-2 \pm 2\sqrt{1 - (K+1)}}{2} = -1 \pm \sqrt{2-K}$$

 imaginarno št.

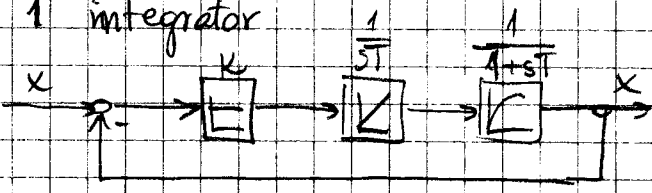
$$b) E_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{1}{s} \frac{(1+s)^2}{(1+s)^2 + K} \right]$$



$A=1$ (eno stikalo je sklenjenih dveh razklopnih)

o meš sistem je linearen → zamenljivi vrstni red

o 1 integrator



$$T=1$$

$$F_0 = K \cdot \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{1+s} = \frac{K}{s(1+s)}$$

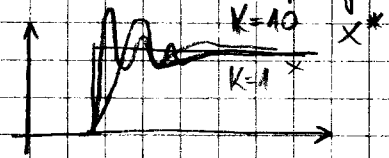
$$a) E_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot \frac{1}{s} \frac{1}{1+\frac{K}{s(1+s)}} \right] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{1}{1+\frac{K}{s(1+s)}} \right]$$

$$E_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{s(1+s)}{s(1+s)+K} \right] = 0$$

← iz enim integratorjem v direktni veji izhaja st. pogrešek

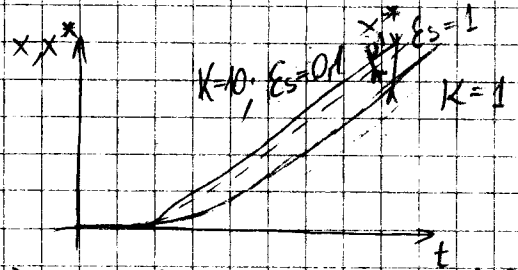
$$s^2 + s + K = 0 \rightarrow s_{1,2} =$$

o kljub temu, da ima integrator svojo čas. konstanto, lahko izhiti vrednost pogrešek



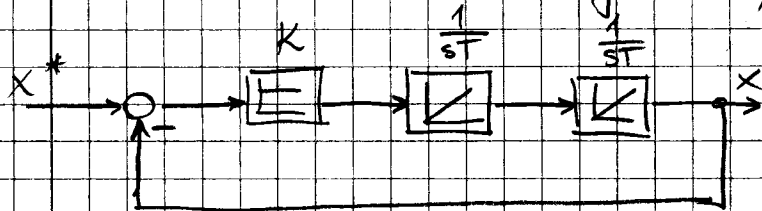
$$b) E_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \cdot \frac{1}{s} \frac{s(1+s)}{s(1+s)+K} \right] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{1+s}{s(1+s)+K} \right] = \frac{1}{K}$$

$$\begin{matrix} K=1 & ; & E_s = \frac{1}{1} \\ K=10 & ; & E_s = \frac{1}{10} \end{matrix}$$



o Pri večjem ojačenju ima izhod podobno obliko kot vhod

A=2 : (dve stikali sta razklenjeni) ; 2 integratorje



$$a) F_0 = K \cdot \frac{1}{s} \cdot \frac{1}{s} = \frac{K}{s^2}$$

$$E_s = \lim_{s \rightarrow 0} \left[s \frac{1}{s} \frac{1}{1 + \frac{K}{s^2}} \right] = \lim_{s \rightarrow 0} \left[\frac{s^2}{s^2 + K} \right] =$$

$$s^2 + K = 0$$

iščemo pole:

$$s^2 = -K$$

$$s = \sqrt{-K} = \pm j\sqrt{K}$$

√ koreni

- Če koreni ležijo levo od Im osi, zagotavljajo stabilnost
- Če koreni ležijo na Im osi, je odziv nedušeno nihanje
- Če koreni ležijo na Im osi, je sistem mejno stabilen

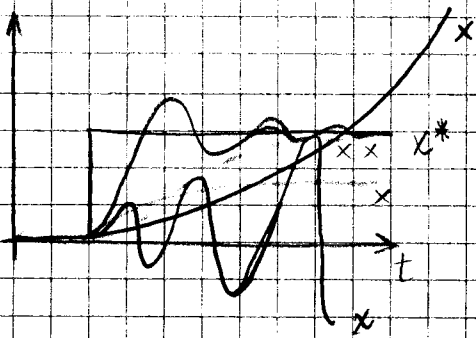


D.N. Kakšen je $x(t)$, če je zelena vrednost enotna stopnica $\rightarrow x^* = \frac{1}{s}$

$$x(t) = ?$$

System se odziva z nedušnim nihanjem.

STABILNOST



OSNOVNI STABILNOSTNI POGOJI

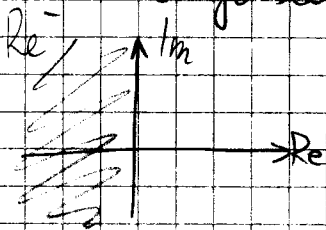
◦ karakteristična enačba: $1 + F_0 = 0$

Sistem je stabilen, če imajo koreni kar. enačbe, če imajo negativne realne dele
 → ležijo levo od Im osi (Re^-)

$$H = \frac{F_0}{1 + F_0}$$

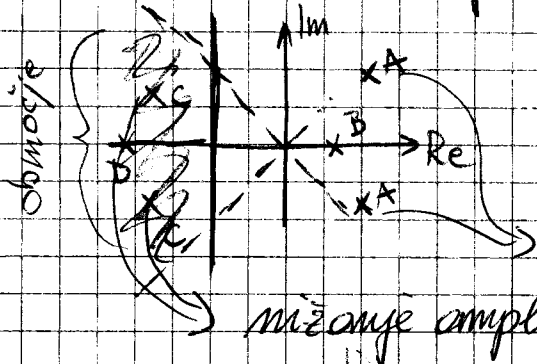
$$H_M = \frac{F_M}{1 + F_0}$$

iščemo korene imenovalca



◦ Metoda lege korenov → root locus

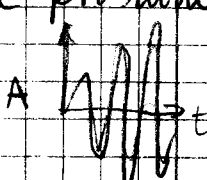
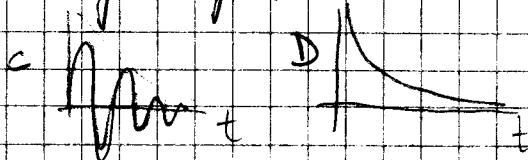
Koreni niso le levo od Im osi, tudi preblizu ne smejo biti. Če želimo preveč prenehajev moramo upoštevati nekakšno razmerje med Im in Re komponento.



Koreni, ki ležijo v Re^+ povzročijo nekakšno eksponentno rast

narasčanje amplitude pri nihanju

nižanje amplitude - dušeno nihanje



Če je koren bolj kompl. par, pride do nestabilnosti sistema

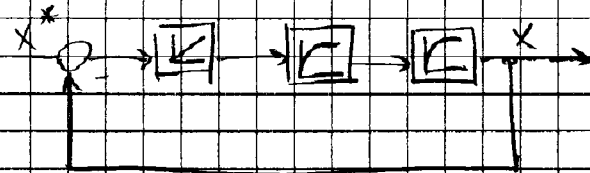
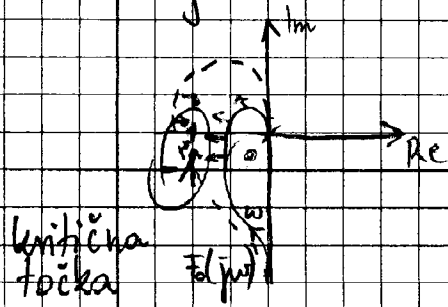
Koreni z večjo realno vrednostjo (bolj "desni") so prevladujoči v izh. funkciji

Routh
Hurwitz
Nyquist

} algoritma za določanje korenov polinoma temeljni na frek. karakteristiki → iz njega izhaja "kriterij leve robe"

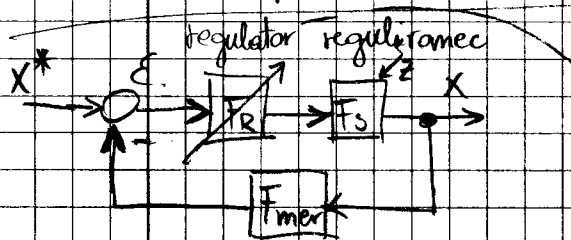
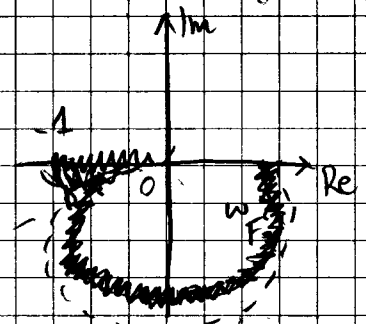
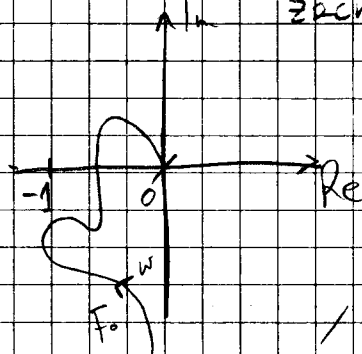
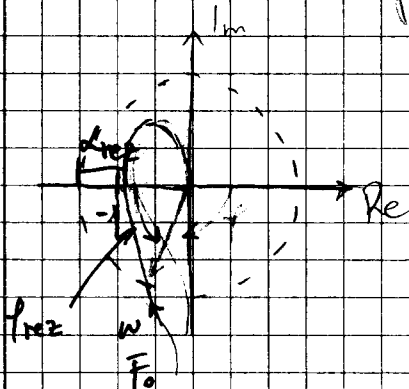
Kriterij leve roke

$$T_0 = \frac{1}{5} \frac{2}{4 \cdot 3 \cdot 5} \frac{4}{1 + 0,5 \cdot 5}$$



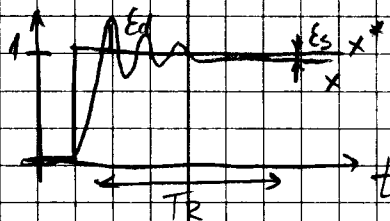
- V sistemu imamo 1 integrator \rightarrow karakteristično štarta pri $\varphi = -90^\circ$
- sistem je tretjega reda $\rightarrow \varphi(\omega \rightarrow \infty) = -270^\circ$
- glede na parametre je lahko krivulja bolj "napinjena"
- z grafa lahko odčitamo stabilnost sistema:
 - Če je ω točka na levi strani funkcije \rightarrow naraščajoča frekvenco, je sistem stabilen.
 - Če je ω točka na desni strani \dots , je funkcija nestabilna
 - Če gre funkcija točno skozi ω točko, pride do mešanega nihanja
- pri načrtovanju regulacijskega kroga lahko točno določimo kje bo funkcija sekala negativno realno os. \rightarrow amplitudna rezerva

- fazna rezerva \rightarrow pri katerem kotu se funkcija začne



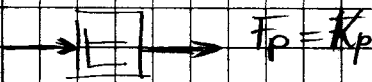
- sistem 2. reda je vedno stabilen.
- če pojavi kakih parazitnih signalov lahko sistem zavira

želimo čim manjši E_s in preminjaj (td) ter čas. konstante.



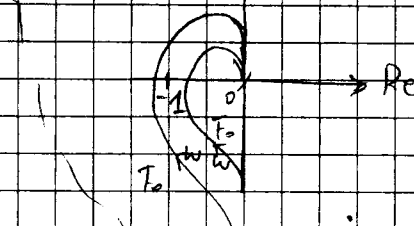
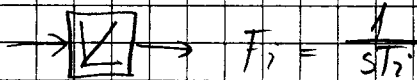
- z diferenciatorjem lahko zagotovimo hitrejšo reakcijo sistema; vendar se sistem začne zapletati \rightarrow več parametrov, več čas. konstant.
- diferenciator nam lahko nika - včasih je boljše, če dodamo okrajš.

• P-regulator: → preprost regulator



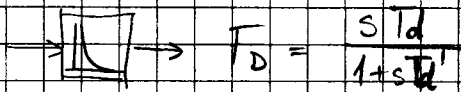
✓ lahko
- z ojačanjem bi prišlo do nestabilnosti

• I-regulator:



✓ samostojno
- redko uporabljen (prinese zakasnitev in fazni zamik za -90°)

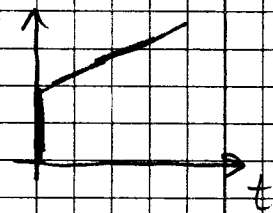
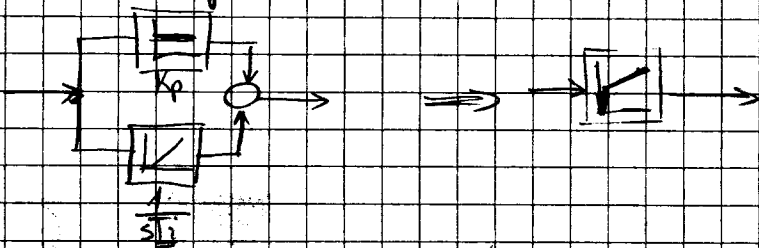
• D-regulator:



- zna "videti v prihodnost", odraža vhodni signal.
lahko opreži visokofrekvenčne motnje, odziv na stopnico pa bi lahko bil prepočasen (redko samostojno uporabljen)

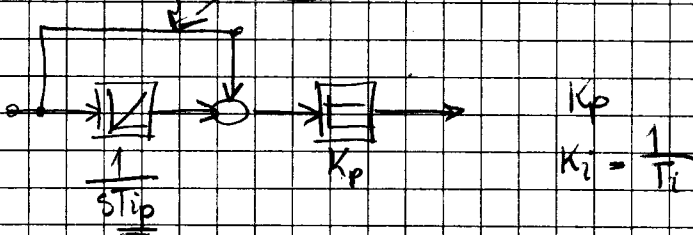
→ v praksi se uporabljajo kombinacije osnovnih členov

• P-I-regulator (P+I)



$$F_{PI} = K_p + \frac{1}{sT_i} = K_p \frac{1 + sT_{ip}}{sT_{ip}}$$

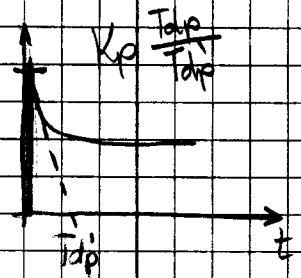
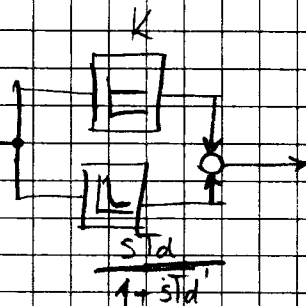
$$T_{ip} = K_p T_i$$



• P-D regulator

$$F_{PD}(s) = K_p \frac{1 + sT_{dp}}{1 + sT_d}$$

$$F_{PD} = K + \frac{sT_d}{1 + sT_d}$$



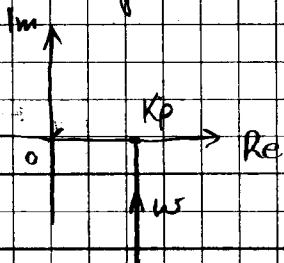
$$K_p = K$$

$$T_{dp} = \frac{T_d}{K} + T_d'$$

$$T_{dp}' = T_d'$$

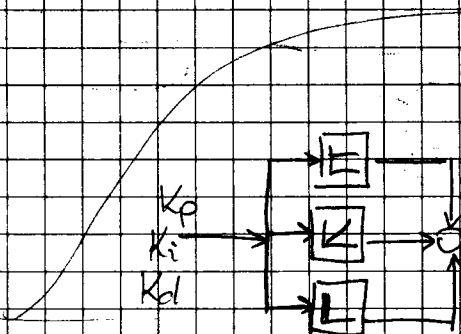
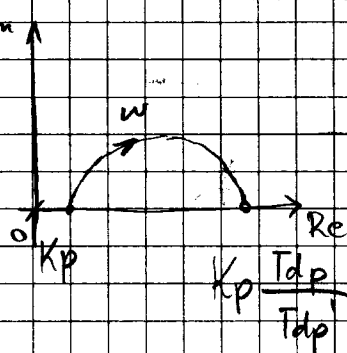


o P-I fr. karakteristika:



- Zamaknjena I karakteristika (od daleč) izgleda, da je kot $\varphi = -90^\circ$

o P-D :



o PID regulator:

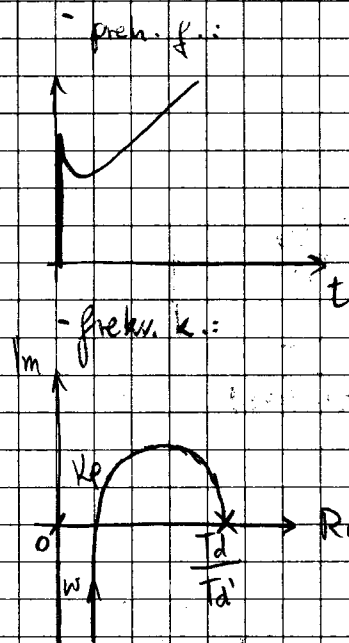
$$F_{PID} = K \frac{(1+sT_{ip})(1+sT_{dp})}{sT_i}$$

$$F_{PID} = K_p + \frac{1}{sT_i} + sT_d \quad \rightarrow \quad \boxed{M} \rightarrow$$

$$T_{ip} = T_i \cdot K_p$$

$$T_{dp} = \frac{T_d}{K_p}$$

$$T_{ip} \gg T_{dp}$$



PID^2 , PD^2
($P+D \cdot D$)

→ dvojni diferenciator + priravnost

(lahko je bolj pogledamo)

5.12.2012

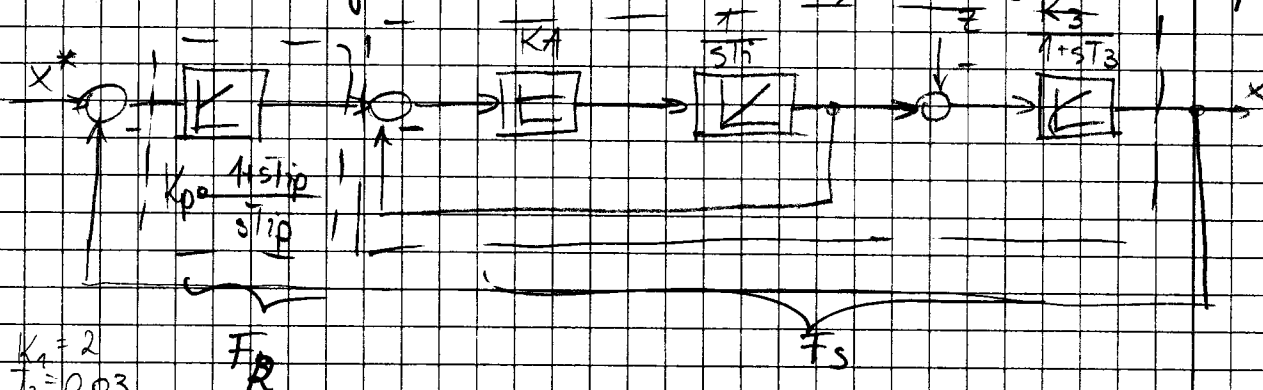
slajdi...

Optimum iznosa mi najhitrejši pri odpravljanju motenj.

Za podano blokno shemo optimiziraj parametre:

a) za vodeno regulacijo 0. I. (optimum iznosa)

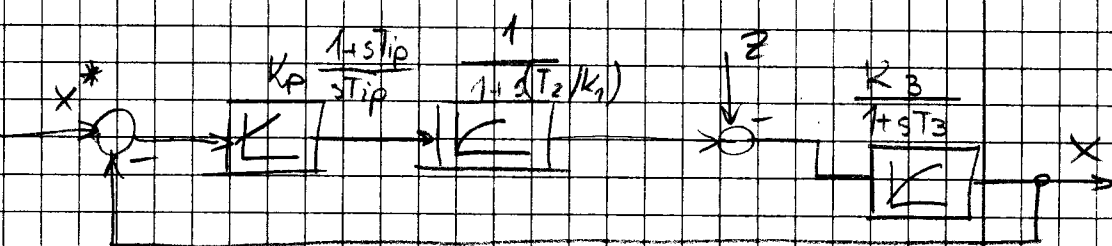
b) želena vrednost je konstanta: $x^* = \text{konst.}$; S.O. (simetrični optimum)



$K_1 = 2$
 $T_2 = 0,03$
 $K_3 = 3$
 $T_3 = 2$

$K_p, T_{ip} = ?$

**



$F_0 = F_R \cdot F_S$

$F_R = K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}$

"Ks"

→ po metodi 0. I.;
glej formule na
listu

$F_S = \frac{1}{1+s(T_2/K_1)} \cdot \frac{K_3}{1+sT_3} = \frac{3}{(1+0,015s)(1+2s)}$
 \uparrow \uparrow
 T_{μ} T_1

a) 0. I.

$F_S = \frac{K_3}{(1+sT_1)(1+sT_{\mu})}; T_{\mu} < T_1$

list s formulami

$F_R = K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}$

$K_p = \frac{T_1}{2K_3 T_{\mu}}$

formuli za izračun
parametrov tega
regulatorja

$T_{ip} = T_1$

najdaljša časovna konstanta

mpr.:

$F_0 = K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}} \cdot \frac{1}{1+sT_{\mu}} \cdot \frac{1}{sT_{ip}+1}$

; če $\Rightarrow T_{ip} = T_1$

→ znebimo se
dolge čas. konst.

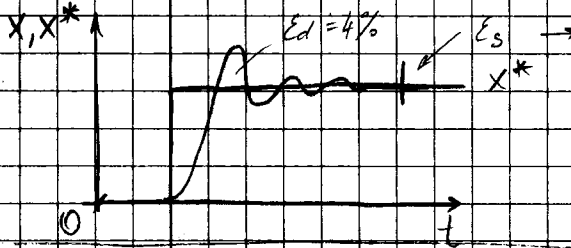
- vstavimo konkretne vrednosti:

$$K_p = \frac{T_3}{2K_3(T_2/K_1)}$$

$$\boxed{K_p = 22,2}$$

$$\boxed{T_{ip} = 2}$$

$$T_{ip} = T_3$$



st. pogreška me pričakujemo, ker imamo integrator

b) S.O.

$$F_s = \frac{K_s}{(1+sT_1)(1+sT_\mu)} \quad ; \quad T_\mu < T_1$$

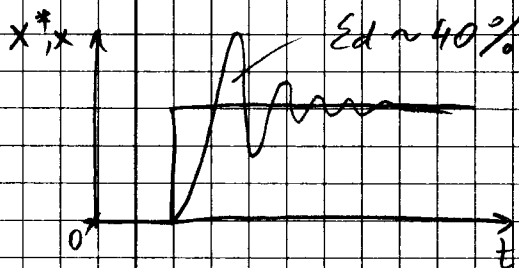
$$F_R = K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}$$

→ formuli za izračun parametrov

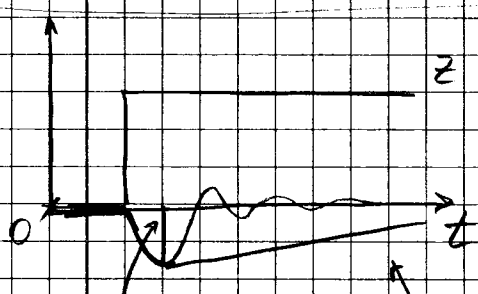
$$K_p = \frac{T_1}{2K_s T_\mu} \quad ; \quad T_{ip} = 4 T_\mu$$

$$K_p = \frac{T_3}{2K_3(T_2/K_1)} \quad ; \quad T_{ip} = 4(T_2/K_1)$$

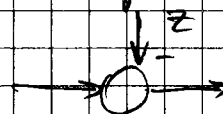
$$\boxed{K_p = 22,2} \quad ; \quad \boxed{T_{ip} = 0,06}$$



regulacijski čas je daljši kot pri O.I.

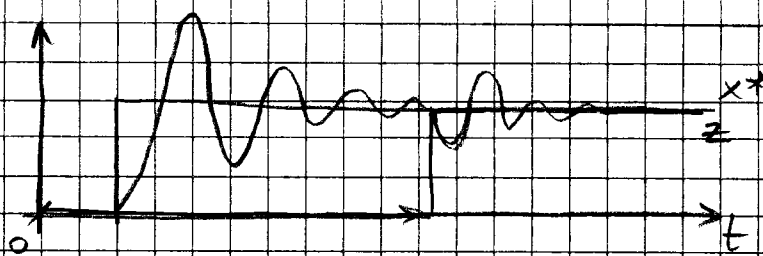


Manjše) gre manj dol, ker imamo pri tej konkretni malopri pri motnji negativni predznak



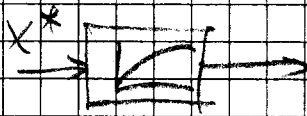
$E_d = 4\%$ (S.O.)

$E_d = 4\%$ (O.I.)
(dolga čas. konst.)



ob stopničastem prehodu sledijo preminjajo, zato želena vrednost postopoma dvigujejo.

**



dodamo lahko člen 1. reda z ojačanjem 1, čas. konst. lahko s pomočjo iterativne hitro ugotovimo.



v dig. metu lahko to rešimo z rampo

12.12.2012

- Routh-ov kriterij:

s^n	a_n	a_{n-2}	a_{n-4}	...
s^{n-1}	a_{n-1}	a_{n-3}	a_{n-5}	...
s^{n-2}	$(a_{n-1} \cdot a_{n-2}) - (a_n \cdot a_{n-3})$			
s^{n-3}	a_{n-1}			

- ko izračunamo vse koeficiente, pogledamo prvi stolpec
- če so vsi členi enako predznačeni, je sistem stabilen
- če se predznak v 1. stolpcu m-krat spremeni, bi imeli m korenov z $Re >$
- \Rightarrow sistem je nestabilen
- če 1. stolpec vsebuje kakšno 0, potem koren leži na realni osi.

$$F_o = K_p F_2 F_3 F_4$$

$$\begin{aligned}
 F_o &= K_p \frac{4}{1+0,02s} \cdot \frac{3}{1+0,1s} \cdot \frac{2}{1+3s} \\
 &= \frac{24 K_p}{(1+0,02s)(1+0,1s)(1+3s)} = \frac{24 K_p}{(1+0,1s+0,02s+0,002s^2)(1+3s)} \\
 &= \frac{24 K_p}{1+0,1s+0,02s+0,002s^2+3s+0,3s^2+0,06s^2+0,006s^3} \\
 &= \frac{24 K_p}{0,006s^3 + s^2(0,3+0,06+0,002) + s(3+0,1+0,02) + 1}
 \end{aligned}$$

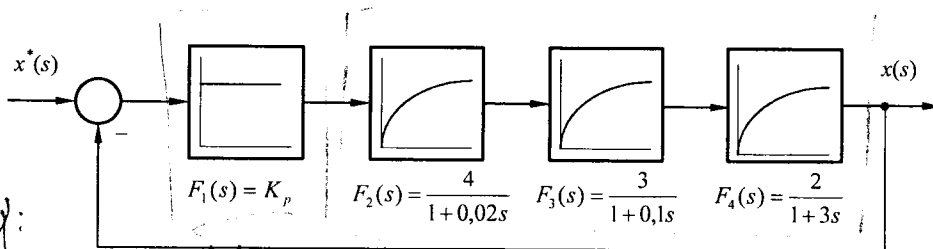


VAJA A-9

Za regulacijski sistem s spodnje blokovne sheme se prepričajte o stabilnosti z uporabo Routhovega kriterija za vrednosti $K_p = 1$, $K_p = 5$ in $K_p = 8$.

Za katere vrednosti K_p je sistem stabilen?

Za vse tri navedene vrednosti K_p izračunajte pripadajoče korene karakteristične enačbe in vsakič ugotovite statični pogrešek ε_s , absolutno dušenje d , relativno dušenje ρ , čas polperiode lastnega nihanja T_{pp} , relativni regulacijski čas τ_r in regulacijski čas t_r .

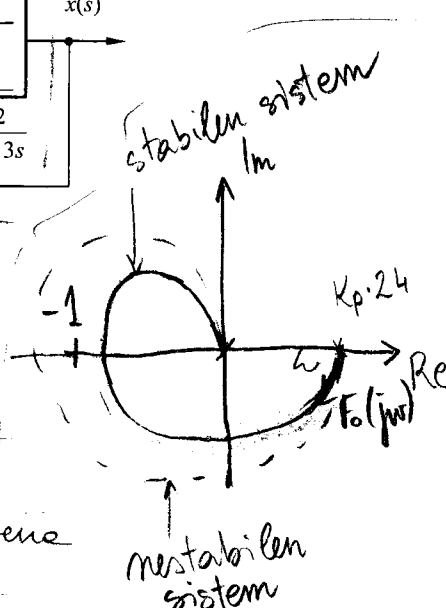


Routhov kriterij:
 $K_p = 1; 5; 8$

$K_p = ?$ (stabilen)
 $\varepsilon_s, d, \rho, T_{pp}, \tau_r, t_r = ?$

$F_0 = K_p F_2 F_3 F_4$

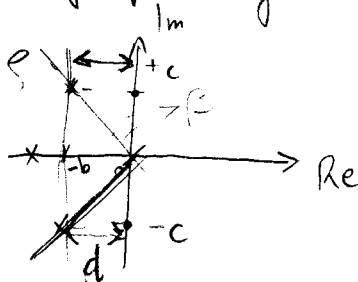
$F_0 = K_p \frac{4}{1+0,02s} \cdot \frac{3}{1+0,1s} \cdot \frac{2}{1+3s}$



- Z večjim K_p se stabilnost sistema manjša.

- kor. enačba: $1 + F_0 = 0$; realne komponente korene morajo biti negativne

diagram je postavljen v Gaussovo ravnino:



$\zeta = \beta = \rho$

kor. enačba: $1 + F_0 = 0$

$$1 + \frac{24 \cdot K_p}{(1+0,02s)(1+0,1s)(1+3s)} = 0$$

$$(1+0,02s)(1+0,1s)(1+3s) + 24 K_p = 0$$

$$0,006s^3 + 0,362s^2 + 3,42s + 24K_p = 0$$

$K_p=1; A_0 = 24+1 = 25$

$K_p=5; A_0 = 24 \cdot 5 + 1 = 121$

$K_p=8; A_0 = 24 \cdot 8 + 1 = 193$

a) $K_p=1$

s^3	: 0,006				
s^2	: 0,362				
s^1	: 2,7044				
s^0	: 25				

Arrows from the table indicate the following values for the Routh-Hurwitz stability criterion:

- From s^3 to s^2 : 3,12
- From s^2 to s^1 : 25
- From s^1 to s^0 : 0

$$\epsilon_s = \frac{1}{1+K_0} = \frac{1}{1+24 \cdot 1} = 4\%$$

enak predznak \Rightarrow sistem je stabilen

b) $K_p=5$

s^3	: 0,006				
s^2	: 0,362				
s^1	: 11,145				
s^0	: 121				

Arrows from the table indicate the following values for the Routh-Hurwitz stability criterion:

- From s^3 to s^2 : 3,12
- From s^2 to s^1 : 121
- From s^1 to s^0 : 0

kor. enačba nima korenov, ki bi ležali na desni strani

$$\epsilon_s = \frac{1}{1+K_0} = \frac{1}{121} = 0,83\%$$

višje ojačanje \Rightarrow manjši ϵ_s

c) $K_p=8$

s^3	: 0,006				
s^2	: 0,362				
s^1	: -0,0788				
s^0	: 193				

Arrows from the table indicate the following values for the Routh-Hurwitz stability criterion:

- From s^3 to s^2 : 3,12
- From s^2 to s^1 : 193
- From s^1 to s^0 : 0

$$\epsilon_s = \frac{1}{193} = 0,52\%$$

predznak se 2x spremeni \Rightarrow 2 korene s pozitivnim realnim delom

\Rightarrow sistem je NESTABILEN

Routh:

$$\begin{aligned}
 s^3: & 0,006 \\
 s^2: & 0,362 \\
 s^1: & 3,12 - 0,0166(24K_p+1) \\
 s^0: & 24K_p+1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 3,12 \\
 24 \cdot K_p + 1
 \end{aligned}$$

$$24K_p + 1 > 0$$

$$K_p > 0$$

$$3,12 - 0,0166(24K_p+1) > 0$$

$$K_p < 7,789$$

→ da bo sistem stabilen

$$K_p = 1$$

$$\begin{aligned}
 x_1 &= -51,8 \\
 x_2 &= -4,24 \pm j7,89 \\
 x_3 &= -4,24 - j7,89
 \end{aligned}$$

$$K_p = 5$$

$$\begin{aligned}
 x_1 &= -57,4 \\
 x_2 &= -1,47 \pm j18,69 \\
 x_3 &= -1,47 - j18,69
 \end{aligned}$$

$$K_p = 8$$

$$\begin{aligned}
 x_1 &= -60,5 \\
 x_2 &= 0,095 \pm j23,05 \\
 x_3 &= 0,095 - j23,05
 \end{aligned}$$

K_p	ζ_s	t_r	x_1	x_2	x_3	T	d	ζ	T_{pp}	T_r
1	4%	0,741	-51,8	-4,24 ± j7,89	-4,24 - j7,89	0,236	4,24	0,537	0,398	9,186
5	0,83%	2,138	-57,4	-1,47 ± j18,69	-1,47 - j18,69	0,680	1,47	0,079	0,168	12,6
8	0,52%	X	-60,5	0,095 ± j23,05	0,095 - j23,05	X	X	X	X	X

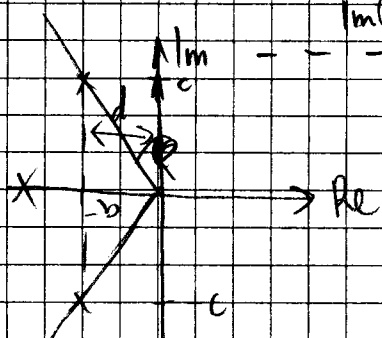
$$T = \frac{1}{d}$$

$$t_r = \frac{1}{\omega}$$

$$t_r \beta = \beta$$

$$\frac{\operatorname{Re}(x)}{\operatorname{Im}(x)} = \beta$$

koren, ki je absolutno najbližje izhodišču



$$\beta = \frac{1}{\omega}$$

$$T_{pp} = \frac{1}{\omega} = \frac{1}{\operatorname{Im}(x)}$$

čas polperode lastnega dušenega nihanja

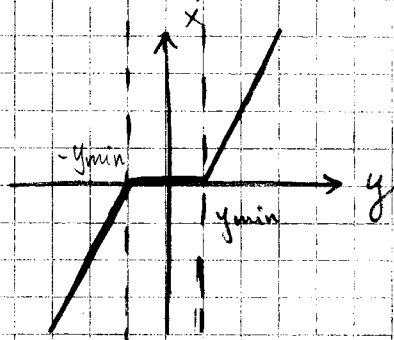
NELINEARNE REGULACIJE

14.12.2012

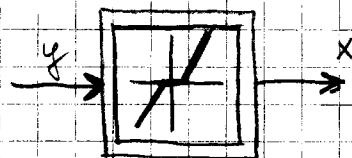
1.) nelinearni sistemi

- sistemi, ki jih ne moremo opisati z linearnimi D.Č.
- superpozicija ne velja ("več kot spijimo \neq boljše smo")
- odziv na vsin. vzbujanje:
 - o odvisnost tudi od amplitude, ne le od frekvence
 - o v izh. signalu so harm. komponente
- nihanje linearnih sistemov:
 - o na sinus \rightarrow prisilno nihanje z isto frekvenco (stec. stanje)
 - o brez vzbujanja \rightarrow lastno nihanje (leže korenov kar. enačbe) \Rightarrow nihanja (dušena, nedušena) je enostavno ugotovljivo
- nihanje nelinearnih sistemov:
 - o na sinus \rightarrow več frekvenc (subharmonske, višje harmonske, ...)
 - o brez vzbujanja \rightarrow različne \Rightarrow pri ugotavljanju nihanja je potrebno upoštevati več pogojev.
- nelinearnosti:
zaradi lastnosti sklopov v reg. krogu
 - o merilni členi
 - o ojačevalniki
 - o regulatorji
 - o omkjenalniki

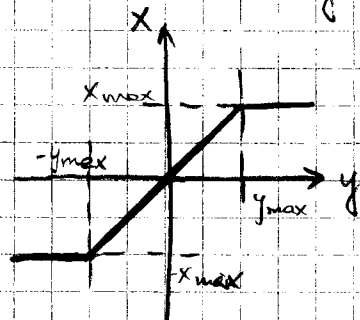
* mrtva zona:



y ... vh. signal
x ... izh. signal

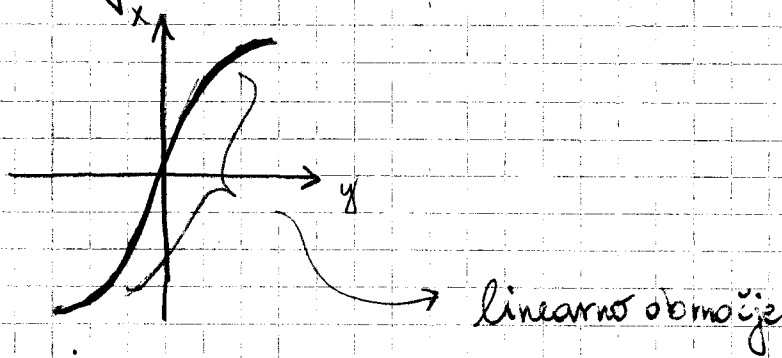


* člen z nasičenjem

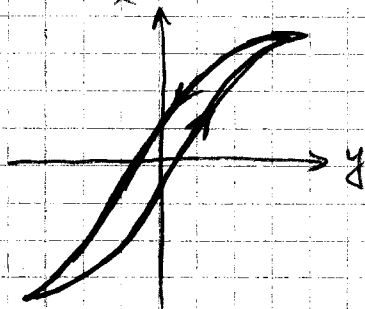


- na izhodu ne dol od sebe nič več, kot je maksimalni.
- na izhodu je maksimalna vrednost

* zakrivljenost karakteristike:

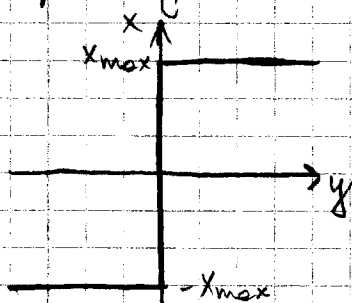


* histereza (z zakrivljeno karakteristiko):



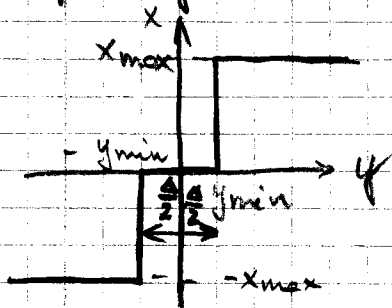
- mpr.: regulacija temperature → ne pride do hiprege preklopa, do spremembe pride do preseženi temperaturi

* dvopoložajni člen:



- reljerna karakteristika
- idealen rele → neskončno hitro preklapljanje

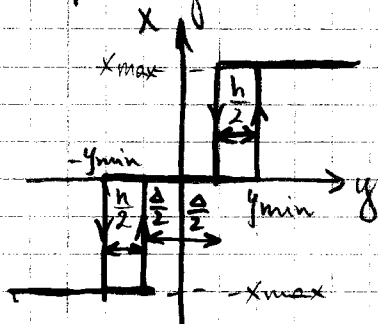
* dvopoložajni člen z mrtvo cono ⇒ trojpoložajni člen



- mrtva cona obravnavamo kot tretji položaj

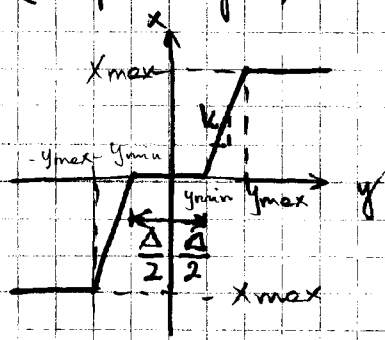
- Δ ... obraba za mrtvo cono
- glede na vrednosti vh. signala se oblikujejo 3 vrste izv. signala

* dvopoložajni člen z mrtvo cono in histerezo



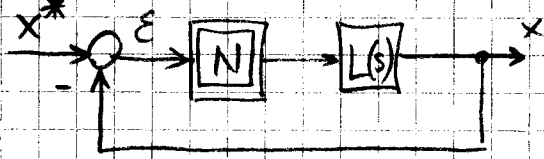
- pri naraščanju izv. signala velja ena karakteristika, pri padanju pa druga

* (dvojpoložajni) člen z mrtvo konco in z nasičenjem



$$k = \frac{\Delta x}{\Delta y}$$

- nelinearni člen ne moremo predstaviti preko sumatorjev
- nelinearnost ne moremo pozabiti z enim samim členom
- členom L in N ne moremo zamisliti vrstnega reda

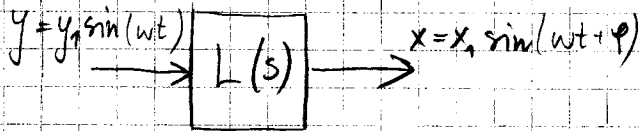


- pri različni amplitudi in s tem različni dinamiki

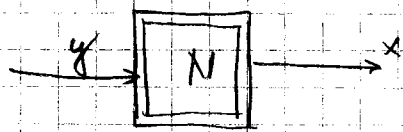
19. 12. 2012

Metoda opisne funkcije

- temelji na harmonski analizi
- analoška frekvenčni karakteristiki

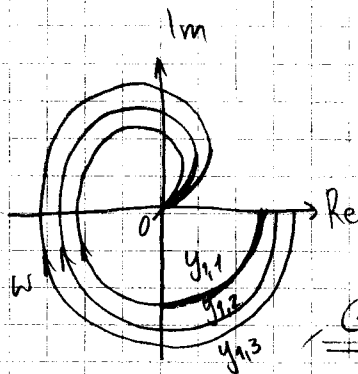


$$L(j\omega) = \frac{\bar{x}}{\bar{y}} = \alpha(j\omega) e^{j\varphi(j\omega)}$$



$$y = y_1 \sin(\omega t)$$

$$x = x_1 \sin(\omega t + \varphi_1) + x_2 \sin(2\omega t + \varphi_2)$$



$$\frac{\bar{x}_1}{\bar{y}_1} = G(j\omega, y_1) = \beta \cdot e^{j\mu}$$

$$\beta = \frac{x_1}{y_1} = \frac{\sqrt{A_1^2 + B_1^2}}{y_1} = \beta(\omega, y_1)$$

$$\mu = \text{atg} \frac{A_1}{B_1} = \mu(\omega, y_1)$$

Za vsake amplitudo, osn. harm. komp. rep. signala y_1 dobimo družino krivulj

odvisnost od frekvence in amplitude

Na izhodu opozujem le osnovno harm. stopnjo

- $L(s)$ ima dolge čas. konstante
- višjiharm. kom. (y_1) imajo majhne amplitude glede na osn. harm. st.

o posebni primer: frekvenčno neodvisen nelinearni element:

$$G \neq G(\omega), G = G(y_1)$$

$$N(y_1) = \frac{\bar{x}_1}{y_1} = \beta(y_1) \cdot e^{j\mu(y_1)}$$

(krivulja v Gaussovi ravnini, parameter je y_1)

nasprotno obratna vrednost N:

⇒ enačba kritične trajektorije

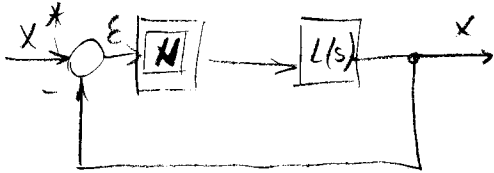
$$R(y_1) = -\frac{1}{N(y_1)} = -\frac{1}{\beta(y_1)} e^{-j\mu(y_1)} = |R(y_1)| e^{-j(\mu(y_1) + \pi)}$$

člen s histerzo:

$$\beta(y_1) = \frac{x_1}{y_1} \dots \quad \mu(y_1) \neq 0$$

kritična trajektorija ne leži na realni osi.

- ugotavljanje stabilnostnih razmer



$$H(s, \varepsilon_1) = \frac{x(s)}{x_i(s)} = \frac{N(\varepsilon_1) \cdot L(s)}{1 + N(\varepsilon_1) \cdot L(s)}$$

- kar. enačba:

$$1 + N(\varepsilon_1) \cdot L(s) = 0$$

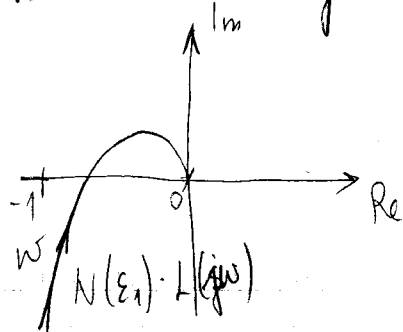
- kritične trajektorije:

$$R(\varepsilon_1) = L(j\omega) = -\frac{1}{N(\varepsilon_1)}$$

o za vsako vrednost (ε_1) vršimo krivuljo:

$$N(\varepsilon_1) \cdot L(j\omega)$$

$$(N(\varepsilon_1) \neq N(j\omega))$$



- člen s histerezo:

→ signal na izhodu se mora zamakniti za širino histereze

- člen z mrtvo cono:

če je signal v mrtvi coni pride do zakasnitve signala, oz. do nihanja izh. signala (ko smo v območju mrtve cone)

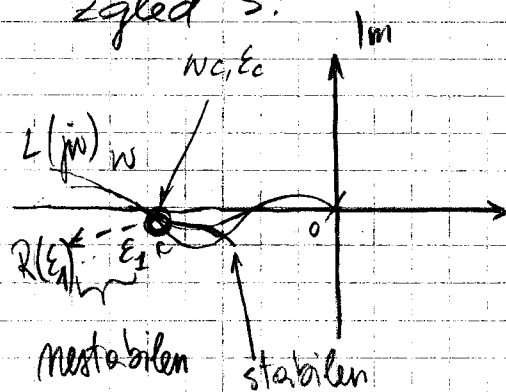
- člen z nasičenjem:

"hibčki" so odrezani ob spreminjanju nasičenja

vh. signal je odrezan in fazno zamaknjen (odvisno od širine histereze)

Stabilnost: nihanje in popreški se po amplitudah zmanjšujejo

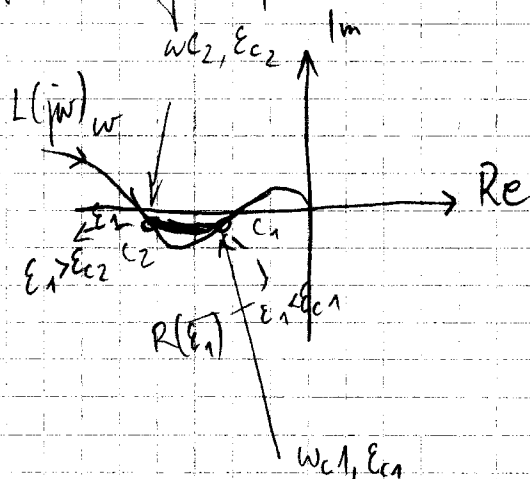
zgled 3:



system 3. reda z dif. členom

$$L(s) = \frac{K(1+sT_3)}{s^2(1+sT_1)(1+sT_2)}$$

povečevanje amplitude, itd.

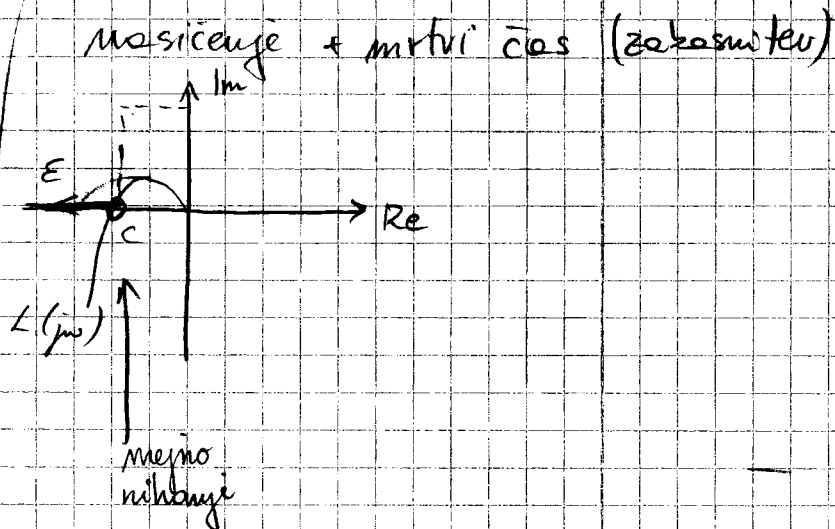
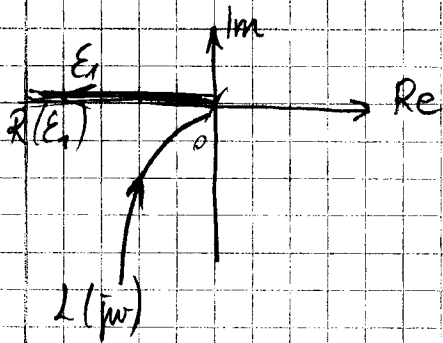


- vpliv mrtve cone, histereze in mrtvega časa

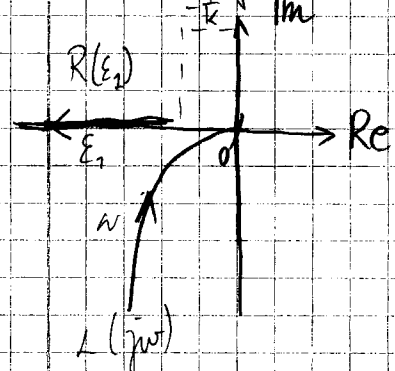
$$L(s) = \frac{K}{s(1+sT)}$$

2. reda + integrator

brez vplivov



- masičenje + mrtva cone



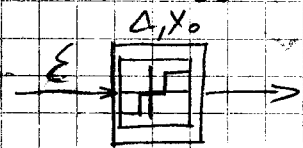
povečamo mrtvi čas; pripomore k
vpremembi mejnega nihanja →
 $\omega_c \downarrow, E_c \uparrow$

- masičenje + histereza

$\omega_c \downarrow, E_c \uparrow$

10. LAB. VAJA

- nelinearni element - tropoložajni



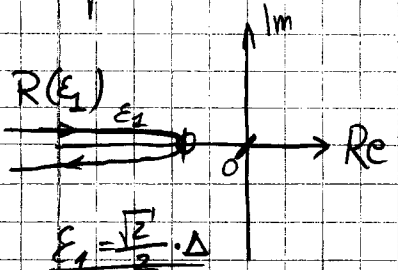
$$\Delta \neq 0, 2$$

$$X_0 = 1$$

• enačba kritične trajektorije:

$$R(E_1) = -\frac{1}{N(E_1)} = -\frac{\pi \cdot E_1}{4X_0 \sqrt{1 - \left(\frac{\Delta}{2E_1}\right)^2}}$$

• potek kritične trajektorije:



$$R(E_1) = \frac{-\pi \Delta}{4X_0}$$

$$E_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \Delta$$

točka na realni osi je kritična točka sistema

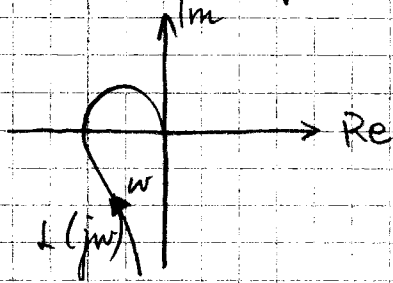
o kakor je z linearnim sklopom?

ali bo člen imel prenihaj
bo izkazoval resonanco?

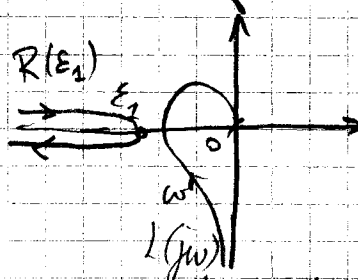
$$L(s) = K_1 \cdot \frac{1}{sT_1} \cdot \frac{K_2}{1 + 2zT_2 \cdot s + T_2^2 \cdot s^2}$$

$$K_1 = 2, T_1 = 1, K_2 = 3, T_2 = 0,04, z = 0,25$$

člen 3. reda + integrator



1. možnost: brez presečišča
brez nihanja, stabilen



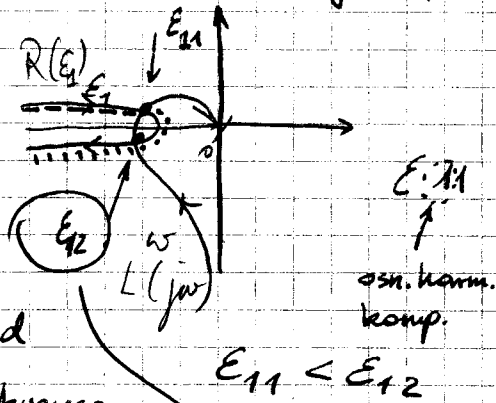
2. možnost: dvojno presečišče

→ $\epsilon_1 < \frac{\Delta}{2}$: v mrtvi coni
izhod iz $N=0$

→ $\frac{\Delta}{2} < \epsilon_1 < \epsilon_{11}$: stabilno
 $\epsilon_1 \downarrow$

→ $\epsilon_{11} < \epsilon_1 < \epsilon_{12}$: leži desno od
fr. kr. v smeri
naraščajoče frekvence

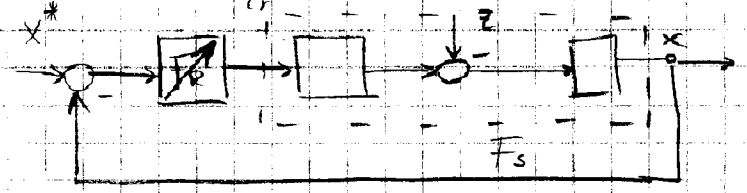
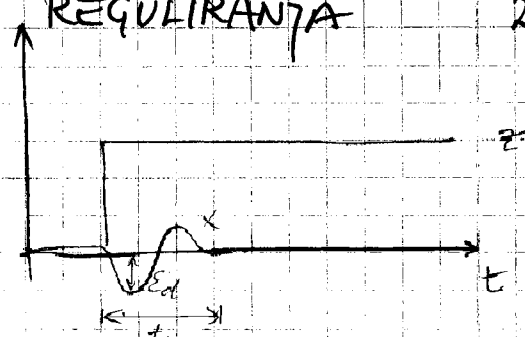
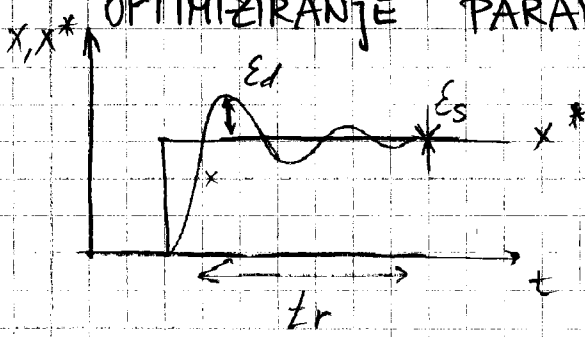
→ $\epsilon_1 > \epsilon_{12}$: lokalno nestabilna
lokalno stabilno
 $\epsilon_1 \downarrow$



$$\epsilon_{11} < \epsilon_{12}$$

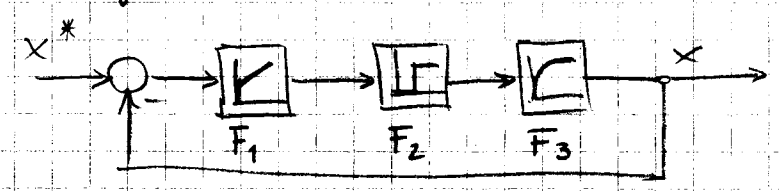
mejno nihanje
 $\epsilon_c = \epsilon_{12}$

OPTIMIZIRANJE PARAMETROV REGULIRANJA



AV

Podanemu reg. krogu določite konstante PI regulatorja; vodena regulacija



\$K_p, T_{ip} = ?\$ \$F_1 = K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}\$

\$F_2 = e^{-sT_2}\$... člen z mrtvim časom

\$T_2 = 0,05\$

\$F_3 = \frac{K_3}{1+sT_3}\$... člen 1. reda

\$K_3 = 3, T_3 = 0,2\$

\$F_s = \frac{e^{-sT_2}}{1+sT_3}\$ (iz knjige)

\$F_s = F_2 \cdot F_3 = \frac{e^{-sT_2} K_3}{1+sT_3}\$

znotraj reg. kroga lahko poljubno premikamo

- modifikacija:

\$F_s' = \frac{e^{-sT_2}}{1+sT_3}\$; \$F_R' = \frac{K_3 \cdot K_p}{K_p'} \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}} = K_p' \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}\$

prestavimo na začetek

- optimum iznosa (iz knjige):

PI : " \$K_p = \frac{1}{4} \frac{6A^3 + 6A^2 + 3A + 1}{3A^2 + 3A + 1}\$ "

" \$T_{ip} = \frac{T_1}{3} \frac{6A^3 + 6A^2 + 3A + 1}{2A^2 + 2A + 1}\$ "

" \$A = \frac{T_2}{T_3}\$ "

$$A = \frac{T_2}{T_3} = 0,25$$

$$K_p' \cdot K_p \cdot K_3 = \frac{1}{4} \cdot \frac{6A^3 + 6A^2 + 3A + 1}{3A^2 + 3A + 1} = \frac{1}{4} \cdot \frac{2,2188}{1,9375} = \underline{\underline{0,2863}}$$

$$T_{ip} = \frac{T_2}{3} \cdot \frac{6A^3 + 6A^2 + 3A + 1}{2A^2 + 2A + 1} =$$

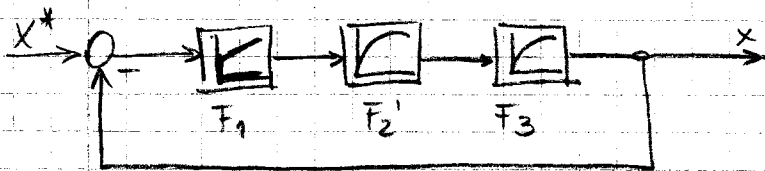
$$K_p' = K_p \cdot K_3 \rightarrow K_p = \frac{K_p'}{K_3} = \frac{0,2863}{3} = \underline{\underline{0,0954}}$$

$$T_{ip} = \frac{0,05}{3} \cdot \frac{2,2188}{1,625} = \underline{\underline{0,0228}}$$

$$\begin{aligned} K_p &= 0,095 \\ T_{ip} &= 0,023 \end{aligned}$$

približek k členu z mrtvim časom; člen 1. reda

$$F_2' = \frac{1}{1+sT_2} = \frac{1}{1+s \cdot 0,05}$$



$$F_s = F_2' \cdot F_3$$

$$F_s = \frac{1}{1+0,05 \cdot s} \cdot \frac{3}{1+0,25s}$$

→ optimum iznosa:

$$F_s = \frac{K_s}{(1+sT_2)(1+sT_1)}$$

" $T_2 \ll T_1$ "

dolga čas. konst.

$$K_p = \frac{T_1}{2K_s T_2}$$

$$K_p = \frac{T_3}{2K_3 T_2}$$

$$K_p = \frac{0,2}{6 \cdot 0,05} = \underline{\underline{0,6667}}$$

$$T_{ip} = T_1$$

$$T_{ip} = T_3$$

$$T_{ip} = \underline{\underline{0,2}}$$

kratka čas. konst

T_2 je z 4x manjša od T_3 ,
zato tudi pride do
odstopanj

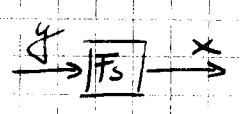
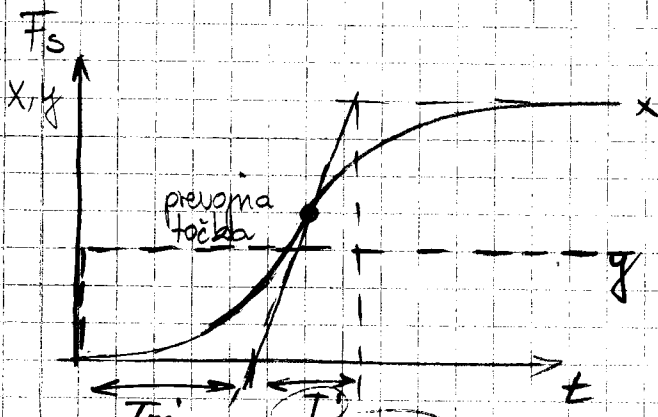
približek s
členom 1. reda

10x večja časovna konstanta

2,3x večje ojačanje

- simetrični optimum ... dobili bi enake parametre kot pri O.I. sistem, bi se obnašal ročno; namu ocenimo ali smo zadovoljni z doseženim

PROCESNE REGULACIJE po ZIEGER-NICHOLS-U



moramo imeti prehodno funkcijo reguliramo

(madomestni mrtvi čas)

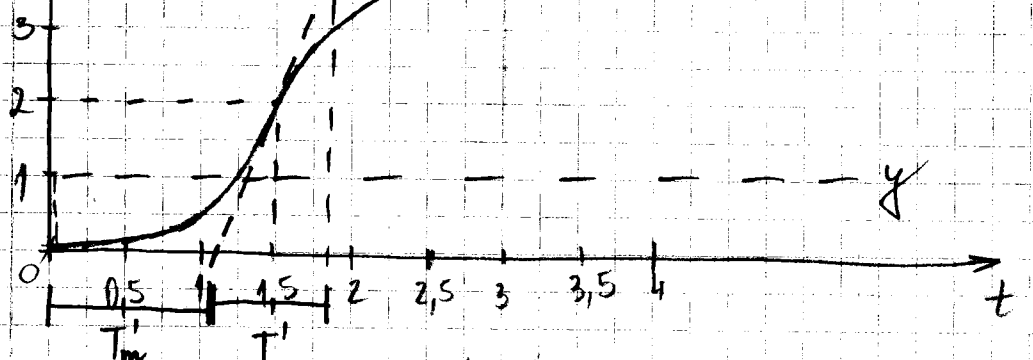
madomestna čas. konst. člena 1. reda

$$F_s = e^{-sT_m} \cdot \frac{K}{1+sT'} \\ K = \frac{x(t \rightarrow \infty)}{y(t \rightarrow \infty)}$$

- na podlagi podanih podatkov poskušamo ugotoviti vsaj red veljosti sistema
- če nimamo poznate preh. iz sistema odstranimo integratorje in diferencialne člene; dviguje moč ojačanje dokler ne začne oscilirati → KRITIČNO OJAČANJE → ugotovimo periodo prek eno dobojimo manjšajoče dele

AV

Procesne regulacija; znane je preh. funkcija; PI reg. Ziegler & Nichols



- enačbe (iz knjige):

$$K_s = 4$$

$$T_m = 1,2$$

$$T' = 0,6$$

$$K_p = 0,9 \cdot \frac{T'}{K_s T_m}$$

$$T_{ip} = 3,3 T_m$$

$$K_p = 0,9 \cdot \frac{0,6}{4 \cdot 1,2} = 0,1125$$

$$T_{ip} = 3,3 \cdot 1,2 = 3,96 \approx 4$$

računamo še za prejšnjo nalogo:

$$K_p = 0,9 \frac{0,2}{3 \cdot 0,05} = \underline{\underline{1,2}}$$

$$T_p = 3,3 \cdot 0,05 = \underline{\underline{0,165}}$$

podobno namgu, ki smo ga že izračunali v ozadju so procesne regulacije → počasno spreminjanje, ...

4.1.2013

10. LAV

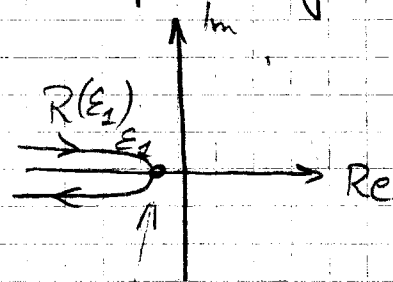
$$N: R(\epsilon_1) = -\frac{1}{N(\epsilon_1)} = -\frac{\pi \epsilon_1}{4x_0 \sqrt{1 - (\frac{\Delta}{2\epsilon_1})^2}}$$

osnovna harm. komp. vh. signale

... Δ → mrtka cona, v tem primeru je simetrična

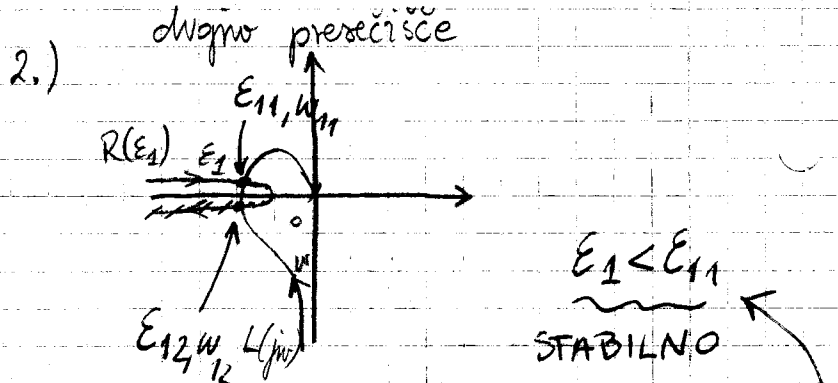
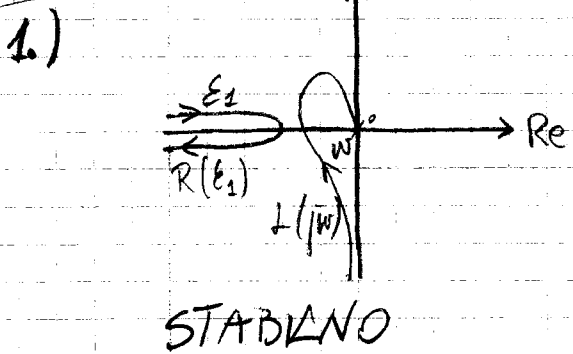
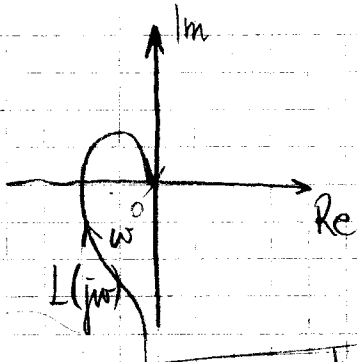
$$L: L(s) = K_1 \frac{1}{sT_1} \cdot \frac{K_2}{1 + 2zT_2s + T_2^2s^2}$$

3. red + 1 integrator



$$\epsilon_1 = \frac{\sqrt{z}}{2} \Delta = \underline{\underline{0,14}}$$

$$x_0 = 1 \quad R(\epsilon_1) = -\frac{\pi \cdot 0,2}{4 \cdot 1 \sqrt{1 - (\frac{0,2}{2 \cdot 0,14})^2}} = \underline{\underline{0,157}}$$



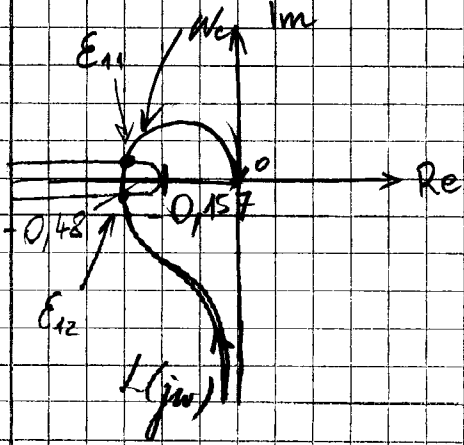
$\epsilon_1 < \frac{\Delta}{2}$: smo v mrtvi coni }
 $\frac{\Delta}{2} < \epsilon_1 < \epsilon_{11}$: stabilno; $\epsilon_1 \rightarrow 0$ }

- pripadajoči del kr. trajektorije je na desni strani ...
 $\epsilon_{11} < \epsilon_1 < \epsilon_{12}$: nestabilno; $\epsilon_1 \uparrow$ }
 $\epsilon_1 > \epsilon_{12}$: stabilno; $\epsilon_1 \downarrow$ }

- pripadajoči del kr. tr. leži na levi strani

$$\epsilon_c = \epsilon_{12}; \quad w_c = w_{12}$$

pojav mejnega nihanja



$$\text{Im} [L(j\omega_c)] = 0 \rightarrow \omega_c \dots$$

$$\text{Re} [L(j\omega_c)] =$$

negativnega
predznaka

$$L(s) = \frac{K_1 K_2}{s T_1 (1 + 2\zeta T_2 s + T_2^2 \cdot s^2)}$$

$$L(j\omega) = \frac{6}{j\omega_c [1 + 0,02 j\omega_c - 0,0016 \omega_c^2]}$$

$$L(j\omega_c) = \frac{6}{j\omega_c - 0,02 \omega_c^2 - j0,0016 \omega_c^3}$$

$$L(j\omega_c) = \frac{6}{-0,02 \omega_c^2 + j[\omega_c - 0,0016 \omega_c^3]}$$

racionaliziramo

$$\boxed{\omega_c = 25}$$

$$\text{Re} [L(j\omega_c)] = -0,48$$

$$\omega_c = 25; \quad f_c = \frac{\omega_c}{2\pi} = \frac{25}{2\pi} \doteq \underline{\underline{4}}$$

$$\text{Re} [L(j\omega_c)] = R(\epsilon_1)$$

$$\rightarrow \epsilon_{11} = 0,101405641$$

$$\boxed{\epsilon_c = \epsilon_{12} = 0,602683422}$$

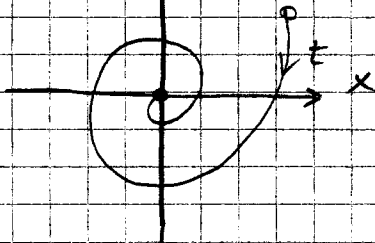
- FAZNA RAVNINA → "ravnina stanja", "fazni prostor"

"faza" = stanje

stanje sistema v posameznem trenutku je natanko določeno z vrednostima x in y (veličina in njen odvod)

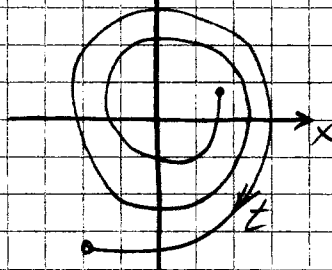
$$\dot{x} = y$$

$$y = \dot{x}$$



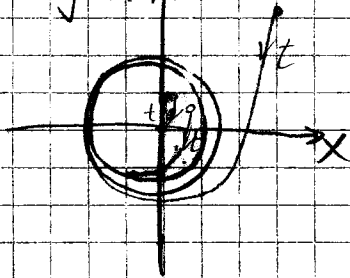
STABILNO

$$y = \dot{x}$$



NESTABILNO

$$y = \dot{x}$$



- Rele ima določeno zvl. dobo - nekaj milijonov preklopov. Če je histereza pri regulatorju prezvela, se lahko preklopi ← visoka frekvenca dobajajo hipodma in preveč pogosto → element lahko odpove veliko prej.

→ Duffingova dif. enačba:

$$\ddot{x} + 0,1s \cdot \dot{x} + x^3 = 7,5 \sin t$$

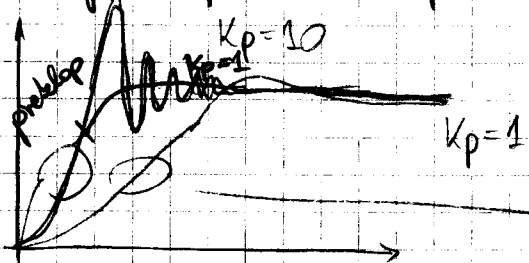
→ Rayleighova dif. enačba:

$$\ddot{x} - \epsilon(1 - \dot{x}^2) \cdot \dot{x} + x = A \cdot \sin(\omega t)$$

- V fazi ravnini je čas parametrov enake razdalje med točkami na fazi trajektoriji ne pomenijo enakega časovnega intervala.

- nelinearnosti nam večkrat poveročajo težave, lahko pa jih obrnemo sebi v prid → zahteva po čim hitrejšem prehodu iz enega stac. stanja v drugega

→ preklapljanje lahko med več različnimi poteki (Z nekimi ožičnimi zrcenimi, nato pa v primeru možnosti preukhaja preklapljanje na prehodno funkcijo, ki je ugodnejša)



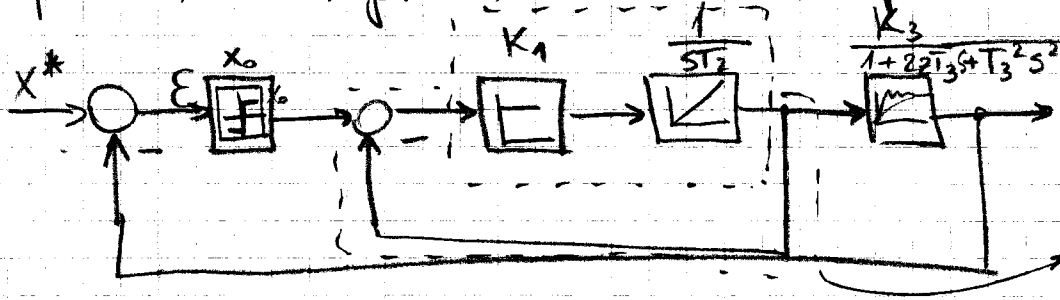
→ manjši čas, manjši preukhaji

→ funkcija s hitrim naraščanjem → kratek reakcijski čas + večji preukhaji

- Od obeh signalov vzamemo le najboljše lastnosti.
- ugotoviti moramo točen čas pri katerikoli naredimo preklop + preklopi morajo biti čim bolj gladki

AV-12

Za podani sistem ugotovite stabilnostne razmere po metodi opisne funkcije

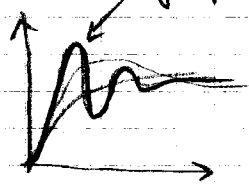


člen 1. reda z ojačanjem 1 *

$K_1 = 15$
 $T_2 = 3$
 $K_3 = 3$
 $T_3 = 1$
 $z = 0,2$

$x_0 = 0,5$

(skiciraj) potek preh. f. za člen 2. reda, kakšen je prenikaj za tak faktor dušenja)

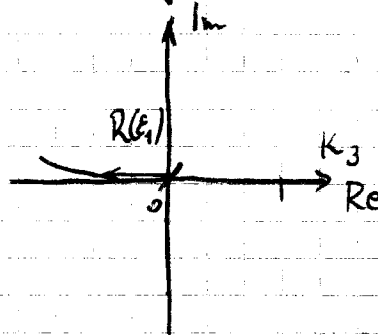


regulator je nelinearen, reguliravec je linearen → zapišemo

→ ϵ_1 je parameter krivulje

$$R(\epsilon_1) = -\frac{1}{N(\epsilon_1)}$$

$$R(\epsilon_1) = -\frac{\pi \epsilon_1}{4 x_0}$$

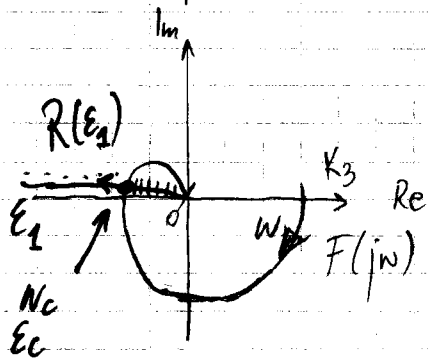
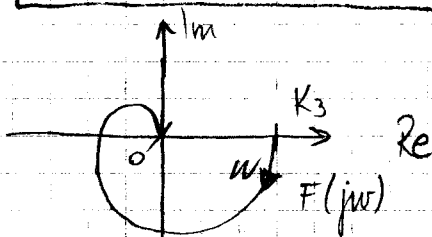


$$* F(s) = \frac{1}{1 + sT_2/K_1} \cdot \frac{K_3}{1 + 2z\zeta T_3 s + T_3^2 s^2}$$

sistem je 3. reda
 $\varphi(\omega \rightarrow \infty) = -270$

$\varphi(\omega \rightarrow 0) = 0$; začne pri K_3

integrator je premoščen z neg. popr. zankos.



||||| → ta del krivulje je nestabilen
 → stabilen

$\varepsilon_1 < \varepsilon_c$: nestabilno ($\varepsilon_1 \uparrow$)

$\varepsilon_1 > \varepsilon_c$: stabilen ($\varepsilon_1 \downarrow$)

mejno nihanje v točki preseka:
amplituda ε_c
frekvenca ω_c

potrebno zapisati na izpitu!

$$F(j\omega) = \frac{1}{(1+0,2j\omega)} \cdot \frac{3}{1+0,4 \cdot j\omega + 1\omega^2} = \frac{3}{1+0,4j\omega - 1\omega^2 - 0,8\omega^2 - 0,2j\omega^3}$$

$$\overline{F}(j\omega) = R(\varepsilon_1)$$

$$= \frac{3}{[1-1\omega^2-0,8\omega^2] + j[0,6\omega-0,2\omega^3]} \cdot \frac{1}{[1-1,08\omega^2] - j[0,6\omega-0,2\omega^3]}$$

$$= \frac{3([1-1,08\omega^2] - j[0,6\omega-0,2\omega^3])}{[1-1,08\omega^2]^2 + [0,6\omega-0,2\omega^3]^2}$$

$$[1-1,08\omega^2]^2 + [0,6\omega-0,2\omega^3]^2$$

$$\text{Im}[F(j\omega)] = 0 \quad ; \quad \omega = \omega_c$$

$$-0,6\omega + 0,2\omega^3 = 0$$

$$\omega(-0,6 + 0,2\omega^2) = 0$$

$$\omega^2 = 3$$

$\omega_1 = 0$ → poslednja začetna vrednost
 $\omega_2 = \sqrt{3}$
 $\omega_3 = -\sqrt{3}$

$$\text{Re}[F(j\omega)] = \frac{3(1-1,08\omega^2)}{(1-1,08\omega^2)^2 + [0,6\omega-0,2\omega^3]^2} = \frac{3}{1-1,08 \cdot 3}$$

$$= \underline{\underline{-1,339}}$$

$$\text{Re}[F(j\omega)] = R(\varepsilon_0)$$

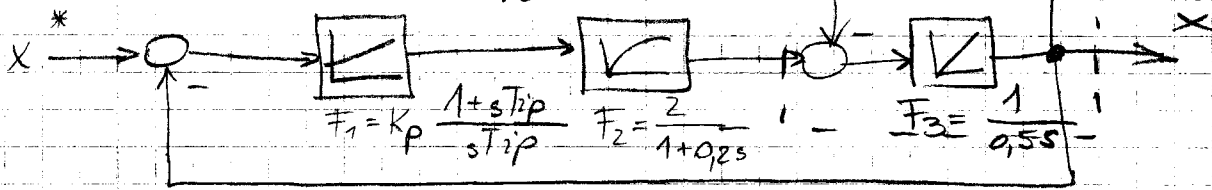
$$-1,339 = \frac{\pi \cdot \varepsilon_c}{X_0 \cdot 4}$$

$$\varepsilon_c = \frac{4 \cdot X_0 \cdot 1,339}{\pi} = \frac{4 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1,339}{\pi} = \underline{\underline{0,853}}$$

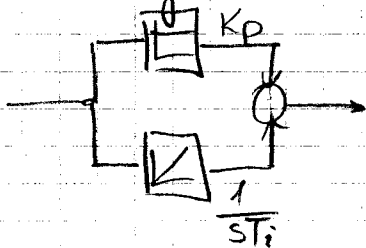
— frekvenca mejnega nihanja:
 $\omega_c = 1,73$
— amplituda mejnega nihanja:
 $\varepsilon_c = 0,85$

AV-13

Za podane blokovno shemo izračunaj mejno stabilnostno krivuljo
 Ali je sistem stabilen za $K_p = 2$?
 $T_i = 3$



PI regulator:



- Regulator je sistem 2. reda $\rightarrow F_s = F_2 \cdot H_3 = \frac{2}{1+0,2s} \cdot \frac{1}{1+0,5s}$

$$F_1 = K_p + \frac{1}{sT_i} = K_p \frac{1+sT_i}{sT_i}$$

Karakteristične enačba:

$$1 + F_0 = 0$$

$$F_0 = F_1 \cdot F_2 \cdot H_3 =$$

$$H_3 = \frac{1}{1+sT_i} = \frac{1}{1+0,5s}$$

$$F_1 = \frac{1+K_p T_i s}{T_i s}$$

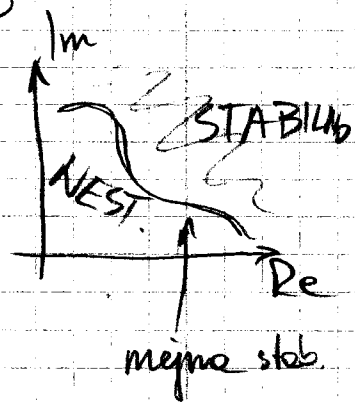
$$F_2 = \frac{2}{1+0,2s}$$

$$\Rightarrow F_0 = \frac{1+K_p T_i s}{T_i s} \cdot \frac{2}{1+0,2s} \cdot \frac{1}{1+0,5s}$$

$$1 + F_0 = 0 \Rightarrow 1 + \frac{1+K_p T_i s}{T_i s} \cdot \frac{2}{1+0,2s} \cdot \frac{1}{1+0,5s} = 0$$

$$T_i s (1+0,2s)(1+0,5s) + 2(1+K_p T_i s) = 0$$

$K_p, T_i \rightarrow$ mejna stabilnost \rightarrow iscemo krivuljo



$$T_i s (1+0,5s+0,2s+0,1s^2) + 2 + 2K_p T_i s = 0$$

$$T_i s (1+0,7s+0,1s^2) + 2 + 2K_p T_i s = 0$$

$$T_i s + 0,7T_i s^2 + 0,1T_i s^3 + 2 + 2K_p T_i s = 0$$

$$0,1T_i s^3 + 0,7T_i s^2 + T_i s(1+2K_p) + 2 = 0$$

- koreni kar. enačbe morajo ležati levo od krivulje.
- uporabimo Hurwitz-ov kriterij → vsi koeficienti kar. enačbe morajo biti enakega predznaka
- vse determinante Δ_k so večje od 0 ($n-2$... determinant)

$$\Delta_k = \begin{vmatrix} a_{n-1} & a_{n-3} & a_{n-5} & \dots & 0 \\ a_n & a_{n-2} & a_{n-4} & \dots & 0 \\ 0 & a_{n-1} & a_{n-3} & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \dots & a_{n-1} \end{vmatrix}$$

$$k = [2 \dots n-1]$$

- pri sistemih višjega reda moramo računati veliko determinant, ki niso ravno trivialne.

$$\Delta_2 = \begin{vmatrix} Q_2 & Q_0 \\ 0,7 T_i & 2 \\ Q_1 & Q_3 \\ 0,1 T_i & T_i (2K_p + 1) \end{vmatrix} > 0 \quad 0,7 T_i^2 (2K_p + 1) - 0,2 T_i > 0$$

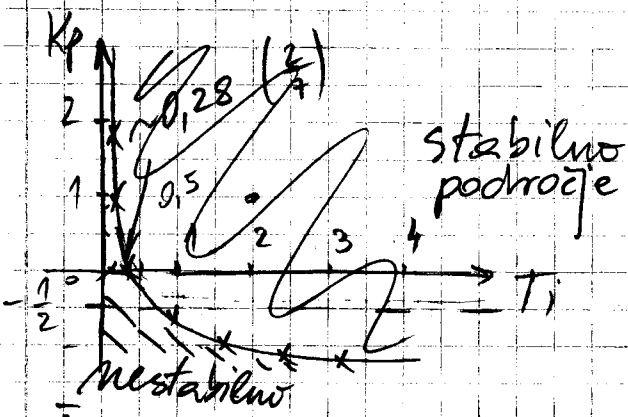
$$0,7 T_i^2 (2K_p + 1) > 0,2 T_i$$

$$0,7 T_i 2K_p + 0,7 T_i > 0,2$$

sistem je stabilen, ko je K_p večji od tega izraza

$$K_p > \frac{0,2 - 0,7 T_i}{0,7 \cdot 2 T_i} > \frac{0,2 - 0,7 T_i}{1,4 T_i} > \boxed{\frac{1}{7 T_i} - \frac{1}{2}}$$

$$T_i = 3, \quad K_p > \frac{1}{21} - \frac{1}{2} = \underline{\underline{-0,452}}$$



$$\frac{1}{7 T_i} = \frac{1}{2}$$

$$2 = 7 T_i$$

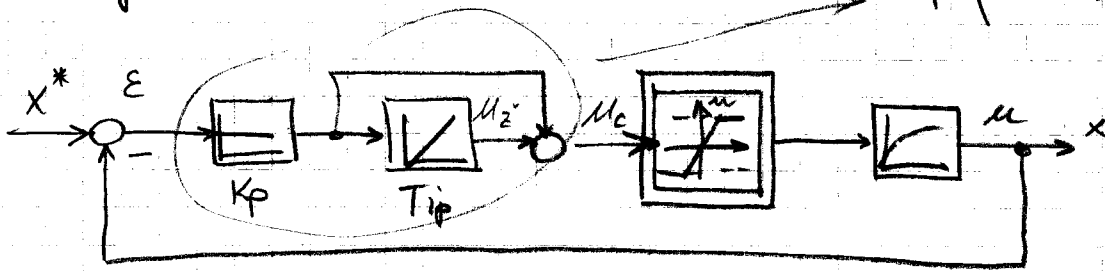
$$T_i = 0,28 \quad (K_p = 0)$$

Če kombinacije K_p in T_i leži na meji stabilnosti krivulji →
 Pri daljših čas. konst. integratorje na bi imeli težav
 ki koreni ležali na imaginarni osi → reduseno nihanje

Integralški pobeg

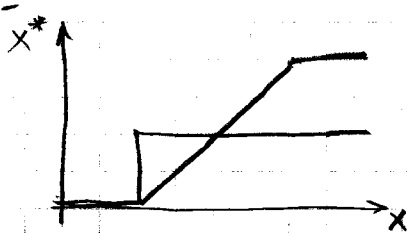
- reguliravec je v nasičenju (nelinearnost)
- P-I regulator (I del... ϵ_s)

$$K_p \left(1 + \frac{1}{sT_{ip}} \right) = \underline{\underline{K_p \frac{1+sT_{ip}}{sT_{ip}}}}$$



- integrator uporabimo za odpravljanje pogreške (kljub pojavu faznega zamika $\phi = -90^\circ$)

- na izhodu ne moremo imeti višje napetosti kot na vnosu

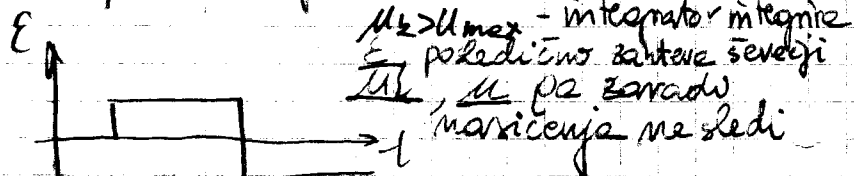
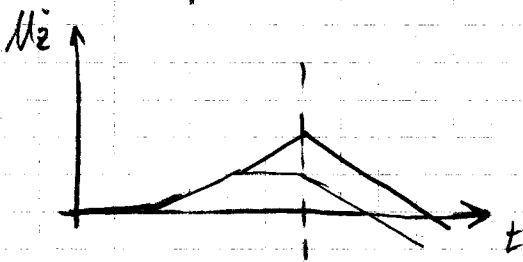


integrator deluje do nekakega obsega, upoštevamo omejitve, da ne pride do menjave predznaka

- če imamo pogrešek: P-člen ga bo pomnožil z neko konstanto
- I-člen pa bo ta signal integriral

→ pogrešek se ne zmanjša →

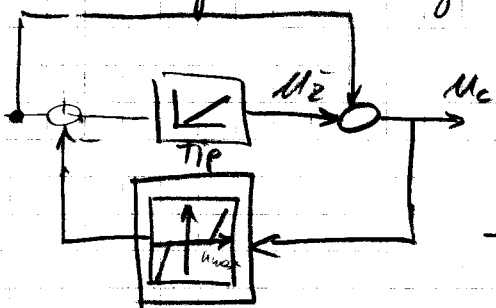
integrator "leze" (reguliravec zahteva namesto 300V - 500V, ne spremeni se nič, integrator integrira)



$U_z > U_{max}$ - integrator integrira ϵ posledično zahteva še večji U_z , U_z pa zaradi nasičenja ne sledi

- ko je člen v nasičenju nehamo integrirati, sicer dobimo neustrezne regulirane signale. Po tem potrebuje velik čas, da se vrne na raven normalnega delovanja

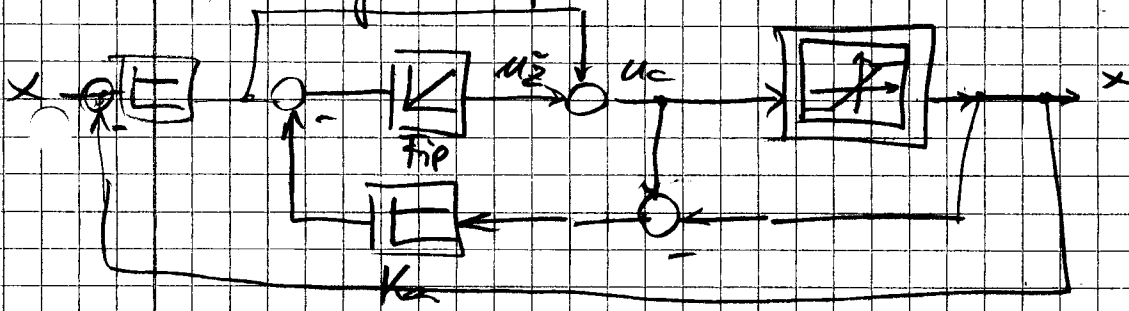
- prenehanje integriranja (reguliravec v nasičenju): izvedemo z digitalnim regulatorjem (μP)



- če bo člen z mrtvo cono v nasičenju, bo pošiljal signal in ustavljal integriranje

- vzporedno k integratorju dodamo člen z mrtvo cono → mrtva cona je široka kot člen, ki sledi integratorju

- realizacija z vzp. vezavim P-členom



- v seriji postavljena člen 1. reda in integratorja sta ekvivalentno členu 2. reda:

$$f(s) = \frac{1}{1 + sT_z + s^2 T_z T_k}$$

z ustrežno konfiguracijo lahko dobimo tudi premikaj

→ $T_k \ll T_z$... člen lahko obravnavamo kot člen 1. reda

